

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования «Кабардино-Балкарский государственный университет
им. Х.М. Бербекова» (КБГУ)

ИНСТИТУТ ФИЗИКИ И МАТЕМАТИКИ
КАФЕДРА АЛГЕБРЫ И ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ

СОГЛАСОВАНО

Руководитель образовательной

программы М.С. Нирова

«12» августа 2023 г.



УТВЕРЖДАЮ

Директор ИФ и М

Б.П. Куниев

«12» августа 2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
«МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ»

(код и наименование дисциплины)

Программа специалитета

01.05.01 Фундаментальная математика и механика

(код и наименование программы специалитета)

Направленность (профиль)

Фундаментальная математика

(наименование направленности (профиля))

Квалификация (степень) выпускника

специалист

Форма обучения

(очная)

Нальчик 2023

Рабочая программа дисциплины «Математический анализ» /сост. О.И. Бжеумихова – Нальчик: КБГУ, 2023. – 76 с.

Рабочая программа дисциплины для студентов очной формы обучения по программе специалитета 01.05.01 Фундаментальные математика и механика, профиль «Фундаментальная математика» в 1-4 семестрах, 1-2 курсов.

Рабочая программа составлена с учетом Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по специальности 01.05.01 Фундаментальные математика и механика (уровень специалитета), утвержденного приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 10.01.2018г. №16 (зарегистрировано в Минюсте РФ 6 февраля 2018г. № 49943).

Содержание

1. Цель и задачи освоения дисциплины (модуля)	3
2. Место дисциплины в структуре ОПОП ВО	3
3. Требования к результатам освоения дисциплины (модуля)	3
4. Содержание и структура дисциплины (модуля).....	4
4.1. Содержание дисциплины (модуля).....	4
4.2. Структура дисциплины	9
4.3. Лекционные занятия.....	10
4.4. Практические занятия	11
4.5. Самостоятельное изучение разделов дисциплины.....	14
5. Оценочные материалы для текущего и рубежного контроля успеваемости и промежуточной аттестации	14
6. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности.....	55
7. Учебно-методическое обеспечение дисциплины.....	57
7.1. Нормативно-законодательные акты	57
7.2. Основная литература.....	58
7.3. Дополнительная литература.....	58
7.4. Периодические издания	59
7.5. Интернет-ресурсы.....	59
7.6. Методические указания по проведению различных учебных занятий, к курсовому проектированию и другим видам самостоятельной работы	61
8. Материально-техническое обеспечение дисциплины	69
Лист изменений (дополнений) в рабочей программе	72
Приложение 1.....	73
Приложение 2.....	74

1. Цель и задачи освоения дисциплины (модуля)

Целями освоения учебной дисциплины являются:

- получение базовых знаний по математическому анализу;
- овладение современным аппаратом математического анализа для дальнейшего использования в других областях математического знания и дисциплинах естественнонаучного содержания;
- формирование исследовательских умений общенаучного, специализированного математического и методического характера;
- формирование навыков владения современными методами анализа научной и научно-методической литературы.

Задачи дисциплины:

- сформировать базовый понятийный аппарат и заложить базовые знания, необходимые для осмысления математических, информационных и методических дисциплин;
- сформировать навыки математического моделирования мыслительного процесса в различных предметных областях;
- способствовать формированию навыков работы с учебной, научной и научно-методической литературой;
- сформировать умения применять полученные знания для решения практических задач.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП ВО

Дисциплина «Математический анализ» относится к обязательной части Блока 1 «Дисциплины (модули)» основной образовательной программы по направлению подготовки специалитета 01.05.01 Фундаментальные математика и механика, профиль «Фундаментальная математика».

Приступая к изучению данной дисциплины обучающийся должен обладать компетенциями предусмотренными стандартами среднего полного образования.

Знания, умения и навыки, полученные студентами в результате освоения данной дисциплины, являются базой для изучения следующих дисциплин: «Физика», «Теоретическая механика», «Дифференциальные уравнения», «Уравнения с частными производными», «Теория вероятностей, математическая статистика», «Теория случайных процессов», «Методы вычислений» и других естественнонаучных дисциплин, предусмотренных учебным планом по направлению подготовки специалитета 01.05.01 Фундаментальные математика и механика.

3. Требования к результатам освоения дисциплины (модуля)

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование элементов следующих компетенций в соответствии с ФГОС ВО и ОПОП ВО по данной специальности:

универсальных (УК):

- способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий (УК-1).

Индикаторы достижения компетенции УК-1:

УК-1.1. Способен применять системный подход и методы анализа и синтеза в научно-познавательной деятельности.

УК-1.2. Способен осуществлять поиск алгоритмов решения проблемной ситуации на основе доступных источников информации с применением современных информационных и коммуникационных средств и технологий.

общефессиональных (ОПК):

- способен находить, формулировать и решать актуальные и значимые проблемы фундаментальной математики и механики (**ОПК-1**).

Индикаторы достижения компетенции ОПК-1:

ОПК-1.1. Способен использовать при решении профессиональных задач знания, полученные при изучении дисциплин математических и (или) естественных наук.

В результате освоения дисциплины обучающийся должен:

знать основные понятия, определения и свойства объектов математического анализа; методы решения задач на нахождение пределов функции; определение непрерывности функции в точке; основные правила нахождения производных, опираясь на определение производной и таблицу производных; определение дифференциала функции в точке и применение дифференциалов в приближенных вычислениях; задачи, приводящие к понятиям неопределенного и определенного интеграла; определение двойного, криволинейного и поверхностного интегралов; понятие числового ряда и суммы их; понятие ряда Фурье и интеграла Фурье; элементы теории поля.

уметь проводить исследование основных понятий, вычислять пределы, находить производные и интегралы; применять методы математического анализа к решению задач; иметь представления о современных направлениях развития математического анализа и его приложения; иметь представление об основных понятиях и методах математического анализа;

владеть аппаратом математического анализа, методами доказательства утверждений.

приобрести опыт по самостоятельной работе с математическим аппаратом, представленным в научной литературе и развить способности к научно-исследовательской деятельности.

4. Содержание и структура дисциплины (модуля)

4.1. Содержание дисциплины (модуля)

№ п/п	Наименование раздела/темы	Содержание раздела	Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование оценочного средства
1	2	3	4	5
СЕМЕСТР №1				
1	<i>Введение в математический анализ</i>	Множество действительных чисел. Аксиоматика. Верхние и нижние грани. Система вложенных отрезков. Связь между различными принципами непрерывности. Счетные и	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т

		нечетные множества.		
2	<i>Предел последовательности</i>	Определение предела последовательности. Свойства пределов. Предел монотонной последовательности. Число e . Подпоследовательности. Теорема Больцано-Вейерштрасса. Критерий Коши. Изображение действительных чисел бесконечными десятичными дробями.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т
3	<i>Предел функции</i>	Понятие функции. Элементарные функции и их классификация. Понятие предела функции. Свойства пределов. Критерий Коши. Односторонние пределы. Пределы монотонных функций. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Сравнение функций.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т
4	<i>Непрерывные функции</i>	Непрерывность функции в точке. Предел и непрерывность сложной функции. Односторонняя непрерывность и точки разрыва. Свойства функций, непрерывных на отрезке. Обратные функции. Показательная функция. Логарифмическая и степенная функция. Тригонометрические и обратные тригонометрические функции. Некоторые замечательные пределы.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т
5	<i>Производные и дифференциалы</i>	Производная. Дифференциал. Геометрический смысл производной и дифференциала. Производная обратной функции. Производная сложной функции.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т

		Производные и дифференциалы высших порядков.		
6	<i>Свойства дифференцируемых функций</i>	Теорема о среднем. Формула Тейлора. Раскрытие неопределённостей по правилу Лопиталья.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т
7	<i>Исследование поведения функций</i>	Монотонность и экстремумы функции. Выпуклость и точки перегиба. Асимптоты. Построение графика функции.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т
СЕМЕСТР №2				
8	<i>Неопределённый интеграл</i>	Первообразная и неопределённый интеграл. Методы интегрирования. Комплексные числа. Разложение многочлена на множители. Разложение правильных рациональных дробей на простейшие. Интегрирование рациональных дробей. Интегрирование некоторых иррациональных функций.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т
9	<i>Определённый интеграл</i>	Определённый интеграл. Критерий интегрируемости. Свойства интегрируемых функций. Связь между определённым и неопределённым интегралами. Замена переменной и интегрирование по частям. Приложения определённого интеграла. Несобственные интегралы. Приближение интегрируемых функций ступенчатыми и непрерывными.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т
10	<i>Функции многих переменных</i>	Многомерные евклидовы пространства. Открытые и замкнутые множества. Предел функции многих переменных. Функции, непрерывные в точке. Функции, непрерывные на множестве.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т

11	<i>Дифференциальное исчисление функций многих переменных</i>	Частные производные и дифференцируемость функций многих переменных. Геометрический смысл дифференциала функции и частных производных. Дифференцируемость сложной функции. Производная по направлению и градиент. Частные производные высших порядков. Формула Тейлора.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т
12	<i>Неявные функции</i>	Неявные функции, определяемые одним уравнением. Система неявных функций. Дифференцируемые отображения.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т
13	<i>Экстремумы функций многих переменных</i>	Локальный экстремум. Условный экстремум.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т
СЕМЕСТР №3				
14	<i>Числовые ряды</i>	Сходимость числового ряда. Числовые ряды с неотрицательными членами. Абсолютно сходящиеся ряды. Сходящиеся знакопеременные ряды. Последовательности и ряды с комплексными членами.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т
15	<i>Функциональные последовательности и ряды.</i>	Равномерная сходимость функциональных последовательностей и рядов. Признаки равномерной сходимости рядов. Свойства равномерно сходящихся последовательностей и рядов.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т
16	<i>Степенные ряды</i>	Свойства степенных рядов. Аналитические функции. Разложение функции в ряд Тейлора. Функции e^z , $\sin z$, $\cos z$ комплексного переменного	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т

17	<i>Кратные интегралы</i>	Определение кратного интеграла и критерий интегрируемости. Свойства кратного интеграла. Сведение кратного интеграла к повторному. Геометрический смысл модуля якобиана отображения. Замена переменных в кратном интеграле. Интегралы: зависящие от параметра	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т
18	<i>Криволинейный интеграл</i>	Криволинейный интеграл первого рода. Криволинейный интеграл второго рода. Формула Грина. Геометрический смысл знака якобиана плоского отображения. Потенциальные векторные поля.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т
СЕМЕСТР №4				
19	<i>Элементы теории поверхностей</i>	Гладкие поверхности. Касательная плоскость и нормальная прямая. Преобразование параметров гладкой поверхности. Ориентация гладкой поверхности. Первая квадратичная форма гладкой поверхности. Неявно заданные гладкие поверхности. Кусочно гладкие поверхности.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т
20	<i>Поверхностные интегралы</i>	Поверхностные интегралы первого рода. Поверхностные интегралы второго рода.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т
21	<i>Скалярные и векторные поля</i>	Скалярные и векторные поля. Формула Остроградского-Гаусса. Формула Стокса. Потенциальные векторные поля.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т
22	<i>Тригонометрические ряды Фурье</i>	Определение ряда Фурье и принцип локализации. Сходимость ряда Фурье. Приближение непрерывных	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т

		функций многочленами. Почленное дифференцирование и интегрирование тригонометрических рядов. Скорость стремления к нулю коэффициентов и остатка ряда Фурье. Ряды Фурье $2l$ - периодических функций. Комплексная форма рядов Фурье.		
23	<i>Интеграл Фурье и преобразование Фурье</i>	Интеграл Фурье. Преобразование Фурье.	УК-1, ОПК-1	ДЗ, К, РК, Т

В графе 5 приводятся планируемые формы текущего контроля: защита лабораторной работы (ЛР), выполнение курсового проекта (КП), контрольной работы (КР), расчетно-графического задания (РГЗ), домашнего задания (ДЗ) написание реферата (Р), эссе (Э), коллоквиум (К), рубежный контроль (РК), тестирование (Т) и т.д.

4.2. Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 16 зачетных единиц (576 часов).

Вид работы	Трудоемкость, часы				
	1 семестр	2 семестр	3 семестр	4 семестр	Всего
Общая трудоемкость (в часах)	144	108	180	144	576
Контактная работа (в часах):	54	90	85	85	314
<i>Лекции (Л)</i>	36	36	34	34	140
<i>Практические занятия (ПЗ)</i>	18	54	51	51	174
Самостоятельная работа (в часах), в том числе контактная работа:	90	18	95	59	262
<i>Курсовая работа</i>	-	-	-	20	20
<i>Самостоятельное изучение разделов</i>	28	1	40	3	72
<i>Контрольная работа (КР)</i>	6	6	6	6	24
Самоподготовка (подготовка к практическим занятиям, коллоквиумам, рубежному контролю и т.д.)	29	2	40	3	74
Подготовка и прохождение промежуточной аттестации	27	9	9	27	72

Вид работы	Трудоемкость, часы				
	1 семестр	2 семестр	3 семестр	4 семестр	Всего
Вид промежуточной аттестации	экзамен	Зачет с оценкой	зачет	Экзамен, КР	

4.3. Лекционные занятия

№ п/п	Тема
СЕМЕСТР №1	
1.	<i>Введение в математический анализ. Цель и задачи изучения темы - ознакомить студентов с основными понятиями, связанными с множеством действительных чисел.</i>
2.	<i>Предел последовательности. Цель и задачи изучения темы - ознакомить студентов с основными понятиями, связанными с числовыми последовательностями. Изучить предел числовой последовательности.</i>
3.	<i>Предел функции. Цель и задачи изучения темы – изучить предел функции и его основные свойства.</i>
4.	<i>Непрерывные функции. Цель и задачи изучения темы - ознакомить студентов с основными понятиями, связанными непрерывностью функции.</i>
5.	<i>Производные и дифференциалы. Цель и задачи изучения темы – изучить понятие производной и дифференциала, правила дифференцирования, таблицу производных.</i>
6.	<i>Свойства дифференцируемых функций. Цель и задачи изучения темы - ознакомить студентов с основными свойствами дифференцируемых функций.</i>
7.	<i>Исследование поведения функций. Цель и задачи изучения темы - ознакомить студентов с методами исследования поведения функций.</i>
СЕМЕСТР №2	
1.	<i>Неопределённый интеграл. Цель и задачи изучения темы – ознакомить студентов с понятием неопределенного интеграла. Изучить свойства неопределенного интеграла, способы вычисления.</i>
2.	<i>Определенный интеграл. Цель и задачи изучения темы - ознакомить студентов с понятием определенного интеграла. Изучить свойства определенного интеграла, способы вычисления.</i>
3.	<i>Функции многих переменных. Цель и задачи изучения темы - ознакомить студентов с понятием функции многих переменных и ее свойствами.</i>
4.	<i>Дифференциальное исчисление функций многих переменных. Цель и задачи изучения темы – изучить понятие частной производной и дифференциала, их свойства.</i>
5.	<i>Неявные функции. Цель и задачи изучения темы - ознакомить студентов с неявными функциями и их дифференцированием.</i>

6.	<i>Экстремумы функций многих переменных. Цель и задачи изучения темы - ознакомить студентов с понятием экстремума функции, изучить способы их нахождения.</i>
СЕМЕСТР №3	
1.	<i>Числовые ряды. Цель и задачи изучения темы - ознакомить студентов с числовыми рядами. Изучить признаки исследования на сходимость.</i>
2.	<i>Функциональные последовательности и ряды. Цель и задачи изучения темы - ознакомить студентов с функциональными последовательностями и рядами. Изучить признаки исследования на сходимость.</i>
3.	<i>Степенные ряды. Цель и задачи изучения темы - ознакомить студентов с степенными рядами. Изучить признаки исследования на сходимость.</i>
4.	<i>Кратные интегралы. Цель и задачи изучения темы - ознакомить студентов с кратными интегралами, изучить их свойства и методы вычисления.</i>
5.	<i>Интегралы: зависящие от параметра. Цель и задачи изучения темы - ознакомить студентов с интегралами зависящими от параметра, изучить их свойства и методы вычисления.</i>
6.	<i>Криволинейный интеграл. Цель и задачи изучения темы - ознакомить студентов с криволинейными интегралами, изучить их свойства и методы вычисления.</i>
СЕМЕСТР №4	
1.	<i>Элементы теории поверхностей. Цель и задачи изучения темы - ознакомить студентов с элементами теории поверхностей.</i>
2.	<i>Поверхностные интегралы. Цель и задачи изучения темы - - ознакомить студентов с поверхностными интегралами, изучить основные свойства и методы вычисления.</i>
3.	<i>Скалярные и векторные поля. Цель и задачи изучения темы - ознакомить студентов со скалярным и векторными полями.</i>
4.	<i>Тригонометрические ряды Фурье. Цель и задачи изучения темы – изучить тригонометрические ряды Фурье и их свойства.</i>
5.	<i>Интеграл Фурье и преобразование Фурье. Цель и задачи изучения темы – изучить интеграл Фурье и преобразование Фурье.</i>

4.4. Практические занятия

№ п/п	Тема
СЕМЕСТР №1	
1.	Множества действительных чисел
2.	Предел последовательности.
3.	Понятие функции. Элементарные функции и их классификация.
4.	Предел функции.
5.	Односторонние пределы. Пределы монотонных функций.

6.	Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Сравнение функций.
7.	Непрерывность функции в точке. Предел и непрерывность сложной функции. Односторонняя непрерывность и точки разрыва. Свойства функций, непрерывных на отрезке.
8.	Обратные функции. Показательная функция. Логарифмическая и степенная функция.
9.	Тригонометрические и обратные тригонометрические функции. Некоторые замечательные пределы.
10.	Производная. Дифференциал. Геометрический смысл производной и дифференциала.
11.	Производная обратной функции. Производная сложной функции.
12.	Производные и дифференциалы высших порядков.
13.	Свойства дифференцируемых функций
14.	Исследование и построение графиков функций
СЕМЕСТР №2	
1.	Первообразная и неопределенный интеграл. Основные методы интегрирования.
2.	Интегрирование рациональных дробей.
3.	Интегрирование иррациональных функций.
4.	Интегрирование тригонометрических функций
5.	Определенный интеграл. Критерий интегрируемости. Свойства интегрируемых функций. Связь между определенным и неопределенным интегралами.
6.	Замена переменной и интегрирование по частям в определенном интеграле.
7.	Приложения определенного интеграла.
8.	Несобственные интегралы. Приближение интегрируемых функций ступенчатыми и непрерывными.
9.	Многомерные евклидовы пространства. Открытые и замкнутые множества.
10.	Понятие функции нескольких переменных. Предел функции многих переменных. Функции, непрерывные в точке. Функции, непрерывные на множестве.
11.	Частные производные и дифференцируемость функций многих переменных. Геометрический смысл дифференциала функции и частных производных.
12.	Дифференцируемость сложной функции. Производная по направлению и градиент.
13.	Частные производные высших порядков. Формула Тейлора.
14.	Неявные функции, определяемые одним уравнением.
15.	Система неявных функций. Дифференцируемые отображения.
16.	Экстремумы функций многих переменных
СЕМЕСТР №3	
1.	Сходимость числового ряда. Числовые ряды с неотрицательными членами. Абсолютно сходящиеся ряды.

2.	Сходящиеся знакопеременные ряды. Последовательности и ряды с комплексными членами.
3.	Равномерная сходимоть функциональных последовательностей и рядов. Признаки равномерной сходимости рядов.
4.	Свойства равномерно сходящихся последовательностей и рядов.
5.	Свойства степенных рядов. Аналитические функции.
6.	Разложение функции в ряд Тейлора. Функции комплексного переменного
7.	Определение кратного интеграла и критерий интегрируемости. Свойства кратного интеграла..
8.	Сведение кратного интеграла к повторному. Геометрический смысл модуля якобиана отображения.
9.	Замена переменных в кратном интеграле.
10.	Интегралы, зависящие от параметра.
11.	Криволинейный интеграл первого рода.
12.	Криволинейный интеграл второго рода.
13.	Формула Грина. Геометрический смысл знака якобиана плоского отображения.
14.	Потенциальные векторные поля.
СЕМЕСТР №4	
1.	Гладкие поверхности. Касательная плоскость и нормальная прямая.
2.	Преобразование параметров гладкой поверхности. Ориентация гладкой поверхности.
3.	Первая квадратичная форма гладкой поверхности.
4.	Неявно заданные гладкие поверхности. Кусочно гладкие поверхности.
5.	Поверхностные интегралы первого рода.
6.	Поверхностные интегралы второго рода.
7.	Скалярные и векторные поля. Формула Остроградского-Гаусса.
8.	Формула Стокса.
9.	Потенциальные векторные поля.
10.	Определение ряда Фурье и принцип локализации.
11.	Сходимость ряда Фурье.
12.	Приближение непрерывных функций многочленами.
13.	Почленное дифференцирование и интегрирование тригонометрических рядов. Скорость стремления к нулю коэффициентов и остатка ряда Фурье.
14.	Ряды Фурье $2l$ -периодических функций. Комплексная форма рядов Фурье.
15.	Интеграл Фурье.
16.	Преобразование Фурье.

