

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РФ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«КАБАРДИНО – БАЛКАРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
ИМ.Х.М.БЕРБЕКОВА»**

**Колледж информационных технологий и экономики**



УТВЕРЖДАЮ

Заместитель директора по УР

Л.Х.Назарова

12 » февраля 2024 г.

**Комплект контрольно-измерительных материалов**

**по дисциплине ОП.03 ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ  
СТАТИСТИКА**

**для специальности 09.02.06 Сетевое и системное администрирование**

Рассмотрен и одобрен на заседании ЦК

Протокол № 6 от « 07 » февраля 2024 г.

Председатель ЦК

Тлупов З.А.

**Нальчик, 2024 г.**

## 1. Общие положения

Контрольно-измерительные материалы (КИМ) предназначены для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу учебной дисциплины ОП.03 Теория вероятностей и математическая статистика.

КИМ включают контрольные материалы для проведения рубежного контроля и промежуточной аттестации в форме Экзамена.

КИМ разработаны в соответствии с ППСЗ по специальности 09.02.06 Сетевое и системное администрирование.

## 2. Результаты освоения дисциплины, подлежащие проверке:

В результате освоения учебной дисциплины ОП.03 Теория вероятностей и математическая статистика обучающийся должен

### уметь:

- применять стандартные методы и модели к решению вероятностных и статистических задач;
- пользоваться расчетными формулами, таблицами, графиками при решении статистических задач;
- применять современные пакеты прикладных программ многомерного статистического анализа.

### знать:

- элементы комбинаторики;
- понятие случайного события, классическое определение вероятности, вычисление вероятностей событий с использованием элементов комбинаторики, геометрическую вероятность;
- алгебру событий, теоремы умножения и сложения вероятностей, формулу полной вероятности;
- схему и формулу Бернулли, приближенные формулы в схеме Бернулли;
- формулу(теорему) Байеса;
- понятия случайной величины, дискретной случайной величины, ее распределение и характеристики, непрерывной случайной величины, ее распределение и характеристики;
- законы распределения непрерывных случайных величин;
- центральную предельную теорему;
- выборочный метод математической статистики, характеристики выборки;
- понятие вероятности и частот.

В результате освоения учебной дисциплины должны формироваться общие компетенции:

| Код ПК, ОК  | Умения  | Знания  |
|---|---|---|
| ОК 01<br>ОК 02<br>ОК 03<br>ОК 04<br>ОК 09<br>ПК 2.2<br>ПК 2.3 | - применять стандартные методы и модели к решению вероятностных и статистических задач;<br>- использовать расчетные формулы, таблицы, графики при решении статистических задач;<br>- применять современные пакеты прикладных программ многомерного статистического анализа. | - элементы комбинаторики;<br>- понятие случайного события, классическое определение вероятности, вычисление вероятностей событий с использованием элементов комбинаторики, геометрическую вероятность;<br>- алгебру событий, теоремы умножения и сложения |

|  |  |   |
|--|--|---|
|  |  | <p>вероятностей, формулу полной вероятности;</p> <p>- схему и формулу Бернулли, приближенные формулы в схеме Бернулли. Формулу(теорему) Байеса;</p> <p>- понятия случайной величины, дискретной случайной величины, ее распределение и характеристики, непрерывной случайной величины, ее распределение и характеристики;</p> <p>- законы распределения непрерывных случайных величин;</p> <p>- центральную предельную теорему, выборочный метод математической статистики, характеристики выборки;</p> <p>- понятие вероятности и частоты.</p> |
|--|--|---|

Оценка качества освоения учебной программы по дисциплине ОП.03 Теория вероятностей и математическая статистика с учетом использования балльно-рейтинговой системы включает текущий и рубежный контроль успеваемости, промежуточную аттестацию по итогам освоения дисциплины.

Рубежный контроль проводится в форме рейтинговых мероприятий.

Результаты текущего и рубежного контроля учитываются при подведении итогов по дисциплине.

Промежуточная аттестация проводится в форме дифференцированного зачета по итогам изучения дисциплины в конце учебного года в виде контрольной работы.

## **КРИТЕРИИ ОЦЕНКИ РУБЕЖНОЙ И ИТОГОВОЙ АТТЕСТАЦИИ СТУДЕНТОВ**

**Виды рейтингового контроля** - контрольная работа

**1 курс - 2 семестр**

**2 курс - 4 семестр**

**Рубежный контроль №1 - контрольная работа**

Максимальное количество баллов – 15.