4.5. Самостоятельное изучение разделов дисциплины

№ п/п	Вопросы, выносимые на самостоятельное изучение
1.	Комплексные числа.
2.	Векторнозначные функции. Кривая.
3.	Длина дуги кривой.
4.	Кривизна, главная нормаль, соприкасающаяся плоскость.
5.	Интегралы, зависящие от параметра.
6.	Последовательности и ряды с комплексными членами
7.	Функции e^z , $\sin z$, $\cos z$ комплексного переменного
8.	Мера множеств в n -мерном евклидовом пространстве.
9.	Интеграл Фурье и преобразование Фурье.

5. Оценочные материалы для текущего и рубежного контроля успеваемости и промежуточной аттестации

Конечными результатами освоения программы дисциплины являются сформированные когнитивные дескрипторы «знать», «уметь», «владеть», расписанные по отдельным компетенциям. Формирование этих дескрипторов происходит в течение всего семестра по этапам в рамках различного вида занятий и самостоятельной работы.

В ходе изучения дисциплины предусматриваются текущий, рубежный контроль и промежуточная аттестация.

5.1. Оценочные материалы для текущего контроля. Цель текущего контроля – оценка результатов работы в семестре и обеспечение своевременной обратной связи, для коррекции обучения, активизации самостоятельной работы обучающегося. Объектом текущего контроля являются конкретизированные результаты обучения (учебные достижения) по дисциплине.

Текущий контроль успеваемости обеспечивает оценивание хода освоения дисциплины «Математический анализ» и включает: ответы на теоретические вопросы на практическом занятии, решение практических задач и выполнение заданий на практическом занятии. Оценка качества подготовки на основании выполненных заданий ведется преподавателем (с обсуждением результатов), баллы начисляются в зависимости от сложности задания.

5.1.1. Вопросы по темам дисциплины «Математический анализ» (контролируемые компетенции УК-1, ОПК-1)

Устный опрос является одним из основных способов учёта знаний обучающегося по дисциплине «Математический анализ». Развёрнутый ответ студента должен представлять собой связное, логически последовательное сообщение на заданную тему, показывать его умение применять определения.

Устные опросы проводятся во время практических занятий, а также в качестве дополнительного испытания при недостаточности результатов тестирования и решения задач. Вопросы опроса не должны выходить за рамки, объявленной для данного занятия темы. Устные опросы необходимо строить так, чтобы вовлечь в тему обсуждения максимальное количество обучающихся в группе, проводить параллели с уже пройденным учебным материалом данной дисциплины, находить удачные примеры из современной действительности, что увеличивает эффективность усвоения материала.

Основные вопросы для устного опроса доводятся до сведения студентов на предыдущем практическом занятии. При оценке опросов анализу подлежат точность формулировок, связность изложения материала, обоснованность суждений.

Вопросы по темам дисциплины «Математический анализ»

(контролируемые компетенции УК-1, ОПК-1):

СЕМЕСТР №1

Тема 1. Введение в математический анализ.

1. Множество действительных чисел. Аксиоматика.
2. Верхние и нижние грани. Система вложенных отрезков.
3. Связь между различными принципами непрерывности.
4. Счетные и несчетные множества.

Тема 2. Предел последовательности.

1. Определение предела последовательности. Свойства пределов.
2. Предел монотонной последовательности. Число e .
3. Подпоследовательности. Теорема Больцано-Вейерштрасса.
4. Критерий Коши. Изображение действительных чисел бесконечными десятичными дробями.

Тема 3. Предел функции.

1. Понятие функции. Элементарные функции и их классификация.
2. Понятие предела функции. Свойства пределов. Критерий Коши.
3. Односторонние пределы.
4. Пределы монотонных функций.
5. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Сравнение функций.

Тема 4. Непрерывные функции.

1. Непрерывность функции в точке.
2. Предел и непрерывность сложной функции.
3. Односторонняя непрерывность и точки разрыва.
4. Свойства функций, непрерывных на отрезке.
5. Обратные функции.
6. Показательная функция. Логарифмическая и степенная функция.
7. Тригонометрические и обратные тригонометрические функции.
8. Некоторые замечательные пределы.

Тема 5. Производные и дифференциалы.

1. Производная.

2. Дифференциал.
3. Геометрический смысл производной и дифференциала.
4. Производная обратной функции.
5. Производная сложной функции.
6. Производные и дифференциалы высших порядков.

Тема 6. Свойства дифференцируемых функций.

1. Теорема о среднем.
2. Формула Тейлора.
3. Раскрытие неопределённостей по правилу Лопиталя.

Тема 7. Исследование поведения функций.

1. Монотонность и экстремумы функции.
2. Выпуклость и точки перегиба.
3. Асимптоты.
4. Построение графика функции.

СЕМЕСТР №2

Тема 1. Неопределённый интеграл.

1. Первообразная и неопределённый интеграл.
2. Методы интегрирования.
3. Комплексные числа.
4. Разложение многочлена на множители. Разложение правильных рациональных дробей на простейшие.
5. Интегрирование рациональных дробей.
6. Интегрирование некоторых иррациональных функций.

Тема 2. Определённый интеграл.

1. Определённый интеграл. Критерий интегрируемости. Свойства интегрируемых функций.
2. Связь между определённым и неопределённым интегралами.
3. Замена переменной и интегрирование по частям.
4. Приложения определённого интеграла.
5. Несобственные интегралы.
6. Приближение интегрируемых функций ступенчатыми и непрерывными.

Тема 3. Функции многих переменных.

1. Многомерные евклидовы пространства. Открытые и замкнутые множества.
2. Предел функции многих переменных.
3. Функции, непрерывные в точке. Функции, непрерывные на множестве.

Тема 4. Дифференциальное исчисление функций многих переменных.

1. Частные производные и дифференцируемость функций многих переменных.
2. Геометрический смысл дифференциала функции и частных производных.
3. Дифференцируемость сложной функции.

4. Производная по направлению и градиент.
5. Частные производные высших порядков.
6. Формула Тейлора.

Тема 5. Неявные функции.

1. Неявные функции, определяемые одним уравнением.
2. Система неявных функций.
3. Дифференцируемые отображения.

Тема 6. Экстремумы функций многих переменных.

1. Локальный экстремум.
2. Условный экстремум.

СЕМЕСТР №3

Тема 1. Числовые ряды.

1. Сходимость числового ряда.
2. Числовые ряды с неотрицательными членами.
3. Абсолютно сходящиеся ряды. Сходящиеся знакопеременные ряды.
4. Последовательности и ряды с комплексными членами.

Тема 2. Функциональные последовательности и ряды.

1. Равномерная сходимость функциональных последовательностей и рядов.
2. Признаки равномерной сходимости рядов.
3. Свойства равномерно сходящихся последовательностей и рядов.

Тема 3. Степенные ряды.

1. Свойства степенных рядов. Аналитические функции.
2. Разложение функции в ряд Тейлора.
3. Функции e^z , $\sin z$, $\cos z$ комплексного переменного.

Тема 4. Кратные интегралы.

1. Определение кратного интеграла и критерий интегрируемости.
2. Свойства кратного интеграла.
3. Сведение кратного интеграла к повторному.
4. Геометрический смысл модуля якобиана отображения.
5. Замена переменных в кратном интеграле.
6. Интегралы, зависящие от параметра.

Тема 5. Криволинейный интеграл.

1. Криволинейный интеграл первого рода.
2. Криволинейный интеграл второго рода.
3. Формула Грина.
4. Геометрический смысл знака якобиана плоского отображения.
5. Потенциальные векторные поля.

СЕМЕСТР №4

Тема 1. Элементы теории поверхностей.

1. Гладкие поверхности. Касательная плоскость и нормальная прямая.
2. Преобразование параметров гладкой поверхности.
3. Ориентация гладкой поверхности.
4. Первая квадратичная форма гладкой поверхности.
5. Неявно заданные гладкие поверхности.
6. Кусочно гладкие поверхности.

Тема 2. Поверхностные интегралы.

1. Поверхностные интегралы первого рода.
2. Поверхностные интегралы второго рода.

Тема 3. Скалярные и векторные поля.

1. Скалярные и векторные поля. Формула Остроградского-Гаусса.
2. Формула Стокса.
3. Потенциальные векторные поля.

Тема 4. Тригонометрические ряды Фурье.

1. Определение ряда Фурье и принцип локализации.
2. Сходимость ряда Фурье.
3. Приближение непрерывных функций многочленами.
4. Почленное дифференцирование и интегрирование тригонометрических рядов.
5. Скорость стремления к нулю коэффициентов и остатка ряда Фурье.
6. Ряды Фурье $2l$ -периодических функций.
7. Комплексная форма рядов Фурье.

Тема 5. Интеграл Фурье и преобразование Фурье.

1. Интеграл Фурье.
2. Преобразование Фурье

Критерии формирования оценок (оценивания) устного опроса.

В результате устного опроса знания, обучающегося оцениваются по следующей шкале:

4 балла, ставится, если обучающийся:

- 1) полно излагает изученный материал, даёт правильное определенное экономических понятий;
- 2) обнаруживает понимание материала, может обосновать свои суждения, применить знания на практике, привести необходимые примеры не только по учебнику, но и самостоятельно составленные;
- 3) излагает материал последовательно и правильно с точки зрения норм литературного языка.

3 балла, ставится, если обучающийся даёт ответ, удовлетворяющий тем же требованиям, что и для балла «1», но допускает 1-2 ошибки, которые сам же исправляет, и 1-2 недочёта в последовательности и языковом оформлении излагаемого.

2-1 балл, ставится, если обучающийся обнаруживает знание и понимание основных положений данной темы, но:

- 1) излагает материал неполно и допускает неточности в определении понятий;
- 2) не умеет достаточно глубоко и доказательно обосновать свои суждения и привести свои примеры;
- 3) излагает материал непоследовательно и допускает ошибки в языковом оформлении излагаемого.

0 баллов, ставится, если обучающийся обнаруживает незнание большей части соответствующего раздела изучаемого материала, допускает ошибки в формулировке.

Баллы могут ставиться не только за единовременный ответ, но и за рассредоточенный во времени, т.е. за сумму ответов, данных студентом на протяжении занятия.

5.1.2. Оценочные материалы для самостоятельной работы обучающегося (типовые задачи)(контролируемые компетенции УК-1, ОПК-12)

Перечень типовых задач для самостоятельной работы сформирован в соответствии с тематикой практических занятий по дисциплине «Математический анализ».

Задачи для самостоятельной работы по темам дисциплины (контролируемые компетенции УК-1, ОПК-1):

СЕМЕСТР №1

Тема 1. Введение в математический анализ.

1. Применяя метод математической индукции, доказать, что для любого натурального числа n справедливы следующие равенства:

$$1) 1 + 2 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}; \quad 2) 1^2 + 2^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6};$$

$$3) 1^3 + 2^3 + \dots + n^3 = (1 + 2 + \dots + n)^2; \quad 4) 1 + 2 + 2^2 + \dots + 2^{n-1} = 2^n - 1.$$

2. Доказать неравенства:

$$1) 1 + \frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{3}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{n}} > \sqrt{n} \quad (n \geq 2); \quad 2) n^{n+1} > (n+1)^n \quad (n \geq 3);$$

$$3) \left| \sin \left(\sum_{k=1}^n x_k \right) \right| \leq \sum_{k=1}^n \sin x_k \quad (0 \leq x_k \leq \pi; k = 1, 2, \dots, n); \quad 4) (2n)! < 2^{2n} (n!)^2.$$

3. Пусть $\{x+y\}$ есть множество всех сумм $x+y$, где $x \in \{x\}, y \in \{y\}$. Доказать равенства:

$$1) \inf\{x+y\} = \inf\{x\} + \inf\{y\}; \quad 2) \sup\{x+y\} = \sup\{x\} + \sup\{y\}.$$

4. Пусть $\{xy\}$ есть множество всех произведений xy , где $x \in \{x\}, y \in \{y\}$, причем $x \geq 0, y \geq 0$. Доказать равенства:

$$1) \inf\{xy\} = \inf\{x\} \cdot \inf\{y\}; \quad 2) \sup\{xy\} = \sup\{x\} \cdot \sup\{y\}.$$

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Введение в математический анализ». Основная цель сформировать навыки решения задач по основным понятиям математического анализа.

Тема 2. Предел последовательности.

1. Полагая, что n пробегает натуральный ряд чисел, определить значения следующих выражений:

$$\begin{array}{ll}
 1) \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{10000n}{n^2 + 1}; & 2) \lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n+1} - \sqrt{n}); \\
 3) \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[3]{n^2} \sin n!}{n+1}; & 4) \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(-2)^n + 3^n}{(-2)^{n+1} + 3^{n+1}}; \\
 5) \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{n^2} + \frac{2}{n^2} + \dots + \frac{n-1}{n^2} \right); & 6) \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n}{2^n};
 \end{array}$$

2. Найти наименьший член последовательности x_n ($n = 1, 2, \dots$), если:

$$\begin{array}{ll}
 1) x_n = n^2 - 9n - 100; & 2) x_n = n + \frac{100}{n}.
 \end{array}$$

3. Найти наибольший член последовательности x_n ($n = 1, 2, \dots$), если:

$$\begin{array}{lll}
 1) x_n = \frac{n^2}{2^n}; & 2) x_n = \frac{\sqrt{n}}{100+n}; & 3) x_n = \frac{1000^n}{n!}.
 \end{array}$$

4. Для последовательности x_n ($n = 1, 2, \dots$) найти $\inf x_n$, $\sup x_n$, $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n$ и $\overline{\lim}_{n \rightarrow \infty} x_n$, если:

$$\begin{array}{ll}
 1) x_n = 1 - \frac{1}{n}; & 2) x_n = 1 + \frac{n}{n+1} \cos \frac{n\pi}{2}; \\
 3) x_n = \frac{n-1}{n+1} \cos \frac{2n\pi}{3}; & 4) x_n = 1 + n \sin \frac{\pi}{2}.
 \end{array}$$

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Предел последовательности». Основная цель сформировать навыки вычисления пределов последовательностей.

Тема 3. Предел функции.

1. Определить области существования и множество значений следующих функций:

$$\begin{array}{ll}
 1) y = \sqrt{2+x-x^2}; & 2) y = \lg(1-2\cos x); \\
 3) y = \arccos \frac{2x}{1+x^2}; & 4) y = \arcsin \left(\lg \frac{x}{10} \right).
 \end{array}$$

2. Исследовать на монотонность следующие функции:

$$\begin{array}{ll}
 1) f(x) = ax + b; & 2) f(x) = ax^2 + bx + c; \\
 3) f(x) = x^3; & 4) f(x) = \frac{ax+b}{cx+d}.
 \end{array}$$

3. Найти указанные пределы:

$$\begin{array}{ll}
 1) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 12x + 20}; & 2) \lim_{x \rightarrow -3} \frac{2x^2 + 11x + 15}{3x^2 + 5x - 12}; \\
 3) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^3 - 5x^2 + 2}{2x^3 + 5x^2 - x}; & 4) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^5 - 2x + 4}{2x^4 + 3x^2 + 1}; \\
 5) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 + 3x - 5}{7x^3 - 2x^2 + 1}; & 6) \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 + x - 12}{\sqrt{x-2} - \sqrt{4-x}};
 \end{array}$$

$$7) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x+3}{5x+7} \right)^{x+1}; \quad 8) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+4}{x+8} \right)^{-3x};$$

$$9) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 8x}{3x^2}; \quad 10) \lim_{x \rightarrow \pi/2} (\pi/2 - x) \operatorname{tg} x.$$

4. Доказать, что функции $f(x) = \operatorname{tg} 2x$ и $\varphi(x) = \arcsin x$ при $x \rightarrow 0$ являются бесконечно малыми одного порядка малости.

5. Найти пределы, используя эквивалентные бесконечно малые:

$$1) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+3x^2)}{x^3 - 5x^2}; \quad 2) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 8x}{2x^2}.$$

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Предел функции». Основная цель сформировать навыки вычисления пределов функции.

Тема 4. Непрерывные функции.

1. Исследовать данные функции на непрерывность и построить их:

$$1) f(x) = \begin{cases} x+4, & x \leq -1, \\ x^2+2, & -1 \leq x \leq 1, \\ 2x, & x \geq 1; \end{cases} \quad 2) f(x) = \begin{cases} \sqrt{1-x}, & x \leq 0, \\ 0, & 0 \leq x \leq 2, \\ x-2, & x \geq 2; \end{cases}$$

$$3) f(x) = \begin{cases} \sin x, & x \leq 0, \\ x, & 0 \leq x \leq 2, \\ 0, & x \geq 2; \end{cases} \quad 4) f(x) = \begin{cases} 1, & x \leq 0, \\ 2x, & 0 \leq x \leq 2, \\ x+3, & x \geq 2; \end{cases}$$

$$5) f(x) = \begin{cases} x^3, & x \leq -1, \\ x - 1, & -1 \leq x \leq 3, \\ -x+5, & x \geq 3; \end{cases} \quad 6)$$

$$f(x) = \begin{cases} 2, & x \leq -1, \\ 1-x, & -1 \leq x \leq 1, \\ \ln x, & x \geq 1. \end{cases}$$

2. Исследовать данные функции на непрерывность в указанных точках:

$$1) f(x) = 2^{1/(x-3)} + 1, \quad x_1 = 3, \quad x_2 = 4;$$

$$2) f(x) = (x+7)/(x-2), \quad x_1 = 2, \quad x_2 = 3;$$

$$3) f(x) = 3x/(x-4), \quad x_1 = 4, \quad x_2 = 5;$$

$$4) f(x) = 6^{2/(4-x)} + 1, \quad x_1 = 3, \quad x_2 = 4.$$

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Непрерывность функции». Основная цель сформировать навыки исследования функции на непрерывность.

Тема 5. Производные и дифференциалы.

1. Продифференцировать данные функции:

$$1) y = 2x^5 - \frac{4}{x^3} + \frac{1}{x} + 3\sqrt{x};$$

$$2) y = \sqrt[3]{3x^4 + 2x - 5} + \frac{4}{(x-2)^5};$$

$$3) y = \sin^3 2x \cdot \cos 8x^5;$$

$$4) y = \operatorname{arctg}^2 5x \cdot \ln(x-4);$$

$$5) y = \operatorname{tg}^4 3x \cdot \arcsin 2x^3;$$

$$6) y = (x-3)^4 \arccos 5x^3;$$

$$7) y = \frac{e^{\arccos^3 x}}{\sqrt{x+5}};$$

$$8) y = \frac{\log_5(3x-7)}{\operatorname{ctg} 7x^3};$$

$$9) y = \frac{\operatorname{arctg}^4 5x}{\operatorname{sh} \sqrt{x}};$$

$$10) y = \frac{9 \operatorname{arctg}(x+7)}{(x-1)^2};$$

$$11) y = \sqrt{\frac{2x+1}{2x-1}} \log_2(x-3x^2); \quad 12) y = (\operatorname{cth} 3x)^{\arcsin x};$$

$$13) y = (\arccos(x+2))^{\operatorname{tg} 3x}; \quad 14) y = \frac{\sqrt{x+7}(x-3)^4}{(x+2)^5}.$$

2. Найти y' и y'' :

$$1) y^2 = 8x; \quad 2) \begin{cases} x = (2t+3) \cos t, \\ y = 3t^3. \end{cases}$$

3. Для данной функции $y = \sin^2 x$ и аргумента $x_0 = \pi/2$ вычислить $y'''(x_0)$.

4. Записать формулу для производной n -го порядка функции $y = \ln x$.

5. Записать уравнение касательной к кривой $y = x^2 - 7x + 3$ в точке с абсциссой $x = 1$.

6. Траектория движения тела – кубическая парабола $12y = x^3$. В каких точках скорости возрастания абсциссы и ординаты одинаковы?

7. Найти дифференциалы функций:

$$1) y = 2^{\cos x} \cdot 4 \quad 2) y = \ln^3 \sin x.$$

8. Вычислить приближенно:

$$1) \sin 29^\circ \cdot 4 \quad 2) \operatorname{arctg} 1,05.$$

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Производная и дифференциалы». Основная цель сформировать навыки вычисления производной и дифференциалов.