Рубежный контроль №1 проводится в виде контрольной работы в форме тестирования.

Тестовые задания содержат 15 вопросов, на выполнение теста отводится 30 минут.

На каждый тест дается 4 варианта ответов, один из которых – правильный. Необходимо выбрать правильный вариант ответа.

### **Критерий оценок по тестированию:**

- **оценка «отлично»** выставляется студенту, если он правильно ответил не менее чем на 84% тестов;
- **оценка «хорошо»** выставляется студенту, если удельный вес правильных ответов составил от 67% до 83% от общего числа тестов;
- **оценка «удовлетворительно»** выставляется студенту, если удельный вес правильных ответов составил от 50% до 66% от общего числа тестов;

- **оценка «неудовлетворительно»** выставляется студенту, если удельный вес правильных ответов составил менее 50% от общего числа тестов.

### **Рубежный контроль №2 - контрольная работа**

Максимальное количество баллов – 15.

Рубежный контроль №2 проводится в виде контрольной работой в форме тестирования. Тестовые задания содержат 10 вопросов, на выполнение теста отводится 30 минут. На каждый тест дается 4 варианта ответов, один из которых – правильный. Необходимо выбрать правильный вариант ответа.

#### **Критерий оценок по тестированию:**

- **оценка «отлично»** выставляется студенту, если он правильно ответил не менее чем на 84% тестов;
- **оценка «хорошо»** выставляется студенту, если удельный вес правильных ответов составил от 67% до 83% от общего числа тестов;
- **оценка «удовлетворительно»** выставляется студенту, если удельный вес правильных ответов составил от 50% до 66% от общего числа тестов;
- **оценка «неудовлетворительно»** выставляется студенту, если удельный вес правильных ответов составил менее 50% от общего числа тестов.

#### **Вид промежуточной аттестации:**

#### **Дифференцированный зачет - контрольная работа**

На дифференцированный зачёт отводится максимально до 30 баллов. Контрольная работа (дифференцированный зачёт) - состоит из трех задач. Каждая задача оценивается в 10 баллов.

- **10 баллов** - выставляется студенту выполнившему задание в полном объеме и верно;
- **8 - 9 баллов** выставляется студенту, допустившему незначительные неточности в ответах;
- **6 - 7 баллов** выставляется студенту, допустившему грубые ошибки в выполнении задания;
- **4 - 5 баллов** выставляется студенту, справившемуся с работой на 40% от общего объема задания.

Далее все баллы суммируются (дифференцированный зачёт и текущий контроль) и выставляется оценка.

| <b>Баллы</b> | <b>Оценка</b> |                     |
|--------------|---------------|---------------------|
| 0-35         | Недопуск      | Недопуск            |
| 36-55        | «2»           | Неудовлетворительно |
| 56-70        | «3»           | Удовлетворительно   |
| 71-85        | «4»           | Хорошо              |
| 86-100       | «5»           | Отлично             |

### **ЗАДАНИЯ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ РУБЕЖНОГО КОНТРОЛЯ**

#### **Рубежный контроль №1. Вероятности случайных событий.**

**Осваиваемые знания, умения, компетенции:**

**уметь:**

- применять стандартные методы и модели к решению вероятностных и статистических задач;
- пользоваться расчетными формулами, таблицами, графиками при решении статистических задач;
- применять современные пакеты прикладных программ многомерного статистического анализа.

**знать:**

- элементы комбинаторики;
  - понятие случайного события, классическое определение вероятности, вычисление вероятностей событий с использованием элементов комбинаторики, геометрическую вероятность;
  - алгебру событий, теоремы умножения и сложения вероятностей, формулу полной вероятности;
  - схему и формулу Бернулли, приближенные формулы в схеме Бернулли;
  - формулу(теорему) Байеса;
  - понятия случайной величины, дискретной случайной величины, ее распределение и характеристики, непрерывной случайной величины, ее распределение и характеристики;
- ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 09, ПК 2.2, ПК 2.3