Тема 6. Свойства дифференцируемых функций.

1. Найти указанные пределы, используя правило Лопиталя:

$$1) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\ln(x+5)}{\sqrt[4]{x+3}}; \quad 2) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 8x}{\operatorname{tg}^2 2x};$$

$$3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 4x}{5 - 5e^{-3x}}; \quad 4) \lim_{x \rightarrow 0} (1 - \sin 2x)^{\operatorname{ctg} x};$$

$$5) \lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln(2+x) - \ln(x+1)).$$

2. С помощью дифференциала приближенно вычислить величины и оценить допущенную относительную погрешность (с точностью до двух знаков после запятой):

$$1) \sqrt[5]{34}; \quad 2) \arcsin 0,6.$$

3. Найти соотношение между радиусом R и высотой H цилиндра, имеющего при данном объеме V наименьшую полную поверхность.

4. Проверить справедливость теоремы Ролля для функции $f(x)$ на данном отрезке, найти соответствующее значение c (если оно существует):

$$1) f(x) = \cos x, \left[\frac{\pi}{2}; \frac{3\pi}{2} \right]; \quad 2) f(x) = \sqrt[5]{x^2}, [-1; 1].$$

5. Проверить справедливость теоремы Лагранжа для функции $f(x)$ на данном отрезке, найти соответствующее значение c (если оно существует):

$$1) f(x) = e^x, [0; 1]; \quad 2) f(x) = |x-1|, [0; 3].$$

6. Разложить многочлен $P(x)$ по степеням $x - x_0$, если:

$$1) P(x) = x^4 - 3x^2 + x - 1, x_0 = -2; \quad 2) P(x) = x^3 + 4x^2 + 8x + \frac{7}{8}, x_0 = \frac{1}{2}.$$

7. Разложить по формуле Тейлора функцию $f(x)$ в точке x_0 :

$$1) f(x) = xe^x, x_0 = -1; \quad 2) f(x) = \ln(2x-1), x_0 = 1.$$

8. Разложить по формуле Маклорена функцию $f(x)$ до $o(x^k)$:

$$1) f(x) = \sin^2 x, k = 4; \quad 2) f(x) = \operatorname{ch} x, k = 5.$$

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Свойства дифференцируемых функций». Основная цель сформировать навыки использования основных свойств дифференцируемых функций.

Тема 7. Исследование поведения функций.

1. Провести полное исследование указанных функций и построить их графики:

$$1) y = \frac{x^2 - 2x + 2}{x - 1}; \quad 2) y = e^{1/(5+x)};$$

$$3) y = e^{2x-x^2}; \quad 4) y = \ln(1 - 1/x^2).$$

2. Найти наименьшее и наибольшее значения функции $y = f(x)$ на отрезке $[a; b]$:

$$1) y = \ln(x^2 - 2x + 2), [0; 3]; \quad 2) y = 3x/(x^2 + 1), [0; 5];$$

$$3) y = (2x - 1)/(x - 1)^2, [-1/2; 0]; \quad 4) y = xe^x, [-2; 0].$$

3. Исследовать на экстремум функцию $y = \sqrt[3]{(x^2 - 1)^2}$.

4. Найти точки перегиба, интервалы выпуклости и вогнутости кривой $y = x^3 / (2(x+1)^2)$.

5. Найти точки перегиба, интервалы выпуклости и вогнутости кривой $y = \operatorname{arctg} x - x$.

6. Найти наименьшее и наибольшее значения функции $y = x + 3\sqrt[3]{x}$ на отрезке $[-1; 1]$.

7. Найти интервалы монотонности и точки экстремума функции $y = x^3 - 3x^2 - 9x + 7$.

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Исследование поведения функций». Основная цель сформировать навыки исследования функции с помощью производных.

СЕМЕСТР №2

Тема 1. Неопределённый интеграл.

Найти следующие интегралы:

$$1) \int x\sqrt{x^2 - 5} dx; \quad 2) \int \frac{x^3}{x^2 + x + 1} dx;$$

$$3) \int \frac{5}{1 - 2x} dx; \quad 4) \int \frac{5x - 1}{3x^2 - 2x + 1} dx;$$

$$5) \int \sin(1 - 3x) dx; \quad 6) \int \frac{1}{\sqrt{x^2 - 4x + 5}} dx;$$

$$\begin{array}{ll}
7) \int \sqrt{\cos^3 x} \sin x dx; & 8) \int \frac{\sqrt{x}-1}{x(\sqrt{x}+1)} dx; \\
9) \int x^2 e^x dx; & 10) \int \frac{dx}{5-3\cos x}; \\
11) \int \ln x dx; & 12) \int \frac{\cos^3 x}{4+\sin x} dx; \\
13) \int \frac{1}{x^3+x^2} dx; & 14) \int \sin 3x \cdot \cos 2x dx.
\end{array}$$

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Неопределенный интеграл». Основная цель сформировать навыки интегрирования функций.

Тема 2. Определенный интеграл.

1. Вычислить определенные интегралы с точностью до двух знаков после запятой:

$$\begin{array}{ll}
1) \int_0^{\sqrt{3}} x^3 \sqrt{1+x^2} dx; & 2) \int_2^3 y \ln(y-1) dy; \\
3) \int_0^1 \frac{3x^4+3x^2+1}{x^2+1} dx; & 4) \int_0^2 x^2 \sqrt{x-x^2} dx; \\
5) \int_{-\pi/2}^{-\pi/4} \frac{\cos^3 x}{\sqrt{\sin x}} dx; & 6) \int_2^3 \frac{dx}{2x^2+3x-2}; \\
7) \int_3^{29} \frac{\sqrt[3]{(x-2)^2}}{3+\sqrt[3]{(x-2)^2}} dx.
\end{array}$$

2. Вычислить несобственные интегралы или доказать их расходимость:

$$1) \int_0^{\infty} \frac{xdx}{16x^4+1}; \quad 2) \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt[3]{2-4x}}.$$

3. Вычислить (с точностью до двух знаков после запятой) площадь фигуры, ограниченной указанными линиями:

$$1) \rho = 3\sqrt{\cos 2\varphi}; \quad 2) y = \sqrt{x}, \quad y = x^3; \quad 3) x = 7\cos^3 t, \quad y = 7\sin^3 t.$$

4. Вычислить (с точностью до двух знаков после запятой) длину дуги данной линии:

$$\begin{array}{ll}
1) \rho = \sin^3(\varphi/3), \quad 0 \leq \varphi \leq \pi/2; & 2) x = 2\cos^3 t, \quad y = 2\sin^3 t; \\
3) \sqrt[3]{x^2} + \sqrt[3]{y^2} = \sqrt[3]{9}.
\end{array}$$

5. Вычислить (с точностью до двух знаков после запятой) объем тела, полученного вращением фигуры Ф вокруг указанной оси координат:

$$\begin{array}{ll}
1) \Phi: y^2 = 4-x, \quad x=0, \quad Oy; & 2) \Phi: x = 6(t - \sin t), \quad y = 6(1 - \cos t), \quad Ox; \\
3) \Phi: \rho = 2(1 + \cos \varphi), \quad \text{полярная ось.}
\end{array}$$

6. Вычислить (с точностью до двух знаков после запятой) площадь поверхности, образованной вращением дуги L вокруг указанной оси:

$$\begin{array}{ll}
1) L: y = x^3/3 \quad (-1/2 \leq x \leq 1/2), \quad Ox; & 2) L: \rho = 2\cos \varphi; \\
3) L: x = 10(t - \sin t), \quad y = 10(1 - \cos t) \quad (0 \leq t \leq 2\pi), \quad Ox.
\end{array}$$

7. Вычислить работу, которую необходимо затратить на выкачивание воды из резервуара: правильная четырехугольная пирамида со стороной 2 м и высотой 5 м. Удельный вес воды принять равным 9,81 кН/м³, $\pi = 3,14$.

8. Вычислить работу, затрачиваемую на преодоление силы тяжести при построении сооружения Q из некоторого материала, удельный вес которого $\gamma = 24$ кН/м³, где Q – правильная усеченная четырехугольная пирамида, сторона верхнего основания которой равна 2 м, нижнего – 4 м., высота 2 м.

9. Найти координаты центра масс однородной кривой L:

- 1) L: полуокружность $x^2 + y^2 = R^2$, расположенная над осью Oх.
- 2) L: первая арка циклоиды $x = a(t - \sin t)$, $y = a(1 - \cos t)$ ($0 \leq t \leq 2\pi$).
- 3) L: дуга кардиоиды $\rho = a(1 + \cos \varphi)$ ($0 \leq \varphi \leq \pi$).

10. Найти координаты центра масс однородной фигуры Ф, ограниченной данными линиями:

- 1) Ф - треугольник, стороны которого лежат на прямых $x + y = a$, $x = 0$, $y = 0$.
- 2) Ф – ограниченная первой аркой циклоиды $x = a(t - \sin t)$, $y = a(1 - \cos t)$ и осью Oх.
- 3) Ф ограничена кардиоидой $\rho = a(1 + \cos \varphi)$.

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Определенный интеграл». Основная цель сформировать навыки вычисления определенных интегралов, приобрести опыт их прикладного использования.

Тема 3. Функции многих переменных.

1. Дано $f(x; y) = \frac{x^3 + y^3}{x^2 + y^2} - \frac{x + y}{x - y}$. Найти:

- 1) $f(y; x)$; 2) $f(1/x; 1/y)$; 3) $f(-x; -y)$;
- 4) $f(1; y/x)$.

2. Найти область определения указанных функций:

- 1) $z = \sqrt{y^2 - 1} + \sqrt{1 - x^2}$; 2) $z = \log_3(x^2 + y^2 - 1) + \sqrt{16 - x^2 - y^2}$;
- 3) $z = \arccos \frac{x + y}{x^2 + y^2}$; 4) $u = \sqrt{x} + \sqrt{y} + \sqrt{z}$.

3. Вычислить пределы:

- 1) $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ y \rightarrow 0}} \frac{5 \sin^3 x - \sin y^2}{\sqrt{25 + \sin y^2} - 5 \sin^3 x - 5}$; 2) $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ y \rightarrow 0}} \frac{(x^2 + y^2)x^2 y^2}{1 - \cos \sqrt{x^2 + y^2}}$;
- 3) $\lim_{\substack{x \rightarrow +\infty \\ y \rightarrow 5}} \left(1 + \frac{3}{x}\right)^{\frac{x^2}{x+y}}$; 4) $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ y \rightarrow 0}} (x + y^2) \left(\sin \frac{1}{x} + \cos \frac{1}{y} \right)$;
- 5) $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ y \rightarrow 2}} \frac{\arcsin x^2 y}{xy^2}$; 6) $\lim_{\substack{x \rightarrow \infty \\ y \rightarrow \infty}} \frac{x^2 + y^2 + 3(x^4 + y^4)}{7(x^4 + y^4)}$.

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Функции многих переменных». Основная цель сформировать навыки исследования функции многих переменных.

Тема 4. Дифференциальное исчисление функций многих переменных.

1. Найти частные производные и частные дифференциалы следующих функций:

- 1) $z = \ln(y^2 - e^{-x})$;
- 2) $z = \arcsin \sqrt{xy}$;
- 3) $z = \arctg(x^2 + y^2)$;
- 4) $z = \cos(x^3 - 2xy)$;
- 5) $z = \sin \sqrt{y/x^3}$;
- 6) $z = \operatorname{tg}(x^3 + y^3)$;
- 7) $z = e^{-x^2+y^2}$;
- 8) $z = \ln(3x^2 - y^4)$.

2. Вычислить значения частных производных $f'_x(M_0)$, $f'_y(M_0)$, $f'_z(M_0)$ для данной функции $f(x, y, z)$ в точке $M_0(x_0; y_0; z_0)$ с точностью до двух знаков после запятой:

- 1) $f(x, y, z) = z/\sqrt{x^2 + y^2}$, $M_0(0; -1; 1)$;
- 2) $f(x, y, z) = \ln\left(x + \frac{y}{2z}\right)$,

$M_0(1; 2; 1)$.

3. Найти полные дифференциалы указанных функций:

- 1) $z = 2x^3y - 4xy^5$;
- 2) $z = x^2y \sin x - 3y$;
- 3) $z = \arctg x + \sqrt{y}$;
- 4) $z = \arcsin(xy) - 3xy^2$.

4. Вычислить значение производной сложной функции $u = u(x, y)$, где $x = x(t)$, $y = y(t)$, при $t = t_0$ с точностью до двух знаков после запятой:

- 1) $u = e^{x-2y}$, $x = \sin t$, $y = t^3$, $t_0 = 0$;
- 2) $u = \ln(e^x + e^{-y})$, $x = t^2$, $y = t^3$, $t_0 = -1$;
- 3) $u = y^x$, $x = \ln(t-1)$, $y = e^{t/2}$, $t_0 = 2$;
- 3) $u = e^{y-2x+2}$, $x = \sin t$,

$y = \cos t$, $t_0 = \pi/2$.

5. Найти вторые частные производные указанных функций:

- 1) $z = \operatorname{tg}(x/y)$;
- 2) $z = \cos(xy^2)$;
- 3) $z = \arcsin(x-y)$;
- 4) $z = \ln(3x^2 - 2y^2)$.

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Дифференциальное исчисление функции многих переменных». Основная цель сформировать навыки вычисления производной и дифференциала функции многих переменных.

Тема 5. неявные функции.

1. Вычислить значения частных производных функции $z(x, y)$, заданной неявно, в данной точке $M_0(x_0, y_0, z_0)$ с точностью до двух знаков после запятой:

- 1) $x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz = 4$, $M_0(2; 1; 1)$;
- 2) $x^2 + y^2 + z^2 - xy = 2$, $M_0(-1; 0; 1)$;
- 3) $3x - 2y + z = xz + 5$, $M_0(2; 1; -1)$;
- 4) $e^z + x + 2y + z = 4$, $M_0(1; 1; 0)$;
- 5) $x^2 + y^2 + z^2 - z - 4 = 0$, $M_0(1; 1; -1)$;
- 6) $z^3 + 3xyz + 3y = 7$, $M_0(1; 1; 1)$;
- 7) $\cos^2 x + \cos^2 y + \cos^2 z = 3/2$, $M_0\left(\frac{\pi}{4}; \frac{3\pi}{4}; \frac{\pi}{4}\right)$;

$$8) e^{z-1} = \cos x \cos y + 1, \quad M_0\left(0; \frac{\pi}{2}; 1\right);$$

$$9) x^2 + y^2 + z^2 - 6x = 0, \quad M_0(1; 2; 1);$$

$$10) xy = z^2 - 1, \quad M_0(0; 1; -1).$$

2. Найти уравнение касательной плоскости и нормали к заданной поверхности $x^2 + y^2 + z^2 + 6z - 4x + 8 = 0$ в точке $M_0(2; 1; -1)$.

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Неявные функции». Основная цель сформировать навыки вычисления частных производных неявно заданной функции.

Тема 6. Экстремумы функций многих переменных.

1. Исследовать данные функции на локальный экстремум:

$$1) z = x^3 + 3xy^2 - 15x - 12y; \quad 2) z = x^2 + xy + y^2 - 2x - y;$$

$$3) z = 3xy - x^2 - y^2 - 10x + 5y.$$

2. Найти экстремумы функции $z = x + 2y$ при условии $x^2 + y^2 = 5$.

3. Найти наименьшее и наибольшее значения функции $z = x^2 - 2y^2 + 4xy - 6x + 5$ в области, ограниченной прямыми $x = 0, y = 0, x + y = 3$.

4. Найти наименьшее и наибольшее значения функции $z = x^2 y(4 - x - y)$ в области, ограниченной прямыми $x = 0, y = 0, x + y = 6$.

5. Найти наибольшее и наименьшее значения функции $z = z(x, y)$ в области \bar{D} , ограниченной заданными линиями:

$$1) z = 3x + y - xy, \quad \bar{D}: y = x, y = 4, x = 0;$$

$$2) z = xy - 2x - y, \quad \bar{D}: x = 0, x = 3, y = 0, y = 4;$$

$$3) z = 5x^2 - 3xy + y^2 + 4, \quad \bar{D}: x = -1, x = 1, y = -1, y = 1;$$

$$4) z = x^2 + 2xy + 4x - y^2, \quad \bar{D}: x + y + 2 = 0, y = 0, x = 0.$$

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Экстремумы функции многих переменных». Основная цель сформировать навыки исследования функции многих переменных с помощью частных производных.

СЕМЕСТР №3

Тема 1. Числовые ряды.

1. Доказать сходимость ряда и найти его сумму:

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(3n-2)(3n+1)}; \quad 2) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n + 2^n}{10^n}.$$

2. Исследовать на сходимость следующие ряды:

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{2n^3 - 1}; \quad 2) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n-1}{(\sqrt{2})^n}; \quad 3) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{2^n(n+2)};$$

$$4) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2^n} \left(\frac{n+2}{n+1} \right)^{n^2+2n}; \quad 5) \sum_{n=1}^{\infty} n \operatorname{tg} \frac{\pi}{2^{n+1}}; \quad 6) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{n^n}.$$

3. Доказать, что:

$$1) \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a^n}{n!} = 0; \quad 2) \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(2n)!}{a^{n!}} = 0 \text{ при } a > 1.$$

4. С помощью интегрального признака Коши исследовать на сходимость следующие ряды:

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 + 2n + 5}; \quad 2) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{n^2 + 1}; \quad 3) \sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \ln^2 n}.$$

5. Исследовать на условную и абсолютную сходимости следующие ряды:

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{1}{\sqrt{n}}; \quad 2) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} n \cdot 2^{-n};$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{1}{n^2 - 9}; \quad 3) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{n}{6n + 5};$$

$$4) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos(2n\alpha)}{n^2 + 1}; \quad 5) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n - \ln n}.$$

6. Составить разность двух расходящихся рядов $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2n-1}$ и $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2n}$ и исследовать на сходимость полученный ряд.

7. Найти сумму ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2^n n^2}$ с точностью $\delta = 0,01$.

8. Сколько первых членов ряда нужно взять, чтобы их сумма отличалась от суммы ряда на величину, меньшую, чем 10^{-6} :

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{1}{n^2}; \quad 2) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{1}{n}.$$

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Числовые ряды». Основная цель сформировать навыки исследования сходимости числовых рядов.

Тема 2. Функциональные последовательности и ряды.

1. Найти область сходимости ряда:

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{1}{n^x}; \quad 2) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{1}{n^{\ln x}};$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin(2n-1)x}{(2n-1)^2}; \quad 4) \sum_{n=0}^{\infty} 2^n \sin \frac{x}{3^n};$$

$$5) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos nx}{e^{nx}}; \quad 6) \sum_{n=1}^{\infty} \left(x^n + \frac{1}{2^n x^n} \right).$$

2. Доказать равномерную сходимость функциональных рядов в указанных промежутках:

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n^2} \text{ на отрезке } [-1; 1];$$

- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin nx}{2^n}$ на всей числовой оси.
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{x^n}{\sqrt{n}}$ на отрезке $[0;1]$.

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Функциональные последовательности и ряды». Основная цель сформировать навыки исследования функциональных рядов.

Тема 3. Степенные ряды.

1. Найти область сходимости каждого из следующих рядов:

- 1) $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{(n+1) \cdot 2^n}$; 2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{n+1} \left(\frac{x}{2}\right)^n$;
- 3) $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{2^n x^n}{n^2 + 1}$; 4) $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{4^n x^n}{3^n \sqrt{(n+1)^3}}$;
- 5) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+2)^n}{(2n-1) \cdot 4^n}$; 6) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{2^{n-1} x^{2(n-1)}}{\sqrt{n^3 - 1}}$.

2. Найти область равномерной сходимости следующих рядов:

- 1) $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{\sin nx}{n!}$; 2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos nx}{2^n}$.

3. Применяя почленное интегрирование и дифференцирование, найти суммы указанных рядов:

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n}$; 2) $\sum_{n=1}^{\infty} (n+1)x^n$.

4. Найти первые три члена разложения функции $f(x) = \sqrt{x}$ в ряд по степеням $x-4$.

5. Разложить в степенной ряд функции $f(x) = \ln(1-3x)$ и найти область сходимости этого ряда.

6. Найти разложение в степенной ряд функции $f(x) = x \sin 2x$.

7. Разложить в степенной ряд функцию $f(x) = \frac{3}{(1+x)(1-2x)}$ и найти область сходимости этого ряда.