**1 ВАРИАНТ**

|  |   |
|--|---|
| 1. Упорядоченные комбинации, составленные из $k$ различных элементов взятых из $n$ элементов, называются                 |   |
| а) сочетаниями   | в) перестановками   |
| б) размещениями  | г) комбинаторикой   |
| 2. Число всех возможных перестановок вычисляется по формуле  |   |
| а) $P_n = n!$  | в) $P(A) = \frac{k}{n}$   |
| б) $A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$   | г) $C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$  |
| 3. Событие, которое обязательно произойдет при осуществлении определенной совокупности условий, называется               |   |
| а) достоверным   | в) невозможным  |
| б) случайным   | г) Несовместным   |
| 4. Вероятность случайного события $A$ есть число, удовлетворяющее неравенству  |   |
| а) $P(A) > 0$  | в) $0 < P(A) < 1$   |
| б) $P(A) < 1$  | г) $-1 < P(A) < 0$  |
| 5. Сумма вероятностей противоположных событий $P(A) + P(\bar{A})$ равна  |   |
| а) $1/2$   | в) $0$  |
| б) $2$   | г) $1$  |
| 6. Вероятность события $B$ , вычисленную в предположении, что событие $A$ уже наступило $P_A(B)$ называют                |   |
| а) геометрической вероятностью   | в) условной вероятностью  |
| б) статистической вероятностью   | г) аналитической вероятностью   |
| 7. Вероятность появления хотя бы одного из событий $A_1, A_2, \dots, A_n$ , независимых в совокупности, равна            |   |
| а) разности между единицей и суммой вероятностей противоположных событий $\bar{A}_1, \bar{A}_2, \dots, \bar{A}_n$ , т.е. | в) сумме вероятностей противоположных событий $\bar{A}_1, \bar{A}_2, \dots, \bar{A}_n$ , т.е. |

|  |  |
|--|--|
| $P(A) = 1 - (q_1 + \dots + q_n)$   | $P(A) = q_1 + \dots + q_n$   |
| б) разности между единицей и произведением вероятностей противоположных событий $\overline{A_1}, \overline{A_2}, \dots, \overline{A_n}$ , т.е. $P(A) = 1 - q_1 \cdot q_2 \cdot \dots \cdot q_n$  | г) произведению вероятностей противоположных событий $\overline{A_1}, \overline{A_2}, \dots, \overline{A_n}$ , т.е. $P(A) = q_1 \cdot \dots \cdot q_n$ |
| 8. <b>Локальная теорема Лапласа:</b> вероятность того, что в $n$ испытаниях событие $A$ наступит ровно $k$ раз (при больших значениях $n$ ) приближенно вычисляется по формуле   |  |
| а) $P_n(k) \approx \frac{1}{\sqrt{npq}} \cdot \Phi(x), \quad x = \frac{knp}{\sqrt{n-p-q}}$   | в) $P_n(k) \approx \frac{1}{\sqrt{n+p+q}} \cdot \Phi(x), \quad x = \frac{k-n-p}{\sqrt{npq}}$   |
| б) $P_n(k) \approx \frac{1}{\sqrt{n+p+q}} \cdot \varphi(x), \quad x = \frac{knp}{\sqrt{n+p+q}}$  | г) $P_n(k) \approx \frac{1}{\sqrt{npq}} \cdot \varphi(x), \quad x = \frac{k-np}{\sqrt{npq}}$   |
| 9. <b>Вычислить число сочетаний <math>C_7^5</math></b>   |  |
| а) 120   | в) 2   |
| б) 42  | г) 21  |
| 10 <b>Вычислить число размещений <math>A_7^2</math></b>  |  |
| а) 21  | в) 2   |
| б) 42  | г) 120   |
| 11 <b>Вычислить число перестановок <math>P_4</math></b>  |  |
| а) 24  | в) 20  |
| б) 26  | г) 19  |
| 12 <b>Бросают игральную кость. Какова вероятность выпадения числа, кратного 3?</b>   |  |
| а) 1/2   | в) 2/6   |
| б) 1/6   | г) 2/3   |
| 13 <b>В первом ящике содержится 20 деталей, из них 15 стандартных; во втором — 30 деталей, из них 24 стандартных; в третьем — 10 деталей, из них 6 стандартных. Найти вероятность того, что наудачу извлеченная деталь из наудачу взятого ящика — стандартная.</b> |  |
| а) 0   | в) 0,72  |
| б) 0,28  | г) 1   |
| 14 <b>Три стрелка произвели по одному выстрелу. Вероятность попадания в мишень первым стрелком равна 0,7, вторым — 0,6, а третьим — 0,8. Найти вероятность того, что только один из стрелков попал в мишень.</b>   |  |
| а) 0,366   | в) 0   |
| б) 0,188   | г) 1   |
| 15 <b>Вероятность поражения мишени стрелком при одном выстреле <math>p=0,8</math>. Найти вероятность того, что при 5 выстрелах стрелок поразит мишень 3 раза.</b>  |  |
| а) 1   | в) 0,6   |
| б) 0,8   | г) 0,2   |