8. Разложить по степеням суммы $x+1$ многочлен $f(x) = x^4 + 3x^3 - 6x^2 + 3$.

9. Разложить в степенной ряд функцию $f(x) = \ln(1+2x)$ и найти область сходимости этого ряда.

10. С помощью степенного ряда вычислить $\sin 1$ с точностью $\delta = 0,001$.

11. Найти круг сходимости ряда:

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} n!(z-i)^n$; 2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(z+2i)^{2n}}{n^2}$;
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(z-2i)^n}{n^n}$; 4) $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n}{3n+i}\right)^n (z-i)^n$.

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Степенные ряды». Основная цель сформировать навыки исследования степенных рядов и разложение в степенной ряд.

Тема 4. Кратные интегралы.

1. Представить двойной интеграл $\iint_D f(x, y) dx dy$ в виде повторного интеграла с внешним интегрированием по x и внешним интегрированием по y , если область D задана указанными линиями:

1) $D : y = \sqrt{4 - x^2}, y = \sqrt{3x}, x \geq 0;$ 2) $D : x^2 = 2y, 5x - 2y - 6 = 0.$

2. Вычислить двойной интеграл по области D , ограниченной указанными линиями:

1) $\iint_D (x^2 + y) dx dy, D : y = x^2, x = y^2;$ 2) $\iint_D xy^2 dx dy, D : y = x^2, y = 2x.$

3. Вычислить двойной интеграл, используя полярные координаты:

1) $\int_0^1 dx \int_0^{\sqrt{1-x^2}} \sqrt{\frac{1-x^2-y^2}{1+x^2+y^2}} dy;$ 2) $\int_0^1 dx \int_0^{\sqrt{1-x^2}} \ln(1+x^2+y^2) dy.$

4. Вычислить площадь плоской области D , ограниченной заданными линиями:

1) $D : y^2 = 4x, x + y = 3, y \geq 0;$ 2) $D : y = 8/(x^2 + 4), x^2 = 4y;$
 3) $D : y = \cos x, y \leq x + 1, y \geq 0;$ 4) $D : x = \sqrt{4 - y^2}, y = \sqrt{3x}, x \geq 0.$

5. С помощью двойных интегралов вычислить в полярных координатах площадь плоской фигуры, ограниченной указанными линиями:

1) $(x^2 + y^2)^2 = a^2(4x^2 + y^2);$ 2) $\rho = 2a(2 + \cos \varphi).$

6. Вычислить объем тела, ограниченного заданными поверхностями:

1) $z = x^2 + y^2, x + y = 1, x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0;$ 2) $z = 3x^2 + 2y^2 + 1, y = x^2 - 1, y = 1, z \geq 0.$

7. Расставить пределы интегрирования в тройном интеграле $\iiint_V f(x, y, z) dx dy dz$, если область V ограничена указанными поверхностями. Начертить область интегрирования:

1) $V : x = 2, y = 4x, y = 3\sqrt{x}, z \geq 0, z = 4;$
 2) $V : x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0, 2x + 3y = 6, z = 3 + x^2 + y^2.$

8. Вычислить данные тройные интегралы:

1) $\iiint_V (2x^2 + 3y + z) dx dy dz, V : 2 \leq x \leq 3, -1 \leq y \leq 2, 0 \leq z \leq 4;$
 2) $\iiint_V x^3 yz dx dy dz, V : -1 \leq x \leq 2, 1 \leq y \leq 3, 0 \leq z \leq 1.$

9. Вычислить данные тройные интегралы с помощью цилиндрических или сферических координат:

1) $\iiint_V (x^2 + y^2 + z^2) dx dy dz, V : x^2 + y^2 + z^2 = 4, x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0;$
 2) $\iiint_V \frac{x^2 dx dy dz}{\sqrt{(x^2 + y^2 + z^2)}}, V : x^2 + y^2 + z^2 = 16, z \geq 0.$

10. С помощью тройного интеграла вычислить объем тела, ограниченного указанными поверхностями. Сделать чертеж.

1) $z^2 = 4 - x, x^2 + y^2 = 4x;$

$$2) x \geq 0, z \geq 0, z = y, x = 4, y = \sqrt{25 - x^2}.$$

11. Вычислить массу неоднородной пластины D , ограниченной заданными линиями, если поверхностная плотность в каждой ее точке $\mu = \mu(x, y)$, если $D: y = x^2 - 1, x + y = 1, \mu = 2x + 5y + 8$.

12. Вычислить статический момент однородной пластины D , ограниченной данными линиями, относительно указанной оси, используя полярные координаты, если $D: x^2 + y^2 + 2ay = 0, y - x \leq 0, x + y \leq 0$.

13. Вычислить координаты центра масс однородного тела, занимающего область V , ограниченную указанными поверхностями, если $V: z = 2\sqrt{x^2 + y^2}, x^2 + y^2 = 9, z = 0$.

14. Вычислить момент инерции относительно указанной оси координат однородного тела, занимающего область V , ограниченную данными поверхностями, если $V: z = 3 - x^2 - y^2, z = 0, Oz$, плотность тела $\delta = 1$.

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Кратные интегралы». Основная цель сформировать навыки вычисления и применения кратных интегралов.

Тема 5. Криволинейный интеграл.

1. Вычислить данные криволинейные интегралы:

1) $\int_{L_{AB}} (x^2 - 2xy)dx + (y^2 - 2xy)dy$, где L_{AB} - дуга параболы $y = x^2$ от точки $A(-1;1)$ до точки $B(1;1)$.

2) $\int_{L_{AB}} \frac{x^2 dy - y^2 dx}{\sqrt[3]{x^5} + \sqrt[3]{y^5}}$, где L_{AB} - дуга астроида $x = 2\cos^3 t, y = 2\sin^3 t$ от точки $A(2;0)$ до точки $B(0;2)$;

3) $\oint_L (x + 2y)dx + (x - y)dy$, где L - окружность $x = 2\cos t, y = 2\sin t$ при положительном направлении обхода.

4) $\oint_L ydx - xdy$, где L - дуга эллипса $x = 3\cos t, y = 2\sin t$ при положительном направлении обхода.

5) $\int_L \arctg \frac{y}{x} dl$, где L - дуга кардиоиды $\rho = (1 + \cos \varphi), 0 \leq \varphi \leq \pi/2$.

6) $\oint_L \sqrt{2y^2 + z^2} dl$, где L - окружность $x^2 + y^2 + z^2 = a^2, z = y$.

7) $\int_{L_{AB}} \cos z dx - \sin x dz$, где L_{AB} - отрезок прямой, соединяющий точки $A(2;0;-2)$ и $B(-2;0;2)$.

8) Показать, что данное выражение является полным дифференциалом функции $u(x, y)$. Найти функцию $u(x, y)$.

$$1) (2x - 3y^2 + 1)dx + (2 - 6xy)dy; \quad 2) \left(\frac{2xy^2}{1 + x^2 y^2} - 3 \right) dx + \left(\frac{2xy^2}{1 + x^2 y^2} - 5 \right) dy.$$

9. Вычислить длину дуги цепной линии $y = \frac{e^x + e^{-x}}{2}, x \in [0;1]$.

10. Найти координаты центра масс первого полувитка винтовой линии $x = a \cos t$, $y = a \sin t$, $z = bt$, считая плотность в каждой ее точке постоянной.

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Криволинейные интегралы». Основная цель сформировать навыки вычисления и применения кратных интегралов.

СЕМЕСТР №4

Тема 1. Элементы теории поверхностей.

1. Найти значение производной вектор-функции $\mathbf{r} = 4(t^2 + t)\mathbf{i} + \arctg t \mathbf{j} + \ln(1 + t^2)\mathbf{k}$ при $t = 1$.
2. Дано векторно-параметрическое уравнение движения точки М: $\mathbf{r} = \mathbf{r}(t) = (2t^2 + 3)\mathbf{i} - 3t^2\mathbf{j} + (4t^2 - 5)\mathbf{k}$. Вычислить скорость $|\mathbf{v}|$ и ускорение $|\mathbf{w}|$ движения точки в момент времени $t = 0,5$.
3. Дано уравнение движения материальной точки $\mathbf{r} = 2 \cos t \mathbf{i} + 2 \sin t \mathbf{j} + 3t \mathbf{k}$. Определить траекторию движения, вычислить скорость $|\mathbf{v}|$ и ускорение $|\mathbf{w}|$ движения этой точки в любой момент времени t .
4. Записать каноническое уравнение касательной прямой и нормальной плоскости к кривой $\mathbf{r} = t\mathbf{i} + t^2\mathbf{j} + t^3\mathbf{k}$ в точке $t = 3$.
5. Записать каноническое уравнение касательной прямой и нормальной плоскости к кривой, заданной уравнениями $z = x^2 + y^2$, $y = x$ в точке $M_0(1;1;2)$.
6. Доказать, что вектор \mathbf{r} перпендикулярен к вектору \mathbf{r}' , если $|\mathbf{r}| = const$.
7. Вычислить производную функции $u = \ln(3 - x^2) + xy^2z$ в точке $M_1(1;3;2)$ по направлению к точке $M_2(0;5;0)$.
8. Вычислить производную функции $z = \sqrt{x^2 + y^2}$ в точке $M_0(3;4)$ по направлению:
а) вектора $\mathbf{a} = (1;1)$; б) радиуса-вектора точки M_0 ; в) вектора $\mathbf{s} = (4;3)$.
9. Вычислить производную функции $z = \operatorname{arctg}(y/x)$ в точке $M_0(2;-2)$ окружности $x^2 + y^2 = 4x$ вдоль дуги этой окружности.
10. Вычислить производную функции $u = \ln(xy + xz + yz)$ в точке $M_0(0;1;1)$ по направлению окружности $x = \cos t$, $y = \sin t$, $z = 1$.
11. Вычислить координаты единичного вектора, направленного по нормали к поверхности $(z^2 - y^2)xyz - y^5 = 5$ в точке $M_0(1;1;2)$.
12. Найти $\operatorname{grad} u$ в точке $M_0(1;1;1)$, если $u = x^2yz - xy^2z + xyz^2$.
13. Найти угол φ между градиентами функций $u = \frac{3}{2}x^2 + 3y^2 - 2z^2$ и $v = x^2yz$ в точке $M_0(2;1/3;\sqrt{3}/2)$.
14. Найти наибольшую крутизну подъема φ поверхности $z = 2x^2/y^3$ в точке $M_0(2;1;8)$.

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Элементы теории поверхностей». Основная цель сформировать навыки использования элементов теории поверхностей.

Тема 2. Поверхностные интегралы.

1. Вычислить поверхностный интеграл первого рода по поверхности S , где S – часть плоскости (p) , отсеченная координатными плоскостями:

$$1) \iint_S (2x + 3y + 2z) dS, \quad (p) : x + 3y + z = 3;$$

$$2) \iint_S (2 + y - 7x + 9z) dS, \quad (p) : 2x - y - 2z = -2;$$

$$3) \iint_S (6x + y + 4z) dS, \quad (p) : 3x + 3y + z = 3;$$

$$4) \iint_S (x + 2y + 3z) dS, \quad (p) : x + y + z = 2;$$

$$5) \iint_S (3x - 2y + 6z) dS, \quad (p) : 2x + y + 2z = 2.$$

2. Вычислить поверхностный интеграл второго рода:

1) $\iint_S (y^2 + z^2) dydz$, где S – часть поверхности параболоида $x = 9 - y^2 - z^2$, отсеченная плоскостью $x = 0$.

2) $\iint_S \frac{dx dy}{\sqrt{x^2 + y^2 - 1}}$, где S – часть поверхности гиперболоида $x^2 + y^2 = z^2 + 1$, отсекаемая плоскостями $z = 0$, $z = \sqrt{3}$.

3) $\iint_S x^2 dydz + y^2 dx dz - z dx dy$, где S – часть поверхности конуса $z^2 = x^2 + y^2$, отсекаемая плоскостями $z = 0$ и $z = 3$.

4) $\iint_S (y^2 + z^2) dydz - y^2 dx dz + 2yz^2 dx dy$, где S – часть поверхности конуса $x^2 + z^2 = y^2$, отсекаемая плоскостями $y = 0$ и $y = 1$.

5) $\iint_S 2x dydz - y dx dz + z dx dy$, где S – внешняя сторона замкнутой поверхности, образованной параболоидом $3z = x^2 + y^2$ и полусферой $z = \sqrt{4 - x^2 - y^2}$.

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Поверхностные интегралы». Основная цель сформировать навыки вычисления и применения поверхностных интегралов.

Тема 3. Скалярные и векторные поля.

1. Вычислить поток векторного поля $\mathbf{a}(M)$ через внешнюю поверхность пирамиды, образуемую плоскостью (p) и координатными плоскостями, двумя способами: а) используя определение потока; б) с помощью формулы Остроградского-Гаусса:

$$1) \mathbf{a}(M) = 3x\mathbf{i} + (y + z)\mathbf{j} + (x - z)\mathbf{k}, \quad (p) : x + 3y + z = 3;$$

$$2) \mathbf{a}(M) = 3x\mathbf{i} + (x + z)\mathbf{j} + (y + z)\mathbf{k}, \quad (p) : 3x + 3y + z = 3;$$

$$3) \mathbf{a}(M) = (x + z)\mathbf{i} + (z - x)\mathbf{j} + (x + 2y + z)\mathbf{k}, \quad (p) : x + y + z = 2;$$

$$4) \mathbf{a}(M) = (x+y)\mathbf{i} + 3y\mathbf{j} + (y-z)\mathbf{k}, \quad (p): 2x - y - 2z = -2;$$

$$5) \mathbf{a}(M) = (x+y-z)\mathbf{i} - 2y\mathbf{j} + (x+2z)\mathbf{k}, \quad (p): x + 2y + z = 2.$$

2. Вычислить циркуляцию векторного поля $\mathbf{a}(M)$ по контуру треугольника, полученного в результате пересечения плоскости $(p): Ax + By + Cz = D$ с координатными плоскостями, при положительном направлении обхода относительно нормального вектора $\mathbf{n} = (A, B, C)$ этой плоскости двумя способами: 1) используя определение циркуляции; 2) с помощью формулы Стокса:

$$1) \mathbf{a}(M) = z\mathbf{i} + (x+y)\mathbf{j} + y\mathbf{k}, \quad (p): 2x + y + 2z = 2;$$

$$2) \mathbf{a}(M) = (x+z)\mathbf{i} + z\mathbf{j} + (2x-y)\mathbf{k}, \quad (p): 3x + 2y + z = 6;$$

$$3) \mathbf{a}(M) = (y+z)\mathbf{i} + x\mathbf{j} + (y-2z)\mathbf{k}, \quad (p): 2x + 2y + z = 2;$$

$$4) \mathbf{a}(M) = (2y-z)\mathbf{i} + (x+y)\mathbf{j} + x\mathbf{k}, \quad (p): x + 2y + 2z = 4;$$

$$5) \mathbf{a}(M) = (2z-x)\mathbf{i} + (x-y)\mathbf{j} + (3x+z)\mathbf{k}, \quad (p): x + y + 2z = 2.$$

3. Найти величину и направление наибольшего изменения функции $u(M) = u(x, y, z)$ в точке $M_0(x_0, y_0, z_0)$:

$$1) u(M) = xyz, \quad M_0(0; 1; -2);$$

$$2) u(M) = x^2z - y^2, \quad M_0(1; 1; -2)$$

4. Найти наибольшую плотность циркуляции векторного поля $\mathbf{a}(M) = (x, y, z)$ в точке $M_0(x_0; y_0; z_0)$:

$$1) \mathbf{a}(M) = x^2\mathbf{i} - xy^2\mathbf{j} + z^2\mathbf{k}, \quad M_0(0; 1; -2);$$

$$2) \mathbf{a}(M) = xy^2\mathbf{i} + yz^2\mathbf{j} - x^2\mathbf{k}, \quad M_0(1; -2; 0).$$

5. Выяснить, является ли векторное поле $\mathbf{a}(M) = x^2y\mathbf{i} - 2xy^2\mathbf{j} + 2xyz\mathbf{k}$ соленоидальным.

6. Выяснить, является ли векторное поле $\mathbf{a}(M) = (yz - 2x)\mathbf{i} + (xz + zy)\mathbf{j} + xz\mathbf{k}$ потенциальным.

7. Выяснить, является ли векторное поле $\mathbf{a}(M) = x^2z\mathbf{i} + y^2\mathbf{j} - xz\mathbf{k}$ гармоническим.

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Скалярные и векторные поля». Основная цель сформировать навыки исследования скалярных векторных полей и их применений.

Тема 4. Тригонометрические ряды Фурье.

1. Разложить в ряд Фурье функцию

$$f(x) = \begin{cases} x, & -\pi < x \leq 0, \\ 2x, & 0 < x < \pi, \end{cases}$$

имеющую период 2π .

2. Разложить в ряд Фурье функцию

$$f(x) = \begin{cases} \pi + 2x, & -\pi < x \leq 0, \\ -\pi, & 0 < x \leq \pi. \end{cases}$$

3. Разложить в ряд Фурье периодическую функцию (с периодом $\omega = 4$), если

$$f(x) = \begin{cases} x+1, & -2 < x \leq 0, \\ -1, & 0 < x \leq 2. \end{cases}$$

4. Найти разложение в ряд Фурье функции $y = x^2$ на отрезке $[-\pi; \pi]$. Построить графики функции и суммы ряда.

5. Разложить в ряд Фурье по синусам функцию $f(x) = x^2$ в интервале $(0; \pi)$. Построить графики данной функции и суммы ряда.

6. Разложить в ряд Фурье по косинусам кратных дуг функцию $y = \sin x$ на отрезке $[0; \pi]$.

7. Разложить в ряд Фурье по синусам кратных дуг функцию $f(x) = 1 - x/2$ на отрезке $[0; 2]$.

8. Разложить в ряд Фурье по косинусам кратных дуг функцию $f(x) = 1 - 2x$ на отрезке $[0; 1]$.

9. Пользуясь разложением в ряд Фурье по синусам кратных дуг функции $f(x) = 1$ на отрезке $[0; \pi]$, найти сумму ряда $1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \dots + (-1)^{n-1} \frac{1}{2n-1} + \dots$.

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Тригонометрические ряды Фурье». Основная цель сформировать навыки разложения в ряд Фурье функций.

Тема 5. Интеграл Фурье и преобразование Фурье.

1. Представить интегралом Фурье следующие функции:

$$1) f(x) = \begin{cases} h\left(1 - \frac{|x|}{a}\right), & |x| \leq a, \\ 0, & |x| > a; \end{cases}$$

$$2) f(x) = \begin{cases} \cos x, & |x| \leq \frac{\pi}{2}, \\ 0, & |x| > \frac{\pi}{2}; \end{cases}$$

$$3) f(x) = \begin{cases} \sin x, & |x| \leq \pi, \\ 0, & |x| > \pi; \end{cases}$$

$$4) f(x) = \begin{cases} A \sin \omega x, & |x| \leq \frac{2\pi m}{\omega}, \\ 0, & |x| > \frac{2\pi m}{\omega}; \end{cases}$$

$$5) f(x) = e^{-\alpha|x|} \sin \beta x \quad (\alpha > 0).$$

2. Найти преобразование Фурье для функции:

$$1) f(x) = \begin{cases} \cos(x/2), & |x| < \pi, \\ 0, & |x| > \pi; \end{cases} \quad 2)$$

$$f(x) = \begin{cases} -e^{-x}, & -1 \leq x \leq 0, \\ e^{-x}, & 0 \leq x \leq 1, \\ 0, & |x| > 1. \end{cases}$$

$$3) f(x) = e^{-x^2/2}; \quad 4) f(x) = e^{-x^2/2} \cos \alpha x;$$

$$5) f(x) = \begin{cases} -1, & -1 \leq x \leq -1/2, \\ 0, & -1/2 \leq x < 1/2. \end{cases}$$

Методические рекомендации по решению задач

При решении задач необходимо внимательно ознакомиться с контентом по соответствующему вопросу темы «Интеграл Фурье и преобразование Фурье». Основная цель сформировать навыки применения интеграла Фурье и преобразования Фурье.

Критерии формирования оценок по заданиям для самостоятельной работы студента (типовые задачи):

«отлично» (4 балла) - обучающийся показал глубокие знания материала по поставленным вопросам, грамотно, логично его излагает, структурировал и детализировал информацию, избегая простого повторения информации из текста, информация представлена в переработанном виде. Свободно использует необходимые формулы при решении задач;

«хорошо» (3 балла) - обучающийся твердо знает материал, грамотно его излагает, не допускает существенных неточностей в процессе решения задач;

«удовлетворительно» (2 балла) - обучающийся имеет знания основного материала по поставленным вопросам, но не усвоил его деталей, допускает отдельные неточности при решении задач;

«неудовлетворительно» (менее 1 балла) – обучающийся допускает грубые ошибки в ответе на поставленные вопросы и при решении задач.