## 2 ВАРИАНТ

|   |                   |
|---|-------------------|
| 1. <b>Комбинации, составленные из <math>k</math> различных элементов взятых из <math>n</math> элементов, называются</b>                   |                   |
| а) перестановками   | в) сочетаниями    |
| б) размещениями   | г) комбинаторикой |
| 2. <b>Отношение числа благоприятствующих событию <math>A</math> исходов к общему числу всех возможных элементарных исходов называется</b> |                   |

|    |  |  |
|----|--|--|
|    | а) вероятностью события $A$<br>б) условной вероятностью события $A$  | в) геометрической вероятностью события $A$<br>г) вероятностью противоположного события $\bar{A}$   |
| 3. | <b>Событие, которое заведомо не произойдет при осуществлении определенной совокупности условий, называется</b>   |  |
|    | а) невозможным<br>б) несовместным  | в) достоверным<br>г) случайным   |
| 4. | <b>Два единственно возможных события <math>A</math> и <math>\bar{A}</math>, образующих полную группу, называют</b>   |  |
|    | а) невозможными<br>б) достоверными   | в) случайными<br>г) противоположными   |
| 5. | <b>Если появление одного события исключает появление другого события в одном и том же испытании, то такие события называются</b>   |  |
|    | а) совместными<br>б) несовместными   | в) случайными<br>г) достоверными   |
| 6. | <b>Теорема сложения вероятностей несовместных событий: вероятность появления одного из двух несовместных событий, безразлично какого, равна</b>                                  |  |
|    | а) сумме вероятностей противоположных событий, т.е. $P(A+B)=P(\bar{A})+P(\bar{B})$<br>б) произведению вероятностей этих событий, т.е. $P(A+B)=P(A)\cdot P(B)$                    | в) сумме вероятностей этих событий, т.е. $P(A+B)=P(A)+P(B)$<br>г) произведению вероятности одного из них на условную вероятность другого, т.е. $P(A+B)=P(A)\cdot P_A(B)$ |
| 7. | <b>Теорема сложения вероятностей совместных событий: вероятность появления хотя бы одного из двух совместных событий равна</b>   |  |
|    | а) разности вероятностей этих событий, т.е. $P(A+B)=P(A)-P(B)$<br>б) сумме вероятностей этих событий без вероятности их совместного появления, т.е. $P(A+B)=P(A)+P(B)-P(AB)$     | в) произведению вероятностей этих событий, т.е. $P(A+B)=P(A)\cdot P(B)$<br>г) сумме вероятностей противоположных событий $\bar{A}, \bar{B}$ , т.е. $P(A) = q_1 + q_2$    |
| 8. | <b>Формула Бернулли: вероятность того, что в <math>n</math> испытаниях событие <math>A</math> наступит ровно <math>k</math> раз вычисляется по формуле</b>                       |  |
|    | а) $P_n(k) = A_n^k \cdot p^k \cdot q^n$<br>б) $P_n(k) = \frac{n!}{k!(n-k)!}$   | в) $P_n(k) = C_n^k \cdot p^k \cdot q^{n-k}$<br>г) $P_n(k) = \frac{n!k!}{(n+k)!}$   |
| 9. | <b>Вычислить число сочетаний <math>C_9^6</math></b>  |  |
|    | а) 504<br>б) 84  | в) 720<br>г) 6   |
| 10 | <b>Вычислить число размещений <math>A_9^6</math></b>   |  |
|    | а) 60480<br>б) 54  | в) 50420<br>г) 720   |
| 11 | <b>Вычислить число перестановок <math>P_7</math></b>   |  |
|    | а) 5040<br>б) 5000   | в) 4200<br>г) 2300   |
| 12 | <b>Бросают игральную кость. Какова вероятность выпадения числа 5?</b>  |  |
|    | а) 2/6<br>б) 1/6   | в) 1/2<br>г) 2/3   |
| 13 | <b>В первом ящике содержится 20 деталей, из них 15 стандартных; во втором — 10 деталей, из них 8 стандартных; в третьем — 12 деталей, из них 6 стандартных; в четвертом — 15</b> |  |