5.2. Оценочные материалы для рубежного контроля

Рубежный контроль осуществляется по более или менее самостоятельным разделам – учебным модулям курса и проводится по окончании изучения материала модуля в заранее установленное время. Рубежный контроль проводится с целью определения качества усвоения материала учебного модуля в целом. В течение семестра проводится **три таких контрольных мероприятия по графику.**

В качестве форм рубежного контроля можно использовать тестирование (письменное или компьютерное), проведение коллоквиума или контрольных работ. Выполняемые работы должны храниться на кафедре в течение учебного года и по требованию предоставляться в Управление контроля качества. На рубежные контрольные мероприятия рекомендуется выносить весь программный материал (все разделы) по дисциплине.

5.2.1. Оценочные материалы для контрольной работы (контролируемые компетенции УК-1, ОПК-1). Контрольная работа – письменная работа небольшого объема, предполагающая проверку знаний заданного к изучению материала и навыков его практического применения. Проводится три раза в течение изучения дисциплины (семестр) в часы аудиторной работы. Не менее чем за 1 неделю до контрольной работы, преподаватель должен определить студентам исходные данные для подготовки: назвать разделы (темы, вопросы), по которым будут контрольные задания, теоретические источники (с точным указанием разделов, тем, статей) для подготовки.

Контрольные работы могут состоять из одного или нескольких заданий практического содержания. При выполнении контрольной работы пользоваться конспектами лекций, учебниками, задачками не разрешено. Длительность решения контрольных заданий составляет не более 90 минут.

Образцы контрольных заданий.

1 курс 1 семестр:

Рейтинговая контрольная точка № 1

Найти указанные пределы:

$$1. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(2+n)^{100} - n^{100} - 200n^{90}}{n^{96} - 10n^2 + 1}.$$

$$2. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\lg(n^2 + 2n \cos n + 1)}{1 + \lg(n+1)}.$$

$$3. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\ln(n^2 - n + 1)}{\ln(n^{10} + n + 1)}.$$

$$4. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a^n - a^{-n}}{a^n + a^{-n}} \quad (a \neq 0).$$

$$5. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2}{n^3}.$$

$$6. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{9} + \dots + (-1)^{n-1} \frac{1}{3^n} \right).$$

Рейтинговая контрольная точка № 2

Найти пределы:

$$1. \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1} - 2}{\sqrt{x-2} - 1}.$$

$$2. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 + x^2 - 3x + 1}{x^3 - 1}.$$

$$3. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} x - \sin x}{x \cdot \sin^2 x}.$$

$$4. \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+2}{x-3} \right)^{5x}.$$

5. Для данной функции $f(x)$ требуется:

- найти точки разрыва;
- найти скачок функции в каждой точке разрыва;
- сделать чертеж.

$$f(x) = \begin{cases} 0, & x < -\pi, \\ \sin x, & -\pi < x < 0, \\ \pi, & x \geq 0. \end{cases}$$

Рейтинговая контрольная точка № 3

1. Найти производную функции

$$y = \operatorname{arctg}^3 \ln \frac{\sqrt{x}}{x+2}.$$

2. Найти производную функции $y = (\sqrt{x})^{\operatorname{arcsin} x}$.

3. Найти производную $y'(x)$ неявной функции

$$\sin(x - 2y) + \frac{x^3}{y} = 7x.$$

4. Найти $\frac{dy}{dx}$, если $x = e^{-t} \cdot \cos t$, $y = e^t \cdot \cos t$.

5. Найти предел, используя правило Лопиталья

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2}{e^x}.$$

6. Провести полное исследование функции $f(x) = x^2 + \frac{1}{x^2}$ и построить ее график.

1 курс 2 семестр:

Рейтинговая контрольная точка № 1

Найти интегралы:

$$1. \int \frac{x dx}{(5 - 3x^2)^7}.$$

$$2. \int (x^3 + 5x) \ln x dx.$$

$$3. \int \frac{2x+5}{x^3 - x^2 + 2x - 2} dx.$$

$$4. \int \frac{dx}{1 + \sqrt{2x+1}}.$$

$$5. \int \frac{dx}{2 \cos^2 x + 3 \sin^2 x}.$$

$$6. \int x \arcsin 2x dx.$$

Рейтинговая контрольная точка № 2

1. Вычислить интегралы:

а) $\int_1^{\sqrt{3}} x^2 \cdot \sqrt[3]{\sqrt{(3-x^3)^2}} dx$.

б) $\int_0^{\ln 2} \frac{e^x - 1}{e^x + 1} dx$.

в) $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{x}{\cos^4 x} dx$.

2. Вычислить несобственные интегралы или установить их расходимость:

а) $\int_3^{+\infty} \frac{x^2}{x^2 + 4} dx$.

б) $\int_0^1 \frac{\ln x}{\sqrt{x}} dx$.

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:

а) $y = x^3, y = x^2, x = -2, x = 1$.

б) $r = 2 - 2 \cos \varphi, r = \frac{1}{2}$.

4. Вычислить длину дуги кривой:

а) $\begin{cases} x = 2(r \cdot \cos t - \cos 2t), \\ y = 2(2 \sin t - \sin 2t), \end{cases} 0 \leq t \leq \frac{\pi}{3}$.

б) $y = 1 - \ln \sin x$ от $x = 0$ до $x = \frac{\pi}{4}$.

5. а) Найти объем тела, ограниченного поверхностями $z = x^2 + 5y^2, z = 5$.

б) Найти объем шарового сегмента высотой 3, отсеченного \bar{a} шара радиуса 6.

Рейтинговая контрольная точка № 3

1. Найти полный дифференциал функции $z = \cos^2 \frac{x-y^2}{x^2-y}$.

2. Для функции $z = u^{\sin v}$, где $u = \arccos \sqrt{xy}, v = \arcsin(x-y)$, найти частные производные

$\frac{\partial z}{\partial x}$ и $\frac{\partial z}{\partial y}$.

3. Показать, что функция $z = \arcsin(xy)$ удовлетворяет уравнению

$$\frac{x}{y} \cdot \frac{\partial^2 z}{\partial x^2} + \frac{y}{x} \cdot \frac{\partial^2 z}{\partial y^2} - 2 \frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} + \frac{2}{y} \cdot \frac{\partial z}{\partial x} = 0.$$

4. вычислить приближенно $\operatorname{arctg} \frac{7,02}{6,97}$.

5. Найти уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности $x(y+z)(xy-z)+8=0$ в точке $(2; 1; 3)$.
6. Найти наибольшее и наименьшее значения производной по направлению функции $f(x, y) = 3x^2 - 6xy + y^2$ в точке $M_0\left(\frac{1}{3}; \frac{1}{2}\right)$.
7. На эллипсе $x^2 + 4y^2 = 4$ даны две точки $A\left(-\sqrt{3}; \frac{1}{2}\right)$ и $\left(1; \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$. На этом же эллипсе найти такую третью точку C , чтобы треугольник ABC имел наибольшую площадь (площадь треугольника выразить через координаты его вершин).

2 курс 1 семестр:

Рейтинговая контрольная точка № 1

1. Исследовать ряды на сходимость:

а) $\sum_{n=1}^{\infty} n^3 \operatorname{tg}^2 \frac{1}{n^2}$.

б) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{3^{n+2}}$.

в) $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n+1}{n}\right)$.

в) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \ln n \ln(\ln n)}$.

д) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n n!}{2 \cdot 5 \cdot 8 \cdot \dots \cdot (3n-1)}$.

е) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2i + (-1)^n n}{n^2}$.

2. Найти область сходимости ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2-x)^n}{n+1}$.

3. Найти круг сходимости ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(z-2i)^n}{3n}$.

Рейтинговая контрольная точка № 2

1. Изменить порядок интегрирования

$$\int_0^1 dy \int_{\arcsin y}^{\pi - \arcsin y} f(x, y) dx.$$

2. Найти массу треугольника AOB , если $O(0;0)$, $A(1;-1)$, $B(1;1)$, а плотность равна $\rho(x, y) = \sqrt{x^2 - y^2}$.

3. Найти объем тела, ограниченного плоскостью Oxy , цилиндром $x^2 + y^2 = 4x$ и сферой $x^2 + y^2 + z^2 = 16$ (внутреннего по отношению к цилиндру).

4. Найти площадь поверхности $z = \frac{xy}{a}$, расположенной внутри цилиндра $x^2 + y^2 = a^2$.

5. Вычислить тройной интеграл

$$\iiint_V x \, dv, \text{ где } V - \text{ область, ограниченная поверхностями } x=1, y=0, y=10x, z=0, z=xy.$$

Рейтинговая контрольная точка № 3

1. Вычислить

$$\int_L \frac{y^2}{x} dl,$$

где L - дуга параболы $y^2 = 2x$, заключенная между точками $(1; \sqrt{2})$ и $(2; 2)$.

2. Вычислить

$$\int_L (4y + 4) dx + (3x + 3y + 4) dy,$$

где L - контур треугольника $x = 0, y = 0, 2x + 3y = 6$, и результат проверить при помощи формулы Грина.

3. Вычислить $\int_{(1;1)}^{(4;9)} \left(3x^2 - 3y^2 - \frac{1}{2} \sqrt{\frac{y}{x^3}} \right) dx + \left(-6xy + \frac{1}{2\sqrt{xy}} \right) dy$.

4. Дана функция $u(M) = x^2y + y^2z + z^2x$ и точки $M_1(1; -1; 2), M_2(3; 4; -1)$. Вычислить: 1) производную этой функции в точке M_1 по направлению вектора $\overline{M_1M_2}$; 2) $\text{grad } u(M_1)$.

2 курс 2 семестр:

Рейтинговая контрольная точка № 1

1. Вычислить поверхностный интеграл первого рода

$$\iint_S x^2 dS,$$

где S - боковая поверхность конуса $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{a^2} = \frac{z^2}{c^2}, 0 \leq z \leq h$.

2. Вычислить поверхностный интеграл второго рода

$$\iint_{\sigma} y^2 dx dz,$$

σ - внутренняя сторона сферы $x^2 + y^2 + z^2 = R^2, y \geq 0$.

Рейтинговая контрольная точка № 2

1. Вычислить поток векторного поля $\mathbf{a}(M) = 3x\mathbf{i} + (y+z)\mathbf{j} + (x-z)\mathbf{k}$ через внешнюю поверхность пирамиды, образуемую плоскостью $x + 3y + z = 3$ и координатными плоскостями, двумя способами: а) используя определение потока; б) с помощью формулы Остроградского – Гаусса.

2. Вычислить циркуляцию векторного поля $\mathbf{a}(M) = z\mathbf{i} + (x+y)\mathbf{j} + y\mathbf{k}$ по контуру треугольника, полученного в результате пересечения плоскости $2x + y + 2z = 2$ с координатными плоскостями, при положительном направлении обхода относительно нормального вектора $\mathbf{n} = (2; 1; 2)$ этой плоскости двумя способами: 1) используя определение циркуляции; 2) с помощью формулы Стокса.

для оценки 3 или правильно выполнено менее 2/3 всей работы. Обучающийся дает неверную оценку ситуации, решено менее 50 % задач.

5.2.2. Оценочные материалы: типовые тестовые задания по дисциплине «Математический анализ» (контролируемые компетенции УК-1, ОПК-1). Тест – система стандартизированных заданий, позволяющая автоматизировать процедуру измерения уровня знаний и умений студента. Решение заданий в тестовой форме проводится три раза в течение семестра на платформе <http://open.kbsu.ru/moodle/>. Не менее чем за 1 неделю до тестирования, преподаватель должен определить студентам исходные данные для подготовки к тестированию: назвать разделы (темы, вопросы), по которым будут задания в тестовой форме, теоретические источники (с точным указанием разделов, тем, статей) для подготовки.

Оценка результатов тестирования производится компьютерной программой, результат выдается немедленно по окончании теста. Максимальный балл за решение заданий в тестовой форме – 5 баллов. До окончания теста студент может еще раз просмотреть все свои ответы на задания и при необходимости внести коррективы.

Полный перечень тестовых заданий представлен в ЭОИС – <http://open.kbsu.ru/moodle/course/search.php?search=%D0%BC%D0%B0%D1%82%D0%B5%D0%BC%D0%B0%D1%82%D0%B8%D1%87%D0%B5%D1%81%D0%BA%D0%B8%D0%B9+%D0%B0%D0%BD%D0%B0%D0%BB%D0%B8%D0%B7>

Образцы тестовых заданий:

1. Область определения для функции $y = \log_3(4x^2 - 1)$ есть:
-: $D(y) = (-\infty; -\frac{1}{2}] \cup [\frac{1}{2}; \infty)$
+: $D(Y) = (-\infty; -\frac{1}{2}) \cup (\frac{1}{2}; \infty)$
-: $D(y) = [-\frac{1}{2}; \frac{1}{2}]$
-: $D(y) = [0; \frac{1}{2}]$
2. Областью определения функции $y = \sqrt{\frac{x-2}{x^2-6x+9}}$ является
+: $D(y) = [2; 3) \cup (3; +\infty)$
-: $D(y) = (2; 3) \cup (3; +\infty)$
-: $D(y) = (2; 3] \cup [3; +\infty)$
-: $D(y) = [2; 3] \cup [3; +\infty]$
3. Функция $y = \frac{\sqrt{1-x^2}}{1-x}$ является
-: четной
-: нечетной
+: общего вида
-: четной и нечетной
4. Первые 5 элементов последовательности ($n = 1, 2, 3, 4, 5$), заданной общим членом
 $x_n = \frac{1}{2n+1}$, есть
-: 1, 2, 3, 4, 5

$$\begin{aligned} & \therefore 1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{5} \\ & \therefore \frac{1}{4}, \frac{2}{8}, \frac{3}{16}, \frac{4}{32}, \frac{5}{64} \\ & \therefore \frac{1}{3}, \frac{1}{5}, \frac{1}{7}, \frac{1}{9}, \frac{1}{11} \end{aligned}$$

5. Общий член последовательности $1, \frac{1}{3^2}, \frac{1}{5^2}, \frac{1}{7^2}, \dots$

$$\therefore x_n = \frac{n}{2n+1}$$

$$\therefore x_n = \frac{1}{(2n-1)^2}$$

$$\therefore x_n = \frac{n}{5^n}$$

$$\therefore x_n = \frac{1}{n!}$$

6. Множество $X = \left\{1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \dots, \frac{1}{n}, \dots\right\}$

+: ограничено

-: неограничено

-: ограничено сверху

-: ограничено снизу

7. Последовательность $\left\{\frac{1}{n}\right\}$ является

-: ограниченной

-: неограниченной

-: ограниченной сверху

+: ограниченной снизу

8. Последовательность $\{2^n\}$

-: убывающая

+: возрастающая

-: неубывающая

-: невозрастающая

9. Предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n+1}{n}$ равен

+: 1;

-: -1;

-: 2;

-: -2

10. Предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^3 - 10n^2 + 1}{100n^2 + 15n}$ равен

-: 1;

+: ∞ ;

-: -1;

-: 1

11. Предел функции $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - 2x}{2x^2 - 5x}$ равен

-: ∞

+: $\frac{2}{5}$

-: 0

-: $\frac{3}{2}$

12. Функция $y = \operatorname{arctg} \frac{1}{x}$ является непрерывной за исключением точки $x =$

+: 0

-: 1

-: 2

-: $\frac{\pi}{2}$

13. Для функции $y = \ln \frac{x^2}{(x+1)(x-3)}$ точками разрыва являются

-: 3

-: 0

+: $\{-1, 3\}$

-: 0, 1, 2

14. Производная от функции $y = (1 + \sqrt[3]{x})^3$:

-: $\frac{(1 - \sqrt{x})^2}{\sqrt[3]{x^2}}$

-: $\frac{(1 - \sqrt[3]{x})^2}{\sqrt[3]{x^2}}$

-: $\frac{(1 + \sqrt{x})^2}{\sqrt[3]{x^2}}$

+: $\frac{(1 + \sqrt[3]{x})^2}{\sqrt[3]{x^2}}$

15. Функция $y = 2 - 3x + x^3$ убывает на:

+: $(-1, 1)$

-: $(0, 1)$

-: $(1, 2)$

-: $(-\infty, +\infty)$

16. Функция $y = x(1 + \sqrt{x})$ является возрастающей на:

-: $(-\infty, +\infty)$

-: $(1, 2)$

+: $(0, +\infty)$

-: $(-1, 1)$

17. Производная функции $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$, заданной неявно:

$$\begin{aligned}
 & -: \frac{b^2 x}{a^2 y} \\
 & +: -\frac{b^2 x}{a^2 y} \\
 & -: \frac{bx}{a^2 \sqrt{x}} \\
 & -: 0
 \end{aligned}$$

18. Производная от функции, заданной неявно $x^3 + y^3 - 3xy = 0$

$$\begin{aligned}
 & +: \frac{x^2 - y}{x - y^2} \\
 & -: \frac{x + y}{x - y} \\
 & -: \frac{1}{x - y} \\
 & -: \frac{1}{x^2 - y^2}
 \end{aligned}$$

19. Производная функции $\sin(x + y) = xy$, заданной неявно:

$$\begin{aligned}
 & -: 1 \\
 & -: \frac{x + y}{x - y} \\
 & -: \frac{x}{y} \\
 & +: \frac{y - \cos(x + y)}{\cos(x + y) - x}
 \end{aligned}$$

20. Производная функции $\begin{cases} x = \operatorname{ch} t \\ y = \operatorname{sh} t \end{cases}$, заданной параметрически:

$$\begin{aligned}
 & -: 0 \\
 & -: \frac{1}{\operatorname{sh} t} \\
 & +: \operatorname{ctht} \\
 & -: 1
 \end{aligned}$$

21. Производная функции $\begin{cases} x = a \operatorname{cost} \\ y = a \operatorname{sint} \end{cases}$, заданной параметрически:

$$\begin{aligned}
 & -: e^t \\
 & -: \operatorname{tgt} \\
 & +: -\operatorname{ctgt} \\
 & -: 1
 \end{aligned}$$

22. Значение $f'(1) = \dots$, если $f(x) = x^2 + 2x + 1$

$$\begin{aligned}
 & -: 2 \\
 & -: -2 \\
 & -: 3 \\
 & +: 4
 \end{aligned}$$

23. Значение производной функции, заданной неявно $x^3 + y^3 - 3xy = 0$ в точке $M(2,1)$ равно:

$$\begin{aligned}
 & -: 1
 \end{aligned}$$

- : 0
- +: 3
- : 2

24. Значение $y'_x(1)$ при $\begin{cases} x = t \ln t, \\ y = \frac{\ln t}{t}, \end{cases}$ равно:

- : 2
- : 0
- +: 1
- : 3

25. Предел функции $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \cos x - \sin x}{x^3}$ равен:

- : 0
- : 1
- +: $-\frac{1}{3}$
- : ∞

26. Производная второго порядка для функции $y = \frac{1}{4}x^2(2\ln x - 3)$ равна:

- : 1
- +: $\ln x$
- : e^x
- : 0

27. Производная второго порядка для функции $\begin{cases} x = \operatorname{arctg} t, \\ y = \ln(1 + t^2), \end{cases}$ равна:

- : 1
- +: $2t^2 + 2$
- : $3t$
- : $t + 1$

28. Производная второго порядка y'' от функции, заданной неявно $y = x + \operatorname{arctg} y$ равна:

- +: $-\frac{2y^2 + 2}{y^5}$
- : 1
- : $\frac{1}{y}$
- : y^2

29. Для кривой $y = \sqrt[3]{2ax^2 - x^3}$ наклонной асимптотой является прямая

- +: $y = -x + \frac{2}{3}a$
- : $y = 2$
- : $y = x$
- : $y = x + 3$

30. Для кривой $y = \frac{x^3}{x^2 - 1}$ вертикальными асимптотами являются

-: $x=-1, x=0$

-: $x=0, x=1$

-: $x=2, x=3$

+: $x=-1, x=1$

31. Функция $y=2\sin x+\cos 2x$ достигает максимума в точке

+: $x=\frac{\pi}{6}$

-: $x=\frac{\pi}{4}$

+: $x=0$

-: $x=\frac{\pi}{2}$

32. Для функции $y = xe^{2x} + 1$ точкой перегиба является точка:

-: $M(0,0)$

+: $M(-1,1-e^{-2})$

-: $M(1,0)$

-: $M(1,1)$

33. Первообразной для $\int \frac{adx}{a-x}$ является функция:

-: $y = \ln |a-x| + c$

+: $y = a \cdot \ln \left| \frac{c}{a-x} \right|$

-: $y = c - \ln |a-x|$

-: $y = \ln |a-x|$

34. Первообразной для $\int x(2x+5)^{10} dx$ служит функция:

-: $y = \frac{(2x+5)^{11}}{11} + c$

-: $y = (2x+5)^{11} + c$

-: $y = \frac{1}{4} \left[\frac{(2x+5)^{12}}{12} - \frac{5(2x+5)^{11}}{11} \right] + c$

+: $y = 2x+5$

35. Значение интеграла $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \cos 2x dx$ равно ...

-: e

-: 0

+: $\frac{1}{2}$

-: $-\frac{1}{2}$

36. Значение интеграла $\int_0^{\pi} \sin \frac{x}{3} dx$ равно ...

+: $\frac{3}{2}$

$$\therefore e$$

$$\therefore 5\pi$$

$$\therefore -\frac{3}{2}$$

37. Значение интеграла $\int_0^2 (3x^2 - 1)dx$ равно ...

$$+: 6$$

$$\therefore 0$$

$$\therefore -4$$

$$\therefore 3$$

38. Значение интеграла $\int_1^2 \frac{dx}{x+3}$ равно ...

$$\therefore \ln 3$$

$$+: \ln \frac{5}{4}$$

$$\therefore \ln \frac{1}{2}$$

$$\therefore -\ln 2$$

39. Значение интеграла $\int_e^4 x \ln x dx$ равно ...

$$\therefore 4 \ln e + 1$$

$$+: 8 \ln 4 - 4 - \frac{1}{4}e^2$$

$$\therefore 8 \ln 4 - \frac{1}{4}e^2$$

$$\therefore \ln 4 - e$$

40. Значение интеграла $\int_{-a}^a x \cos \frac{x}{a} dx$ равно ...

$$\therefore -1$$

$$+: 0$$

$$\therefore e$$

$$\therefore \cos a$$

41. Значение несобственного интеграла 1 рода $\int_1^{+\infty} \frac{dx}{x}$ равно:

$$+: 1$$

$$\therefore 0$$

$$\therefore \infty$$

$$\therefore -1$$

42. Значение несобственного интеграла 1 рода $\int_{-\infty}^{+\infty} \frac{dx}{1+x^2}$ равно:

$$\therefore \frac{\pi}{4}$$

- +: $\frac{\pi}{2}$
- : ∞
- : 0

43. Несобственный интеграл $\int_0^3 \frac{dx}{\sqrt{9-x^2}}$ равен

- : $\frac{\pi}{4}$
- +: $\frac{\pi}{2}$
- : ∞
- : 0

5.3. *Оценочные материалы для промежуточной аттестации*

Целью промежуточных аттестаций по дисциплине является оценка качества освоения дисциплины обучающимися.

Промежуточная аттестация предназначена для объективного подтверждения и оценивания достигнутых результатов обучения после завершения изучения дисциплины. Осуществляется в конце семестра и представляет собой итоговую оценку знаний по дисциплине «Математический анализ» в виде проведения экзамена (1, 4 семестры), зачета (3 семестр), зачета с оценкой (2 семестр) и курсовой работой (4 семестр). На промежуточную аттестацию отводится до 30 баллов.

Полный перечень вопросов, выносимых на экзамен 1 курс 1 семестр (контролируемые компетенции УК-1, ОПК-1):

1. Множество действительных чисел. Аксиоматика.
2. Верхние и нижние грани. Система вложенных отрезков.
3. Связь между различными принципами непрерывности.
4. Счетные и несчетные множества.
5. Определение предела последовательности. Свойства пределов.
6. Предел монотонной последовательности. Число e .
7. Подпоследовательности.
8. Теорема Больцано-Вейерштрасса. Критерий Коши.
9. Изображение действительных чисел бесконечными десятичными дробями.
10. Понятие функции. Элементарные функции и их классификация.
11. Понятие предела функции. Свойства пределов.
12. Критерий Коши существования конечного предела функции
13. Односторонние пределы. Пределы монотонных функций.
14. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Сравнение функций.
15. Непрерывность функции в точке.
16. Предел и непрерывность сложной функции.
17. Односторонняя непрерывность и точки разрыва.
18. Свойства функций, непрерывных на отрезке.
19. Обратные функции.
20. Показательная функция. Логарифмическая и степенная функция.

21. Тригонометрические и обратные тригонометрические функции.
22. Некоторые замечательные пределы.
23. Производная.
24. Дифференциал.
25. Геометрический смысл производной и дифференциала.
26. Производная обратной функции.
27. Производная сложной функции.
28. Производные и дифференциалы высших порядков.
29. Теорема о среднем. Формула Тейлора.
30. Раскрытие неопределённостей по правилу Лопиталя.
31. Монотонность и экстремумы функции.
32. Выпуклость и точки перегиба. Асимптоты.
33. Построение графика функции.

**Полный перечень вопросов, выносимых на зачет с оценкой 1 курс 2 семестр
(контролируемые компетенции УК-1, ОПК-1):**

1. Первообразная и неопределенный интеграл.
2. Методы интегрирования.
3. Комплексные числа.
4. Интегрирование рациональных дробей.
5. Интегрирование некоторых иррациональных функций.
6. Определенный интеграл.
7. Критерий интегрируемости. Свойства интегрируемых функций.
8. Связь между определенным и неопределенным интегралами.
9. Замена переменной и интегрирование по частям.
10. Приложения определенного интеграла.
11. Несобственные интегралы.
12. Приближение интегрируемых функций ступенчатыми и непрерывными.
13. Многомерные евклидовы пространства.
14. Открытые и замкнутые множества.
15. Предел функции многих переменных.
16. Функции, непрерывные в точке. Функции, непрерывные на множестве.
17. Частные производные и дифференцируемость функций многих переменных.
18. Геометрический смысл дифференциала функции и частных производных.
19. Дифференцируемость сложной функции.
20. Производная по направлению и градиент.
21. Частные производные высших порядков.
22. Формула Тейлора.
23. неявные функции, определяемые одним уравнением. Система неявных функций.
Дифференцируемые отображения.
24. Локальный экстремум. Условный экстремум.

**Полный перечень вопросов, выносимых на зачет 2 курс 3 семестр
(контролируемые компетенции УК-1, ОПК-1):**

1. Сходимость числового ряда.

2. Числовые ряды с неотрицательными членами.
3. Абсолютно сходящиеся ряды.
4. Сходящиеся знакопеременные ряды.
5. Последовательности и ряды с комплексными членами.
6. Равномерная сходимость функциональных последовательностей и рядов.
7. Признаки равномерной сходимости рядов.
8. Свойства равномерно сходящихся последовательностей и рядов.
9. Свойства степенных рядов.
10. Аналитические функции.
11. Разложение функции в ряд Тейлора.
12. Функции e^z , $\sin z$, $\cos z$ комплексного переменного.
13. Определение кратного интеграла и критерий интегрируемости.
14. Свойства кратного интеграла. Сведение кратного интеграла к повторному.
15. Геометрический смысл модуля якобиана отображения.
16. Замена переменных в кратном интеграле.
17. Собственные интегралы, зависящие от параметра.
18. Несобственные интегралы, зависящие от параметра.
19. Интегралы Эйлера.
20. Криволинейный интеграл первого рода.
21. Криволинейный интеграл второго рода.
22. Формула Грина.
23. Геометрический смысл знака якобиана плоского отображения.
24. Потенциальные векторные поля.

**Полный перечень вопросов, выносимых на экзамен 2 курс 4 семестр
(контролируемые компетенции УК-1, ОПК-1):**

1. Гладкие поверхности.
2. Касательная плоскость и нормальная прямая.
3. Преобразование параметров гладкой поверхности.
4. Ориентация гладкой поверхности.
5. Первая квадратичная форма гладкой поверхности.
6. Неявно заданные гладкие поверхности.
7. Кусочно гладкие поверхности.
8. Поверхностные интегралы первого рода.
9. Поверхностные интегралы второго рода.
10. Скалярные и векторные поля.
11. Формула Остроградского-Гаусса.
12. Формула Стокса.
13. Потенциальные векторные поля.
14. Определение ряда Фурье и принцип локализации.
15. Сходимость ряда Фурье.
16. Приближение непрерывных функций многочленами.
17. Почленное дифференцирование и интегрирование тригонометрических рядов.
18. Скорость стремления к нулю коэффициентов и остатка ряда Фурье.
19. Ряды Фурье $2l$ -периодических функций.

20. Комплексная форма рядов Фурье.
21. Интеграл Фурье.
22. Преобразование Фурье.

Критерии формирования оценок по промежуточной аттестации. Уровень знаний определяется оценками «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «зачтено», «неудовлетворительно», «не зачтено».

1. Оценка «отлично» (91-100 баллов) - студент показывает полные и глубокие знания программного материала, логично и аргументировано отвечает на поставленный вопрос, а также дополнительные вопросы, показывает высокий уровень теоретических знаний.

2. Оценка «хорошо» (81-90 баллов) - студент показывает глубокие знания программного материала, грамотно его излагает, достаточно полно отвечает на поставленный вопрос и дополнительные вопросы, умело формулирует выводы. В тоже время при ответе допускает несущественные погрешности.

3. Оценка «удовлетворительно» (61-80 баллов) - студент показывает достаточные, но не глубокие знания программного материала; при ответе не допускает грубых ошибок или противоречий, однако в формулировании ответа отсутствует должная связь между анализом, аргументацией и выводами. Для получения правильного ответа требуется уточняющие вопросы.

4. Оценка «зачтено» (61-70 баллов) - уровень знаний студента соответствует требованиям, установленным в п. п. 1-3.

5. Оценки «неудовлетворительно» и «не зачтено» (36-60 баллов) - студент показывает недостаточные знания программного материала, не способен аргументированно и последовательно его излагать, допускаются грубые ошибки в ответах, неправильно отвечает на поставленный вопрос или затрудняется с ответом.

5.4. Оценочные материалы для выполнения курсовой работы по дисциплине. Смысл написания курсовой работы состоит в приобретении студентом навыков самостоятельного решения практических проблем с научных позиций и письменного изложения полученных результатов по выбранной теме (теоретическая часть, формирование и закрепление системы знаний, умений и навыков по данной теме, самостоятельного проведения различных этапов исследования).

Примерные темы курсовых работ:

- Тема 1. Пространство $2L$.
- Тема 2. Интеграл Сельберга.
- Тема 3. Приближенное решение уравнений: методы хорд и касательных.
- Тема 4. Нормированные пространства.
- Тема 5. Многочлены Лежандра и Чебышева.
- Тема 6. Применение рядов к приближённым вычислениям.
- Тема 7. Частные производные и дифференциалы высших порядков.
- Тема 8. Некоторые приложения определенного интеграла.
- Тема 9. Бесконечные произведения.
- Тема 10. Ряды Фурье и их применение.

Критерии оценивания курсовой работы:

Оценка курсовой работы "отлично". Курсовая работа будет оценена педагогом на «отлично», если во введении приводится обоснование выбора конкретной темы, полностью раскрыта актуальность её в научной отрасли, чётко определены грамотно поставлены задачи и цель курсовой работы. Основная часть работы демонстрирует большое количество прочитанных автором работ. В ней содержатся основные термины и они адекватно использованы. Критически прочитаны источники: вся необходимая информация проанализирована, вычленена, логически структурирована. Присутствуют выводы и грамотные обобщения. В заключении сделаны логичные выводы, а собственное отношение выражено чётко. Автор курсовой работы грамотно демонстрирует осознание возможности применения исследуемых теорий, методов на практике. Приложение содержит цитаты и таблицы, иллюстрации и диаграммы: все необходимые материалы. Курсовая работа написана в стиле академического письма (использован научный стиль изложения материала). Автор адекватно применял терминологию, правильно оформил ссылки. Оформление работы соответствует требованиям ГОСТ, библиография, приложения оформлены на отличном уровне. Объём работы заключается в пределах от 20 до 30 страниц.

Оценка курсовой работы "хорошо". Курсовая работа на «хорошо» во введении содержит некоторую нечёткость формулировок. В основной её части не всегда проводится критический анализ, отсутствует авторское отношение к изученному материалу. В заключение неадекватно использована терминология, наблюдаются незначительные ошибки в стиле, многие цитаты грамотно оформлены. Допущены незначительные неточности в оформлении библиографии, приложений.

Оценка курсовой работы «удовлетворительно». Курсовая работа на «удовлетворительно» во введении содержит лишь попытку обоснования выбора темы и актуальности, отсутствуют чёткие формулировки. Расплывчато определены задачи и цели. Основное содержание - пересказ чужих идей, нарушена логика изложения, автор попытался сформулировать выводы. В заключении автор попытался сделать обобщения, собственного отношения к работе практически не проявил. В приложении допущено несколько грубых ошибок. Не выдержан стиль требуемого академического письма по проекту в целом, часто неверно употребляются научные термины, ссылки оформлены неграмотно, наблюдается плагиат.

Оценка курсовой работы «неудовлетворительно». При оценивании такой курсовой работы, ее недостатки видны сразу. Курсовая работа на «неудовлетворительно» во введении не содержит обоснования темы, нет актуализации темы. Не обозначены и цели, задачи проекта. Скупое основное содержание указывает на недостаточное число прочитанной литературы. Внутренняя логика всего изложения проекта слабая. Нет критического осмысления прочитанного, как и собственного мнения. Нет обобщений, выводов. Заключение таковым не является. В нём не приведены грамотные выводы. Приложения либо вовсе нет, либо оно недостаточно. В работе наблюдается отсутствие ссылок, плагиат, не выдержан стиль, неадекватное использование терминологии. По оформлению наблюдается ряд недочётов: не соблюдены основные требования ГОСТ, а библиография с приложениями содержат много ошибок. Менее 20 страниц объём всей работы.

6. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

Максимальная сумма (100 баллов), набираемая студентом по дисциплине включает две составляющие:

– первая составляющая – оценка регулярности, своевременности и качества выполнения студентом учебной работы по изучению дисциплины в течение периода изучения дисциплины (семестра, или нескольких семестров) (сумма – не более 70 баллов). Баллы, характеризующие успеваемость студента по дисциплине, набираются им в течение всего периода обучения за изучение отдельных тем и выполнение отдельных видов работ.

– вторая составляющая – оценка знаний студента по результатам промежуточной аттестации (не более 30 –баллов).

Критерием оценки уровня сформированности компетенций в рамках учебной дисциплины «Математический анализ» является экзамен (1, 3, 4 семестр) и зачет (2 семестр). Общий балл текущего и рубежного контроля складывается из составляющих, приведенных в Приложении 1.

Целью промежуточных аттестаций по дисциплине является оценка качества освоения дисциплины обучающимися. Критерии оценки качества освоения дисциплины прилагается (Приложение 2).

Типовые задания, обеспечивающие формирование компетенций УК-1, ОПК-1 представлены в таблице 1.

Таблица 1. Результаты освоения учебной дисциплины, подлежащие проверке

Категория компетенции	Код и наименование компетенции	Основные показатели оценки результатов обучения	Индикаторы достижения компетенции	Вид оценочного материала, обеспечивающие формирование компетенций
Системное и критическое мышление	УК-1. Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий.	Знает методы системного подхода к анализу ситуаций в профессиональной деятельности; стратегии действий в условиях проблемной ситуации. Умеет применять методы системного подхода к анализу ситуаций в профессиональной деятельности; вырабатывать	УК-1.1. Способен применять системный подход и методы анализа и синтеза в научно-познавательной деятельности. УК-1.2. Способен осуществлять поиск алгоритмов решения проблемной ситуации на основе доступных источников информации с применением современных	Типовые оценочные материалы для устного опроса (<i>раздел 5.1.1</i>) Типовые оценочные материалы для самостоятельной работы обучающегося (<i>раздел 5.1.2</i>) Типовые оценочные материалы для контрольной работы (<i>раздел 5.2.1</i>) Типовые

		<p>стратегию действий в условиях проблемной ситуации.</p> <p>Владеет навыками системного подхода к анализу профессиональных задач, абстрактного и критического мышления; навыками прогнозирования и выработки стратегии действий на основе критического анализа проблемных ситуаций, стратегического мышления.</p>	<p>информационных и коммуникационных средств и технологий.</p>	<p>тестовые задания (раздел 5.2.2.)</p> <p>Типовые оценочные материалы для промежуточной аттестации (раздел 5.3.)</p>
<p>Теоретические и практические основы профессиональной деятельности</p>	<p>ОПК-1. Способен находить, формулировать и решать актуальные и значимые проблемы фундаментальной математики и механики.</p>	<p>Знать Знает актуальные и значимые проблемы фундаментальной математики.</p> <p>Уметь осуществлять выбор методов решения задач фундаментальной математики.</p> <p>Владеет навыками формализации актуальных задач фундаментальной математики и применения подходящих</p>	<p>ОПК-1.1. Способен использовать при решении профессиональных задач знания, полученные при изучении дисциплин математических и (или) естественных наук.</p>	<p>Типовые оценочные материалы для устного опроса (раздел 5.1.1)</p> <p>Типовые оценочные материалы для самостоятельной работы обучающегося (раздел 5.1.2)</p> <p>Типовые оценочные материалы для контрольной работы (раздел 5.2.1)</p> <p>Типовые тестовые задания (раздел 5.2.2.)</p>

		методов решения.	их		Типовые оценочные материалы для промежуточной аттестации (раздел 5.3.)
--	--	---------------------	----	--	---

Таким образом, выполнение типовых заданий, представленных в разделе 5 «Оценочные материалы для текущего и рубежного контроля успеваемости и промежуточной аттестации» позволит обеспечить:

- способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий (УК-1);
- способен находить, формулировать и решать актуальные и значимые проблемы фундаментальной математики и механики (ОПК-1).

7. Учебно-методическое обеспечение дисциплины

7.1. Нормативно-законодательные акты

1. Федеральный закон "Об образовании в Российской Федерации" от 29.12.2012 N 273-ФЗ (последняя редакция). - [Электронный ресурс]. – Режим доступа: Консультант Плюс: URL: <http://consultant.ru/>

3. Федеральный государственный образовательный стандарт высшего образования - специалитет по специальности 01.05.01 Фундаментальные математика и механика, утвержденный приказом Министерства образования и науки РФ от 10 января 2018 г. №16 (зарегистрировано в Минюсте РФ 6 февраля 2018 г. №49943). https://fgosvo.ru/uploadfiles/FGOS%20VO%203++/Spec/010501_C_3_18062021.pdf

7.2. Основная литература

1. Виноградова И.А. Задачи и упражнения по математическому анализу: В 2-х ч. Учебное пособие/ И.А. Виноградова, С.Н Олехник, В.А. Садовничий;. -2-е изд., испр. и доп. – М.: Дрофа. Ч.1, 2001. – 725 с. (8экз.)
2. Виноградова И.А. Задачи и упражнения по математическому анализу: В 2-х ч. Учебное пособие/ И.А. Виноградова, С.Н Олехник, В.А. Садовничий; Под ред Г.И. Садовнического. -2-е изд., испр. и доп. – М. : Дрофа.Ч.2., 2001. – 712с (10 экз.)
3. Галкин, С. В. Математический анализ: учебное пособие / С. В. Галкин. — 2-е изд. — Москва : МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2018. — 128 с. — ISBN 978-5-7038-4670-4. — Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/103562>
4. Киркинский, А. С. Математический анализ: учебное пособие / А. С. Киркинский. — Москва: Академический Проект, 2020. — 526 с. — ISBN 978-5-8291-3040-4. — Текст : электронный // Лань: электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/133205>

7.3. Дополнительная литература

5. Архипов Г.И. Лекции по математическому анализу: Учебник/ Г.И. Архипов, В.А. Садовничий, В.н. Чубариков.-4-е изд., испр. – М.: Дрофа, 2004. – 640 с. (20 экз.)