|    |  |         |
|----|--|---------|
|    | деталей, из них 12 стандартных. Найти вероятность того, что наудачу извлеченная деталь из наудачу взятого ящика—стандартная.   |         |
|    | а) 1   | в) 0    |
|    | б) 0,29  | г) 0,71 |
| 14 | Три стрелка произвели по одному выстрелу. Вероятность попадания в мишень первым стрелком равна 0,8, вторым — 0,9, а третьим— 0,75. Найти вероятность того, что только один из стрелков попал в мишень. |         |
|    | а) 0,08  | в) 0    |
|    | б) 0,995   | г) 1    |
| 15 | Вероятность поражения мишени стрелком при одном выстреле $p=0,7$ . Найти вероятность того, что при 6 выстрелах стрелок поразит мишень 4 раза.  |         |
|    | а) 0,66  | в) 0,32 |
|    | б) 0,7   | г) 1    |

### 3 ВАРИАНТ

|    |   |  |
|----|---|--|
| 1. | Математическая наука, изучающая закономерности случайных явлений называется   |  |
|    | а) вероятностью   | в) математической статистикой  |
|    | б) комбинаторикой   | г) теорией вероятности   |
| 2. | Число всех возможных сочетаний вычисляется по формуле   |  |
|    | а) $C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$  | в) $P(A) = \frac{k}{n}$  |
|    | б) $A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$  | г) $P_n = n!$  |
| 3. | Событие, которое при осуществлении определенной совокупности условий может либо произойти, либо не произойти, называется  |  |
|    | а) случайным  | в) достоверным   |
|    | б) невозможным  | г) несовместным  |
| 4. | Вероятность невозможного события $A$ равна  |  |
|    | а) 1  | в) 1/2   |
|    | б) 0  | г) -1  |
| 5. | Событие, состоящее в появлении события $A$ , или события $B$ , или обоих этих событий, называется   |  |
|    | а) разностью событий $A-B$  | в) суммой событий $A+B$  |
|    | б) произведением событий $A \cdot B$  | г) разностью событий $B-A$   |
| 6. | Если появление одного события не исключает появление другого события в одном и том же испытании, то такие события называются  |  |
|    | а) достоверными   | в) случайными  |
|    | б) несовместными  | г) совместными   |
| 7. | Теорема умножения вероятностей: вероятность совместного появления двух событий равна  |  |
|    | а) разности вероятностей этих событий, т.е. $P(A \cdot B) = P(A) - P(B)$  | в) произведению вероятности одного из них на условную вероятность другого, т.е. $P(A \cdot B) = P(A) \cdot P_A(B)$ |
|    | б) сумме вероятностей этих событий, т.е. $P(A \cdot B) = P(A) + P(B)$   | г) сумме вероятностей противоположных событий, т.е. $P(A \cdot B) = P(\bar{A}) + P(\bar{B})$                       |
| 8. | Величину, которая в результате испытания примет одно и только одно возможное значение, наперед не известное и зависящее от случайных причин, которые заранее не могут быть учтены, называют |  |

|    |   |                               |
|----|---|-------------------------------|
|    | а) случайной<br>б) дискретной   | в) непрерывной<br>г) числовой |
| 9. | <b>Вычислить число сочетаний <math>C_{10}^4</math></b><br>а) 151200<br>б) 210   | в) 720<br>г) 24               |
| 10 | <b>Вычислить число размещений <math>A_{10}^4</math></b><br>а) 40<br>б) 210  | в) 3664<br>г) 5040            |
| 11 | <b>Вычислить число перестановок <math>P_6</math></b><br>а) 570<br>б) 500  | в) 720<br>г) 750              |
| 12 | <b>Бросают игральную кость. Какова вероятность выпадения четного числа?</b><br>а) 4/6<br>б) 1/2   | в) 1/6<br>г) 2/3              |
| 13 | <b>Три стрелка произвели по одному выстрелу. Вероятность попадания в мишень первым стрелком равна 0,8, вторым — 0,9, а третьим— 0,75. Найти вероятность того, что хотя бы один из стрелков попал в мишень.</b><br>а) 0,08<br>б) 0,995 | в) 0<br>г) 1                  |
| 14 | <b>Три стрелка произвели по одному выстрелу. Вероятность попадания в мишень первым стрелком равна 0,7, вторым — 0,6, а третьим— 0,8. Найти вероятность того, что двое из стрелков попали в мишень.</b><br>а) 1<br>б) 0,366            | в) 0<br>г) 0,452              |
| 15 | <b>На полке 10 учебников, из которых 6 в переплете. Наудачу взяли 4 учебника. Найти вероятность того, что 3 из них в переплете.</b><br>а) 0,38<br>б) 0,83   | в) 0<br>г) 1                  |

#### 4 ВАРИАНТ

|    |  |  |
|----|--|--|
| 1. | <b>Комбинации из <math>n</math> элементов, отличающиеся друг от друга только порядком называются</b><br>а) перестановками<br>б) комбинаторикой   | в) сочетаниями<br>г) размещениями                                  |
| 2. | <b>Число всех возможных размещений вычисляется по формуле</b><br>а) $P(A) = \frac{k}{n}$<br>б) $P_n = n!$  | в) $C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$<br>г) $A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$ |
| 3. | <b>Вероятность события <math>A</math> с общим числом всех возможных элементарных исходов <math>n</math> и числом благоприятствующих исходов <math>k</math> вычисляется по формуле</b><br>а) $P_n = n!$<br>б) $A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$ | в) $C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$<br>г) $P(A) = \frac{k}{n}$        |
| 4. | <b>Вероятность достоверного события <math>A</math> равна</b>   |  |

|    |   |  |
|----|---|--|
|    | а) 2<br>б) 1  | в) 0<br>г) 1/3   |
| 5. | <b>Событие, состоящее в совместном появлении событий <math>A</math> и <math>B</math>, называется</b>  |  |
|    | а) разностью событий $A-B$<br>б) разностью событий $B-A$  | в) произведением событий $A \cdot B$<br>г) суммой событий $A+B$  |
| 6. | <b>Если появление одного события не изменяет вероятности другого события, то такие события называются</b>   |  |
|    | а) недостоверными<br>б) зависимыми  | в) несовместными<br>г) независимыми  |
| 7. | <b>Теорема умножения вероятностей независимых событий: вероятность совместного появления двух независимых событий равна</b>   |  |
|    | а) сумме вероятностей этих событий, т.е. $P(A \cdot B) = P(A) + P(B)$<br>б) произведению вероятностей этих событий, т.е. $P(A \cdot B) = P(A) \cdot P(B)$   | в) произведению вероятности одного из них на условную вероятность другого, т.е. $P(A \cdot B) = P(A) \cdot P_A(B)$<br>г) разности вероятностей этих событий, т.е. $P(A \cdot B) = P(A) - P(B)$   |
| 8. | <b>Интегральная теорема Лапласа: вероятность того, что в <math>n</math> испытаниях событие <math>A</math> появится от <math>k_1</math> до <math>k_2</math> раз приближенно вычисляется по формуле</b>                             |  |
|    | а) $P_n(k_1, k_2) \approx \Phi(x'') - \Phi(x')$ ,<br>$x' = \frac{k_1 - np}{\sqrt{npq}}$ , $x'' = \frac{k_2 - np}{\sqrt{npq}}$<br>б) $P_n(k_1, k_2) \approx \frac{1}{\sqrt{npq}} \cdot \Phi(x)$ , $x = \frac{k_1 k_2}{\sqrt{npq}}$ | в) $P_n(k_1, k_2) \approx \varphi(x'') - \varphi(x')$ ,<br>$x' = \frac{k_1 np}{\sqrt{n+p+q}}$ , $x'' = \frac{k_2 np}{\sqrt{n+p+q}}$<br>г) $P_n(k_1, k_2) \approx \frac{1}{\sqrt{npq}} \cdot \varphi(x)$ , $x = \frac{k_2 - k_1}{\sqrt{npq}}$ |
| 9. | <b>Вычислить число сочетаний <math>C_8^3</math></b>   |  |
|    | а) 6720<br>б) 56  | в) 120<br>г) 6   |
| 10 | <b>Вычислить число размещений <math>A_8^3</math></b>  |  |
|    | а) 120<br>б) 24   | в) 336<br>г) 5   |
| 11 | <b>Вычислить число перестановок <math>P_5</math></b>  |  |
|    | а) 110<br>б) 120  | в) 100<br>г) 150   |
| 12 | <b>Бросают игральную кость. Какова вероятность выпадения нечетного числа?</b>   |  |
|    | а) 4/6<br>б) 1/2  | в) 1/6<br>г) 2/3   |
| 13 | <b>Три стрелка произвели по одному выстрелу. Вероятность попадания в мишень первым стрелком равна 0,7, вторым — 0,6, а третьим — 0,8. Найти вероятность того, что хотя бы один из стрелков попал в мишень.</b>                    |  |
|    | а) 0,976<br>б) 0,336  | в) 0<br>г) 1   |
| 14 | <b>Три стрелка произвели по одному выстрелу. Вероятность попадания в мишень первым стрелком равна 0,8, вторым — 0,9, а третьим — 0,7. Найти вероятность того, что двое из стрелков попали в мишень.</b>                           |  |
|    | а) 0<br>б) 0,995  | в) 0,398<br>г) 1   |
| 15 | <b>На полке 10 учебников, из которых 6 в переплете. Наудачу взяли 4 учебника. Найти вероятность того, что 3 из них не в переплете.</b>  |  |
|    | а) 1<br>в) 0  |  |