6. Боронина Е.Б. Математический анализ: учебное пособие/ Боронина Е.Б.: [Электронный ресурс] – Саратов: Научная книга, 2012. – 159 с. – Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/6298.html> - ЭБС «IPRbooks»
7. Гунько Ю.А. Математический анализ: учебное пособие/ Гунько Ю.А.: [Электронный ресурс] – Волгоград: Волгоградский институт бизнеса, Вузовское образование, 2008. – 151 с. – Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/11335.html>. - ЭБС «IPRbooks»
8. Демидович Б. П. Сборник задач и упражнений по математическому анализу. Учебное пособие для университетов и педагогических институтов. – М.: Наука, 1969. – 544 с. (22 экз.)
9. Камынин Л.И. Курс математического анализа. Том 1 [Электронный ресурс]/ Камынин Л.И.— Электрон. текстовые данные.— М.: Московский государственный университет имени М.В. Ломоносова, 2001.— 432 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/13140.html>. — ЭБС «IPRbooks»
10. Кудрявцев Л.Д. Курс математического анализа: В 3-х т.: Учебник.-5-е изд.: перераб. и доп. – М.: Дрофа, Т.2: Дифференциальное и интегральное исчисление функций многих переменных, 2004. –720 с. (12 экз.)
11. Фомина, Т. А. Математический анализ : учебное пособие / Т. А. Фомина. — Донецк: ДонНУЭТ имени Туган-Барановского, 2020. — 105 с.— Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/170492>

7.4. Периодические издания

1. Вестник МГУ Серия 1. Математика. Механика.
2. Дифференциальные уравнения
3. Доклады РАН
4. Журнал вычислительной математики и математической физики
5. Известия вузов. Северо-Кавказский регион. Естественные науки
6. Успехи математических наук

7.5. Интернет-ресурсы

При изучении дисциплины «Математический анализ» обучающиеся обеспечены доступом (удаленный доступ) к ресурсам:

– *общие информационные, справочные и поисковые:*

1. Справочная правовая система «Гарант». URL: <http://www.garant.ru>

2. Справочно-информационная система «Консультант Плюс». URL: <http://www.consultant.ru/>

– *к современным профессиональным базам данных:*

№п/п	Наименование электронного ресурса	Краткая характеристика	Адрес сайта	Наименование организации-владельца
1.	Научная электронная библиотека (НЭБ РФФИ)	Электр. библиотека научных публикаций - около 4000 иностранных и 3900 отечественных научных журналов, рефераты публикаций 20 тыс. журналов, а	http://elibrary.ru	ООО «НЭБ» Лицензионное соглашение №14830 от 01.08.2014г. Бессрочное

		также описания 1,5 млн. зарубежных и российских диссертаций; 2800 росс. журналов на безвозмездной основе		
2.	База данных Science Index (РИНЦ)	Национальная информационно-аналитическая система, аккумулирующая более 6 миллионов публикаций российских авторов, а также информацию об их цитировании из более 4500 российских журналов.	http://elibrary.ru	ООО «НЭБ» Лицензионный договор Science Index №SIO-741/2022 от 19.07.2022 г. Активен до 31.07.2023г.
3.	ЭБС «Консультант студента»	13800 изданий по всем областям знаний, включает более чем 12000 учебников и учебных пособий для ВО и СПО, 864 наименований журналов и 917 монографий.	http://www.studmedlib.ru http://www.medcollegelib.ru	ООО «Консультант студента» (г. Москва) Договор №750КС/07-2022 От 26.09.2022 г. Активен до 30.09.2023г.
4.	«Электронная библиотека технического вуза» (ЭБС «Консультант студента»)	Коллекция «Медицина (ВО) ГЭОТАР-Медиа. Books in English (книги на английском языке)»	http://www.studmedlib.ru	ООО «Политехресурс» (г. Москва) Договор №701КС/02-2022 от 13.04.2022 г. Активен до 19.04.2023г.
	ЭБС «Лань»	Электронные версии книг ведущих издательств учебной и научной литературы (в том числе университетских издательств), так и электронные версии периодических изданий по различным областям знаний.	https://e.lanbook.com/	ООО «ЭБС ЛАНЬ» (г. Санкт-Петербург) Договор №41ЕП/223 от 14.02.2023 г. Активен до 15.02.2024г.
6.	Национальная электронная библиотека РГБ	Объединенный электронный каталог фондов российских библиотек, содержащий 4 331 542 электронных документов образовательного и научного характера по различным отраслям знаний	https://rusneb.ru/	ФГБУ «Российская государственная библиотека» Договор №101/НЭБ/1666-п от 10.09.2020г. Бессрочный

7.	ЭБС «IPSMART»	107831 публикаций, в т.ч.: 19071 – учебных изданий, 6746 – научных изданий, 700 коллекций, 343 журнала ВАК, 2085 аудиоизданий.	http://iprbookshop.ru/	ООО «Ай Пи Эр Медиа» (г. Саратов) Договор №75/ЕП-223 от 23.03.2023 г. Активен до 02.04.2024г.
8.	ЭБС «Юрайт» для СПО	Электронные версии учебной и научной литературы издательств «Юрайт» для СПО и электронные версии периодических изданий по различным областям знаний.	https://urait.ru/	ООО «Электронное издательство ЮРАЙТ» (г. Москва) Договор №305/ЕП-223 От 27.10.2022 г. Активен до 31.10.2023 г.
9.	ЭБС «Юрайт» для ВО	Электронные версии 8000 наименований учебной и научной литературы издательств «Юрайт» для ВО и электронные версии периодических изданий по различным областям знаний.	https://urait.ru/	ООО «Электронное издательство ЮРАЙТ» (г. Москва) Договор №44/ЕП-223 От 16.02.2023 г. Активен с 01.03.2023 г. по 29.02.2024 г.
10.	Polpred.com. Новости. Обзор СМИ. Россия и зарубежье	Обзор СМИ России и зарубежья. Полные тексты + аналитика из 600 изданий по 53 отраслям	http://polpred.com	ООО «Полпред справочники» Безвозмездно (без официального договора)
11.	Президентская библиотека им. Б.Н. Ельцина	Более 500 000 электронных документов по истории Отечества, российской государственности, русскому языку и праву	http://www.prlib.ru	ФГБУ «Президентская библиотека им. Б.Н. Ельцина» (г. Санкт-Петербург) Соглашение от 15.11.2016г. бессрочный

Для эффективного усвоения дисциплины, помимо учебного материала, студентам необходимо пользоваться данными всемирной сети Интернет, такими сайтами, как:

1. Библиотека КБГУ. URL: <http://lib.kbsu.ru>
2. Свободная энциклопедия «Википедия». URL: <https://ru.wikipedia.org/>
3. Служба тематических толковых словарей. URL: <http://glossary.ru/>
4. Электронно-библиотечная система «IPR BOOKS». URL: <http://www.iprbookshop.ru/>
5. Электронно-библиотечная система «Консультант студента». URL: <http://www.studentlibrary.ru/>

7.6. Методические указания по проведению различных учебных занятий, к курсовому проектированию и другим видам самостоятельной работы

Методические рекомендации по изучению дисциплины «Математический анализ» для обучающихся

Целями освоения учебной дисциплины являются:

- получение базовых знаний по математическому анализу;
- овладение современным аппаратом математического анализа для дальнейшего использования в других областях математического знания и дисциплинах естественнонаучного содержания;
- формирование исследовательских умений общенаучного, специализированного математического и методического характера;
- формирование навыков владения современными методами анализа научной и научно-методической литературы.

Приступая к изучению дисциплины, обучающемуся необходимо ознакомиться с тематическим планом занятий, списком рекомендованной учебной литературы. Следует уяснить последовательность выполнения индивидуальных учебных заданий, занести в свою рабочую тетрадь темы и сроки проведения семинаров, написания учебных и творческих работ. При изучении дисциплины обучающиеся выполняют следующие задания: изучают рекомендованную учебную и научную литературу; пишут контрольные работы, выполняют самостоятельные творческие работы, участвуют в выполнении практических заданий. Уровень и глубина усвоения дисциплины зависят от активной и систематической работы на лекциях, изучения рекомендованной литературы, выполнения контрольных письменных заданий.

Курс изучается на лекциях, семинарах, при самостоятельной и индивидуальной работе обучающихся. Обучающийся для полного освоения материала должен не пропускать занятия и активно участвовать в учебном процессе. Для максимальной эффективности изучения необходимо постоянно вести конспект лекций, знать рекомендуемую преподавателем литературу, позволяющую дополнить знания и лучше подготовиться к семинарским занятиям.

В соответствии с учебным планом на каждую тему выделено необходимое количество часов практических занятий, которые проводятся в соответствии с вопросами, рекомендованными к изучению по определенным темам. Обучающиеся должны регулярно готовиться к семинарским занятиям и участвовать в обсуждении вопросов. При подготовке к занятиям следует руководствоваться конспектом лекций и рекомендованной литературой. Тематический план дисциплины, учебно-методические материалы, а также список рекомендованной литературы приведены в рабочей программе.

Методические рекомендации при работе над конспектом во время проведения лекции

В процессе лекционных занятий целесообразно конспектировать учебный материал. Для этого используются общие и утвердившиеся в практике правила, и приемы конспектирования лекций.

Конспектирование лекций ведется в специально отведенной для этого тетради, каждый лист которой должен иметь поля, на которых делаются пометки из

рекомендованной литературы, дополняющие материал прослушанной лекции, а также подчеркивающие особую важность тех или иных теоретических положений.

Целесообразно записывать тему и план лекций, рекомендуемую литературу к теме. Записи разделов лекции должны иметь заголовки, подзаголовки, красные строки. Для выделения разделов, выводов, определений, основных идей можно использовать цветные карандаши и фломастеры.

Названные в лекции ссылки на первоисточники надо пометить на полях, чтобы при самостоятельной работе найти и вписать их. В конспекте дословно записываются определения понятий, категорий и законов. Остальное должно быть записано своими словами.

Каждому студенту необходимо выработать и использовать допустимые сокращения наиболее распространенных терминов и понятий.

Методические рекомендации по подготовке к практическим занятиям

Практические (семинарские) занятия – составная часть учебного процесса, групповая форма занятий при активном участии студентов. Практические занятия способствуют углубленному изучению наиболее сложных проблем науки и служат основной формой подведения итогов самостоятельной работы обучающихся. Целью практических занятий является углубление и закрепление теоретических знаний, полученных обучающимися на лекциях и в процессе самостоятельного изучения учебного материала, а, следовательно, формирование у них определенных умений и навыков.

В ходе подготовки к семинарскому занятию необходимо прочитать конспект лекции, изучить основную литературу, ознакомиться с дополнительной литературой, выполнить выданные преподавателем практические задания. При этом учесть рекомендации преподавателя и требования программы. Дорабатывать свой конспект лекции, делая в нем соответствующие записи из литературы.

Желательно при подготовке к практическим занятиям по дисциплине одновременно использовать несколько источников, раскрывающих заданные вопросы.

На практических занятиях обучающиеся учатся грамотно излагать проблемы, свободно высказывать свои мысли и суждения, рассматривают ситуации, способствующие развитию профессиональной компетентности. Следует иметь в виду, что подготовка к практическому занятию зависит от формы, места проведения семинара, конкретных заданий и поручений. Это может быть написание доклада, эссе, реферата (с последующим их обсуждением), коллоквиум.

Методические рекомендации по организации самостоятельной работы

Самостоятельная работа (по В.И. Далу «самостоятельный – человек, имеющий свои твердые убеждения») осуществляется при всех формах обучения: очной и заочной.

Самостоятельная работа обучающихся - способ активного, целенаправленного приобретения студентом новых для него знаний и умений без непосредственного участия в этом процесса преподавателей. Повышение роли самостоятельной работы обучающихся при проведении различных видов учебных занятий предполагает:

– оптимизацию методов обучения, внедрение в учебный процесс новых технологий обучения, повышающих производительность труда преподавателя, активное

использование информационных технологий, позволяющих обучающемуся в удобное для него время осваивать учебный материал;

- широкое внедрение компьютеризированного тестирования;
- совершенствование методики проведения практик и научно-исследовательской работы обучающихся, поскольку именно эти виды учебной работы в первую очередь готовят обучающихся к самостоятельному выполнению профессиональных задач;
- модернизацию системы курсового и дипломного проектирования, которая должна повышать роль студента в подборе материала, поиске путей решения задач.

Самостоятельная работа приводит студента к получению нового знания, упорядочению и углублению имеющихся знаний, формированию у него профессиональных навыков и умений. Самостоятельная работа выполняет ряд функций:

- развивающую;
- информационно-обучающую;
- ориентирующую и стимулирующую;
- воспитывающую;
- исследовательскую.

В рамках курса выполняются следующие виды самостоятельной работы:

1. Проработка учебного материала (по конспектам, учебной и научной литературе);
2. Выполнение разноуровневых задач и заданий;
3. Работа с тестами и вопросами для самопроверки;
4. Выполнение итоговой контрольной работы.

Студентам рекомендуется с самого начала освоения курса работать с литературой и предлагаемыми заданиями в форме подготовки к очередному аудиторному занятию. При этом актуализируются имеющиеся знания, а также создается база для усвоения нового материала, возникают вопросы, ответы на которые студент получает в аудитории.

Необходимо отметить, что некоторые задания для самостоятельной работы по курсу имеют определенную специфику. При освоении курса студент может пользоваться библиотекой вуза, которая в полной мере обеспечена соответствующей литературой. Значительную помощь в подготовке к очередному занятию может оказать имеющийся в учебно-методическом комплексе краткий конспект лекций. Он же может использоваться и для закрепления полученного в аудитории материала. Самостоятельная работа студентов предусмотрена учебным планом и выполняется в обязательном порядке. Задания предложены по каждой изучаемой теме и могут готовиться индивидуально или в группе. По необходимости студент может обращаться за консультацией к преподавателю. Выполнение заданий контролируется и оценивается преподавателем.

Для успешного самостоятельного изучения материала сегодня используются различные средства обучения, среди которых особое место занимают информационные технологии разного уровня и направленности: электронные учебники и курсы лекций, базы тестовых заданий и задач. Электронный учебник представляет собой программное средство, позволяющее представить для изучения теоретический материал, организовать апробирование, тренаж и самостоятельную творческую работу, помогающее студентам и преподавателю оценить уровень знаний в определенной тематике, а также содержащее необходимую справочную информацию. Электронный учебник может интегрировать в

себе возможности различных педагогических программных средств: обучающих программ, справочников, учебных баз данных, тренажеров, контролирующих программ.

Для успешной организации самостоятельной работы все активнее применяются разнообразные образовательные ресурсы в сети Интернет: системы тестирования по различным областям, виртуальные лекции, лаборатории, при этом пользователю достаточно иметь компьютер и подключение к Интернету для того, чтобы связаться с преподавателем, решать вычислительные задачи и получать знания. Использование сетей усиливает роль самостоятельной работы студента и позволяет кардинальным образом изменить методику преподавания.

Студент может получать все задания и методические указания через сервер, что дает ему возможность привести в соответствие личные возможности с необходимыми для выполнения работ трудозатратами. Студент имеет возможность выполнять работу дома или в аудитории. Большое воспитательное и образовательное значение в самостоятельном учебном труде студента имеет самоконтроль. Самоконтроль возбуждает и поддерживает внимание и интерес, повышает активность памяти и мышления, позволяет студенту своевременно обнаружить и устранить допущенные ошибки и недостатки, объективно определить уровень своих знаний, практических умений. Самое доступное и простое средство самоконтроля с применением информационно-коммуникационных технологий - это ряд тестов «on-line», которые позволяют в режиме реального времени определить свой уровень владения предметным материалом, выявить свои ошибки и получить рекомендации по самосовершенствованию.

Методические рекомендации по работе с литературой

Всю литературу можно разделить на учебники и учебные пособия, оригинальные научные монографические источники, научные публикации в периодической печати. Из них можно выделить литературу основную (рекомендуемую), дополнительную и литературу для углубленного изучения дисциплины.

Изучение дисциплины следует начинать с учебника, поскольку учебник – это книга, в которой изложены основы научных знаний по определенному предмету в соответствии с целями и задачами обучения, установленными программой.

При работе с литературой необходимо учитывать, что имеются различные виды чтения, и каждый из них используется на определенных этапах освоения материала.

Предварительное чтение направлено на выявление в тексте незнакомых терминов и поиск их значения в справочной литературе. В частности, при чтении указанной литературы необходимо подробнейшим образом анализировать понятия.

Сквозное чтение предполагает прочтение материала от начала до конца. Сквозное чтение литературы из приведенного списка дает возможность студенту сформировать свод основных понятий из изучаемой области и свободно владеть ими.

Выборочное – наоборот, имеет целью поиск и отбор материала. В рамках данного курса выборочное чтение, как способ освоения содержания курса, должно использоваться при подготовке к практическим занятиям по соответствующим разделам.

Аналитическое чтение – это критический разбор текста с последующим его конспектированием. Освоение указанных понятий будет наиболее эффективным в том случае, если при чтении текстов студент будет задавать к этим текстам вопросы. Часть из этих вопросов сформулирована в ФОС в перечне вопросов для собеседования. Перечень

этих вопросов ограничен, поэтому важно не только содержание вопросов, но сам принцип освоения литературы с помощью вопросов к текстам.

Целью *изучающего* чтения является глубокое и всестороннее понимание учебной информации. Есть несколько приемов изучающего чтения:

1. Чтение по алгоритму предполагает разбиение информации на блоки: название; автор; источник; основная идея текста; фактический материал; анализ текста путем сопоставления имеющихся точек зрения по рассматриваемым вопросам; новизна.

2. Прием постановки вопросов к тексту имеет следующий алгоритм:

- медленно прочитать текст, стараясь понять смысл изложенного;
- выделить ключевые слова в тексте;
- постараться понять основные идеи, подтекст и общий замысел автора.

3. Прием тезирования заключается в формулировании тезисов в виде положений, утверждений, выводов.

К этому можно добавить и иные приемы: прием реферирования, прием комментирования.

Важной составляющей любого солидного научного издания является список литературы, на которую ссылается автор. При возникновении интереса к какой-то обсуждаемой в тексте проблеме всегда есть возможность обратиться к списку относящейся к ней литературы. В этом случае вся проблема как бы разбивается на составляющие части, каждая из которых может изучаться отдельно от других. При этом важно не терять из вида общий контекст и не погружаться чрезмерно в детали, потому что таким образом можно не увидеть главного.

Подготовка к экзамену должна проводиться на основе лекционного материала, материала практических занятий с обязательным обращением к основным учебникам по курсу. Это позволит исключить ошибки в понимании материала, облегчит его осмысление, прокомментирует материал многочисленными примерами.

Методические рекомендации для подготовки к экзамену и зачету

Экзамен (зачет) является формой итогового контроля знаний и умений, обучающихся по данной дисциплине, полученных на лекциях, практических занятиях и в процессе самостоятельной работы. Основой для определения оценки служит уровень усвоения обучающимися материала, предусмотренного данной рабочей программой. К экзамену (зачету) допускаются студенты, набравшие 36 и более баллов по итогам текущего и промежуточного контроля. На экзамене студент может набрать от 15 до 30 баллов, на зачете не более 25 баллов.

В период подготовки к экзамену (зачету) обучающиеся вновь обращаются к учебно-методическому материалу и закрепляют промежуточные знания.

Подготовка обучающегося к экзамену (зачету) включает три этапа:

- самостоятельная работа в течение семестра;
- непосредственная подготовка в дни, предшествующие экзамену по темам курса;
- подготовка к ответу на экзаменационные вопросы.

При подготовке к экзамену (зачету) обучающимся целесообразно использовать материалы лекций, учебно-методические комплексы, нормативные документы, основную и дополнительную литературу.

На экзамен (зачет) выносится материал в объеме, предусмотренном рабочей программой учебной дисциплины за семестр. Экзамен проводится в письменной/устной форме. Зачет проводится в форме устного опроса по вопросам без подготовки.

При проведении экзамена в письменной (устной) форме, ведущий преподаватель составляет экзаменационные билеты, которые включают в себя: тестовые задания; теоретические задания; задачи или ситуации. Формулировка теоретических задания совпадает с формулировкой перечня экзаменационных вопросов, доведенных до сведения обучающихся накануне экзаменационной сессии. Содержание вопросов одного билета относится к различным разделам программы с тем, чтобы более полно охватить материал учебной дисциплины.

В аудитории, где проводится устный экзамен, должно одновременно находиться не более шести студентов на одного преподавателя, принимающего экзамен. На подготовку ответа на билет на экзамене отводится 40 минут.

При проведении письменного экзамена на работу отводится 60 минут.

Результат устного (письменного) экзамена и зачета выражается оценками:

Уровень знаний определяется оценками *«отлично»*, *«хорошо»*, *«удовлетворительно»*, *«зачтено»*, *«неудовлетворительно»*, *«не зачтено»*.

1. Оценка *«отлично»* (91-100 баллов) - студент показывает полные и глубокие знания программного материала, логично и аргументировано отвечает на поставленный вопрос, а также дополнительные вопросы, показывает высокий уровень теоретических знаний.

2. Оценка *«хорошо»* (81-90 баллов) - студент показывает глубокие знания программного материала, грамотно его излагает, достаточно полно отвечает на поставленный вопрос и дополнительные вопросы, умело формулирует выводы. В тоже время при ответе допускает несущественные погрешности.

3. Оценка *«удовлетворительно»* (61-80 баллов) - студент показывает достаточные, но не глубокие знания программного материала; при ответе не допускает грубых ошибок или противоречий, однако в формулировании ответа отсутствует должная связь между анализом, аргументацией и выводами. Для получения правильного ответа требуется уточняющие вопросы.

4. Оценка *«зачтено»* (61-70 баллов) - уровень знаний студента соответствует требованиям, установленным в п. п. 1-3.

5. Оценки *«неудовлетворительно»* и *«не зачтено»* (36-60 баллов) - студент показывает недостаточные знания программного материала, не способен аргументированно и последовательно его излагать, допускаются грубые ошибки в ответах, неправильно отвечает на поставленный вопрос или затрудняется с ответом.

Методические рекомендации для курсовой работы

Смысл написания курсовой работы состоит в приобретении студентом навыков самостоятельного решения практических проблем с научных позиций и письменного изложения полученных результатов по выбранной теме (теоретическая часть, формирование и закрепление системы знаний, умений и навыков по данной теме, самостоятельного проведения различных этапов исследования).

Порядок подготовки курсовой работы содержит следующие этапы:

– выбор темы и согласование ее с научным руководителем;

- формирование структуры курсовой работы;
- сбор материала и его обработка;
- подбор литературы по теме, подготовка библиографии изучаемого вопроса;
- формирование основных теоретических положений, выводов и рекомендаций;
- подготовка и оформление курсовой работы;
- сдача подготовленной курсовой работы научному руководителю;
- доработка текста по замечаниям научного руководителя.

При выполнении курсовой работы студенту необходимо систематически консультироваться с научным руководителем по вопросам написания работы (план работы, методика написания, анализ полученных результатов).

Курсовая работа должна состоять из следующих частей:

- титульный лист
- содержание(оглавление),
- введение
- основной текст (разбитый на пункты и подпункты),
- заключение
- список использованных источников и литературы
- приложения

Титульный лист. Титульный лист является первой страницей курсовой работы и выполняется строго по образцу, приведенному на кафедре.

Содержание (оглавление). Содержание (оглавление) отражает структуру курсовой работы и помещается после титульного листа. Оглавление включает в себя: список принятых сокращений; введение; наименования всех глав, пунктов и подпунктов; заключение; список использованных источников и литературы; приложения с указанием номеров страниц, с которых они начинаются. Нумерация страниц оформляется арабскими цифрами. Наименования глав не должны повторять название курсовой работы, а заголовки пунктов – названия глав.

Введение. Курсовая работа начинается с введения. Во введении автор должен показать актуальность избранной проблемы, степень ее разработанности в литературе, новизну темы, связь данного исследования с другими научно-исследовательскими работами. Здесь формулируются цель и задачи исследования, указываются объект, предмет, методика и методология исследования, обосновывается структура работы.

Основная часть. В основной части автор раскрывает содержание курсовой работы. Основная часть отражает итоги теоретической и практической работы студента, проведенной по избранной теме, содержит результаты исследования, выводы и конкретные предложения по проблеме. Основная часть курсовой работы делится на главы. Главы основной части могут делиться на пункты и подпункты. Каждый пункт должен содержать законченную информацию.

Заключение. В заключении автор подводит итоги исследования в соответствии с определенными во введении задачами курсовой работы, делает теоретические обобщения, формулирует выводы и практические рекомендации.

Список использованных источников и литературы. Список должен содержать перечень источников и литературы, использованных при выполнении курсовой работы. Образец оформления списка использованных источников и примеры библиографического описания приведены в <http://www.ipr-ras.ru/gost-2008-references.pdf>.

Приложения. Приложение оформляют как продолжение курсовой работы на ее последующих страницах и располагают в порядке появления ссылок на них в тексте работы. В приложения рекомендуется включать материалы, связанные с выполнением курсовой работы, которые по каким-либо причинам не могут быть включены в основную часть исследования. По содержанию приложения разнообразны. Это могут быть копии подлинных документов, выдержки из отчетных материалов, протоколов, отдельные положения из инструкций и правил, ранее не опубликованные тексты, переписка. По форме они могут представлять собой текст, таблицы, графики, схемы. Каждое приложение, как правило, имеет самостоятельное значение, поэтому оно должно начинаться с новой страницы, иметь тематический заголовок, напечатанный прописными буквами. В правом верхнем углу над заголовком прописными буквами должно быть напечатано слово «приложение». Если приложений в курсовой работе более одного, их следует пронумеровать арабскими цифрами (без знака №), например: ПРИЛОЖЕНИЕ 1, ПРИЛОЖЕНИЕ 2 и т. д. Рисунки, таблицы и схемы, помещаемые в приложения, нумеруют арабскими цифрами в пределах каждого приложения, например: «Рис. 1.1» (первый рисунок первого приложения); «Таблица 1.2» (вторая таблица первого приложения).

Правила оформления курсовой работы предусматривают единый порядок использования и размещения текста работы, а также приложений, применение стандартного формата бумаги, наличие иллюстративного материала (чертежей, схем и т.д.). Изложение текста и включенные иллюстрации и таблицы должны соответствовать формату А4. Документ должен быть выполнен с использованием компьютера и принтера, и соответствовать следующим требованиям: заполняется только одна сторона листа; шрифт Times New Roman, кегль 14; интервал печати -1,5; левое поле - 30 мм, правое - 10 мм, верхнее и нижнее - 20 мм; цвет печати текста - черный.

Критерии оценивания курсовой работы:

Оценка курсовой работы "отлично". Курсовая работа будет оценена педагогом на «отлично», если во введении приводится обоснование выбора конкретной темы, полностью раскрыта актуальность её в научной отрасли, чётко определены грамотно поставлены задачи и цель курсовой работы. Основная часть работы демонстрирует большое количество прочитанных автором работ. В ней содержатся основные термины и они адекватно использованы. Критически прочитаны источники: вся необходимая информация проанализирована, вычленена, логически структурирована. Присутствуют выводы и грамотные обобщения. В заключении сделаны логичные выводы, а собственное отношение выражено чётко. Автор курсовой работы грамотно демонстрирует осознание возможности применения исследуемых теорий, методов на практике. Приложение содержит цитаты и таблицы, иллюстрации и диаграммы: все необходимые материалы. Курсовая работа написана в стиле академического письма (использован научный стиль изложения материала). Автор адекватно применял терминологию, правильно оформил ссылки. Оформление работы соответствует требованиям ГОСТ, библиография, приложения оформлены на отличном уровне. Объём работы заключается в пределах от 15 до 30 страниц.

Оценка курсовой работы "хорошо". Курсовая работа на «хорошо» во введении содержит некоторую нечёткость формулировок. В основной её части не всегда проводится критический анализ, отсутствует авторское отношение к изученному материалу. В

заключение неадекватно использована терминология, наблюдаются незначительные ошибки в стиле, многие цитаты грамотно оформлены. Допущены незначительные неточности в оформлении библиографии, приложений.

Оценка курсовой работы «удовлетворительно». Курсовая работа на «удовлетворительно» во введении содержит лишь попытку обоснования выбора темы и актуальности, отсутствуют чёткие формулировки. Расплывчато определены задачи и цели. Основное содержание - пересказ чужих идей, нарушена логика изложения, автор попытался сформулировать выводы. В заключении автор попытался сделать обобщения, собственного отношения к работе практически не проявил. В приложении допущено несколько грубых ошибок. Не выдержан стиль требуемого академического письма по проекту в целом, часто неверно употребляются научные термины, ссылки оформлены неграмотно, наблюдается плагиат.

Оценка курсовой работы «неудовлетворительно». При оценивании такой курсовой работы, ее недостатки видны сразу. Курсовая работа на «неудовлетворительно» во введении не содержит обоснования темы, нет актуализации темы. Не обозначены и цели, задачи проекта. Скупое основное содержание указывает на недостаточное число прочитанной литературы. Внутренняя логика всего изложения проекта слабая. Нет критического осмысления прочитанного, как и собственного мнения. Нет обобщений, выводов. Заключение таковым не является. В нём не приведены грамотные выводы. Приложения либо вовсе нет, либо оно недостаточно. В работе наблюдается отсутствие ссылок, плагиат, не выдержан стиль, неадекватное использование терминологии. По оформлению наблюдается ряд недочётов: не соблюдены основные требования ГОСТ, а библиография с приложениями содержат много ошибок. Менее 10 страниц объём всей работы.

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины

8.1. Требования к материально-техническому обеспечению

Для реализации рабочей программы дисциплины «Математический анализ» помещения представляют собой учебные аудитории для проведения учебных занятий, предусмотренных программой специалитета, оснащены оборудованием и техническими средствами обучения: комплектом учебной мебели, наборами демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий по изучаемым разделам, обеспечивающие тематические иллюстрации.

По дисциплине «Математический анализ» имеются презентации по отдельным темам курса, позволяющие наиболее эффективно освоить представленный учебный материал.

Помещения для самостоятельной работы оснащены комплектами учебной мебели, компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду КБГУ.

Компьютерная техника обеспечена необходимым комплектом лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства.

Электронно-библиотечные системы и электронная информационно-образовательная среда КБГУ обеспечивают доступ (удаленный доступ) обучающимся, к современным профессиональным базам данных и информационным справочным системам.

Используется следующее программное обеспечение:

Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение

№	Наименование программы, право использования которой предоставляется	Страна происхождения	Срок действия программного обеспечения
1.	Техническая поддержка для операционной системы Конфигурация: «Рабочая станция» <i>Сертификат на техническую поддержку операционной системы РЕД ОС. Конфигурация: «Рабочая станция»</i>	Российская Федерация	12 месяцев
2.	Лицензия на программное обеспечение для поиска заимствований в текстовых документах распространённых форматов <i>Программная система для обнаружения текстовых заимствований в учебных и научных работах «Антиплагиат. Вуз 4.0», Модуль поиска текстовых заимствований “Объединенная коллекция 2020»</i>	Российская Федерация	12 месяцев / по истечении 2000 проверок
3.	Система оптического распознавания текста <i>SETERE OCR для РЭД ОС</i>	Российская Федерация	12 месяцев
4.	Редактор изображений <i>AliveColors Business (лицензия для образовательных учреждений)</i>	Российская Федерация	бессрочные
5.	Лицензия на программное обеспечение средств антивирусной защиты <i>Kaspersky Endpoint Security для бизнеса – Стандартный Russian Edition</i>	Российская Федерация	12 месяцев
6.	Пакет офисного программного обеспечения <i>Р7-Офис.Профессиональный (Десктопная версия)</i>	Российская Федерация	12 месяцев
7.	Право использования программного обеспечения для планирования и проведения онлайн-мероприятий (трансляций, телемостов/ аудио-видеоконференций, вебинаров) <i>Webinar Enterprise TOTAL 150 участников</i>	Российская Федерация	12 месяцев
8.	Пакет программного обеспечения для обработки растровых изображений <i>Creative Cloud for enterprise All Apps ALL Multiple Platforms Multi European Languages Enterprise Licensing</i>	Соединенные Штаты Америки	12 месяцев

	<i>Subscription Renewal, право на использование-50 шт. Acrobat Pro DC for teams ALL Multiple Platforms Multi European Languages Team Licensing Subscription Renewal, право на использование – 5 шт.</i>		
9.	Лицензия на программное обеспечение для векторного графического редактора для создания и редактирования графических схем, чертежей и блок-схем <i>Асмо-графический редактор</i>	Российская Федерация	бессрочные
10.	Предоставление неисключительных прав на использование программного обеспечения Системы <i>Spider Project Professional</i>	Российская Федерация	бессрочные

8.2 Особенности реализации дисциплины для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

Для студентов с ограниченными возможностями здоровья созданы специальные условия для получения образования. В целях доступности получения высшего образования по образовательным программам инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья университетом обеспечивается:

1. Альтернативная версия официального сайта в сети «Интернет» для слабовидящих;

2. Для инвалидов с нарушениями зрения (слабовидящие, слепые) - присутствие ассистента, оказывающего обучающемуся необходимую помощь, дублирование вслух справочной информации о расписании учебных занятий; наличие средств для усиления остаточного зрения, брайлевской компьютерной техники, видеоувеличителей, программ не визуального доступа к информации, программ-синтезаторов речи и других технических средств приема-передачи учебной информации в доступных формах для студентов с нарушениями зрения;

3. Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по слуху (слабослышащие, глухие) – звукоусиливающая аппаратура, мультимедийные средства и другие технические средства приема-передачи учебной информации в доступных формах;

4. Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья, имеющих нарушения опорно-двигательного аппарата, созданы материально-технические условия обеспечивающие возможность беспрепятственного доступа обучающихся в учебные помещения, объекты питания, туалетные и другие помещения университета, а также пребывания в указанных помещениях (наличие расширенных дверных проемов, поручней и других приспособлений).

Обучающиеся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья обеспечены электронными образовательными ресурсами в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья.

Обучающимся с ограниченными возможностями здоровья предоставляются специальные учебники и учебные пособия, иная учебная литература, специальные технические средства обучения коллективного и индивидуального пользования, предоставление услуг ассистента (помощника), оказывающего обучающимся необходимую техническую помощь, а также услуги сурдопереводчиков и тифлосурдопереводчиков.

а) для слабовидящих:

- на экзамене присутствует ассистент, оказывающий студенту необходимую техническую помощь с учетом индивидуальных особенностей (он помогает занять рабочее место, передвигаться, прочитать и оформить задание, в том числе записывая под диктовку);

- задания для выполнения, а также инструкция о порядке проведения зачета/экзамена оформляются увеличенным шрифтом;

- задания для выполнения на экзамене зачитываются ассистентом;

- письменные задания выполняются на бумаге, надиктовываются ассистенту;

- обеспечивается индивидуальное равномерное освещение не менее 300 люкс;

- студенту для выполнения задания при необходимости предоставляется увеличивающее устройство;

в) для глухих и слабослышащих:

- на зачете/экзамене присутствует ассистент, оказывающий студенту необходимую техническую помощь с учетом индивидуальных особенностей (он помогает занять рабочее место, передвигаться, прочитать и оформить задание, в том числе записывая под диктовку);

- зачет/экзамен проводится в письменной форме;

- обеспечивается наличие звукоусиливающей аппаратуры коллективного пользования, при необходимости поступающим предоставляется звукоусиливающая аппаратура индивидуального пользования;

- по желанию студента экзамен может проводиться в письменной форме;

д) для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата (тяжелыми нарушениями двигательных функций верхних конечностей или отсутствием верхних конечностей):

- письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением или надиктовываются ассистенту;

- по желанию студента экзамен проводится в устной форме.

ЛИСТ

изменений (дополнений) в рабочей программе

дисциплины «Математический анализ» по программе специалитета
01.05.01 Фундаментальные математика и механика, профиль «Фундаментальная
математика»

на _____ учебный год

№ п/п	Элемент (пункт) РПД	Перечень выносимых изменений (дополнений)	Примечание

Обсуждена и рекомендована на заседании кафедры алгебры и дифференциальных уравнений

протокол № _____ от « _____ » _____ 20__ г.

Заведующий кафедрой _____ /М.С. Нирова/
подпись, расшифровка подписи, дата

Распределение баллов текущего и рубежного контроля

№п/п	Вид контроля	Сумма баллов			
		Общая сумма	1-я точка	2-я точка	3-я точка
1	Посещение занятий	до 10 баллов	до 3 б.	до 3 б.	до 4 б.
2	Текущий контроль:	до 24 баллов	до 8 б.	до 8б.	до 8 б.
	Ответ на 4 вопроса	от 0 до 12 б.	от 0 до 4 б.	от 0 до 4 б.	от 0 до 4 б.
	Полный правильный ответ	до 12 баллов	4 б.	4 б.	4 б.
	Неполный правильный ответ	от 3 до 12 б.	от 1 до 4 б.	от 1 до 4 б.	от 1 до 4 б.
	Ответ, содержащий неточности, ошибки	0б.	0б.	0б.	0б.
	Выполнение самостоятельных заданий (решение задач)	от 0 до 12 б.	от 0 до 4 б.	от 0 до 4 б.	от 0 до 4 б.
3	Рубежный контроль	до 36 баллов	до 12 б.	до 12 б.	до 12 б.
	тестирование	от 0- до 15 б.	от 0- до 5 б.	от 0- до 5 б.	от 0- до 5 б.
	контрольная работа	от 0 до 21 б.	от 0 до 7 б.	от 0 до 7 б.	от 0 до 7 б.
	Итого сумма текущего и рубежного контроля	до 70 баллов	до 23б.	до 23 б.	до 24 б.
	Первый этап (базовый уровень) – оценка «удовлетворительно»	не менее 36 б.	не менее 12 б.	не менее 12 б.	не менее 12 б.
	Второй этап (продвинутый уровень) – оценка «хорошо»	менее 70 б. (51-69 б.)	менее 23 б.	менее 23 б.	менее 24б.
	Третий этап (высокий уровень) - оценка «отлично»	не менее 70 б.	не менее 23 б.	не менее 23 б.	не менее 24б.

Шкала оценивания планируемых результатов обучения

Текущий и рубежный контроль

Семестр	Шкала оценивания			
	0-35 баллов	36-50 баллов	51-60 баллов	56-70 баллов
1-4	Частичное посещение аудиторных занятий. Неудовлетворительное выполнение лабораторных и практических работ. Плохая подготовка к балльно-рейтинговым мероприятиям. Студент не допускается к промежуточной аттестации	Полное или частичное посещение аудиторных занятий. Частичное выполнение практических работ. Выполнение контрольных работ, тестовых заданий на оценку «удовлетворительно».	Полное или частичное посещение аудиторных занятий. Полное выполнение практических работ. Выполнение контрольных работ, тестовых заданий на оценки «хорошо».	Полное посещение аудиторных занятий. Полное выполнение практических занятий. Выполнение контрольных работ, тестовых заданий на оценки «отлично».

Промежуточная аттестация (зачёт)

Семестр	Шкала оценивания	
	Незачтено (36-60)	Зачтено (61-70)
2	Студент имеет 36-60 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на зачёте не ответил ни на один вопрос.	Студент имеет 36-45 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на зачете представил полный ответ на один вопрос и частично (полностью) ответил на второй. Студент имеет 46-60 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на зачете дал полный ответ на один вопрос или частично ответил на оба вопроса. Студенту, имеющему 61-70 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, выставляется отметка «зачтено» без сдачи зачёта.

«Зачтено» выставляется обучающемуся, продемонстрировавшему полное, всестороннее, осознанное правильное знание программного материала и изложившему ответ логично, грамотно, убедительно, готового к дальнейшему профессиональному совершенствованию.

При ответе обучающийся может допустить некоторые неточности, негрубые ошибки, затрудняться в самостоятельном изложении материала, но правильно отвечать на задаваемые ему вопросы, в результате наводящих вопросов с помощью преподавателя исправлять допущенные ошибки и неточности.

«Не зачтено» может быть выставлено обучающемуся, обнаружившему неполное, неосознанное знание учебно-программного материала, допускающему грубые ошибки, неспособному самостоятельно изложить ответ на вопрос, отвечающему неправильно или не дающему ответ на заданные вопросы. Демонстрируемый уровень знаний не может быть признан достаточным для профессиональной деятельности.

Промежуточная аттестация (экзамен, зачет с оц.)

Семестр	Шкала оценивания			
	Неудовлетворительно (36-60 баллов)	Удовлетворительно (61-80 баллов)	Хорошо (81-90 баллов)	Отлично (91-100 баллов)
1,3,4	<p>Студент имеет 36-60 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене не дал полного ответа ни на один вопрос.</p> <p>Студент имеет 36-45 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ только на один вопрос.</p>	<p>Студент имеет 36-50 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ на один вопрос и частично (полностью) ответил на второй.</p> <p>Студент имеет 46-60 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ на один вопрос или частично ответил на все вопросы.</p> <p>Студент имеет по итогам текущего и рубежного контроля 61-70 баллов на экзамене не дал полного ответа ни на один вопрос.</p>	<p>Студент имеет 51-60 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ на один вопрос и частично (полностью) ответил на второй.</p> <p>Студент имеет 61 – 65 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ на один вопрос и частично ответил на второй. Студент имеет 66-70 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ только на один вопрос.</p>	<p>Студент имеет 61-70 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ на один вопрос и частично (полностью) ответил на второй.</p>