## Рубежный контроль №2. Случайная величина ( дискретные и непрерывные случайные величины).

### Осваиваемые знания, умения, компетенции:

#### уметь:

- применять стандартные методы и модели к решению вероятностных и статистических задач;
- пользоваться расчетными формулами, таблицами, графиками при решении статистических задач;
- применять современные пакеты прикладных программ многомерного статистического анализа.

#### знать:

- понятия случайной величины, дискретной случайной величины, ее распределение и характеристики, непрерывной случайной величины, ее распределение и характеристики;
- законы распределения непрерывных случайных величин;
- центральную предельную теорему;
- выборочный метод математической статистики, характеристики выборки;
- понятие вероятности и частот.

### ОК 01-05, 09, 10

### 1 ВАРИАНТ

|    |  |  |
|----|--|--|
| 1. | Случайную величину, которая принимает отдельные, изолированные возможные значения с определенными вероятностями, называют  |  |
| а) | числовой   | в) дискретной  |
| б) | непрерывной  | г) переменной  |
| 2. | Математическое ожидание суммы двух независимых случайных величин $M(X+Y)$ равно  |  |
| а) | произведению их математических ожиданий $M(X) \cdot M(Y)$  | в) разности их математических ожиданий $M(X) - M(Y)$ |
| б) | сумме их математических ожиданий $M(X) + M(Y)$   | г) частному их математических ожиданий $M(X)/M(Y)$   |
| 3. | Числовая характеристика дискретной случайной величины, выражающая математическое ожидание квадрата отклонения случайной величины от ее математического ожидания $M[X - M(X)]^2$ , называется |  |
| а) | математическим ожиданием дискретной случайной величины   | в) дисперсией дискретной случайной величины          |
| б) | биномиальным распределением  | г) отклонением                                       |
| 4. | Дисперсия суммы двух независимых случайных величин $D(X+Y)$ равна  |  |
| а) | разности их дисперсий $D(X) - D(Y)$  | в) сумме их дисперсий $D(X) + D(Y)$                  |
| б) | произведению их дисперсий $D(X) \cdot D(Y)$  | г) частному их дисперсий $D(X)/D(Y)$                 |

|          |  |   |            |           |          |           |          |            |            |            |
|----------|--|---|------------|-----------|----------|-----------|----------|------------|------------|------------|
| 5.       | <b>Соответствие между возможными значениями дискретной случайной величины и их вероятностями называют</b>  |   |            |           |          |           |          |            |            |            |
| а)       | законом распределения дискретной случайной величины  | в) математическим ожиданием дискретной случайной величины |            |           |          |           |          |            |            |            |
| б)       | биномиальным распределением  | г) дисперсией   |            |           |          |           |          |            |            |            |
| 6.       | <b>Числовая характеристика дискретной случайной величины, выражающая сумму произведений всех возможных значений дискретной случайной величины на их вероятности, называется</b>  |   |            |           |          |           |          |            |            |            |
| а)       | математическим ожиданием дискретной случайной величины   | в) законом распределения дискретной случайной величины    |            |           |          |           |          |            |            |            |
| б)       | биномиальным распределением  | г) дисперсией   |            |           |          |           |          |            |            |            |
| 7.       | <b>Дисперсия <math>D(X)</math> случайной величины <math>X</math> равна</b>   |   |            |           |          |           |          |            |            |            |
| а)       | $M(X^2) - M(X)$  | в) $M(X^2) - [M(X)]^2$                                    |            |           |          |           |          |            |            |            |
| б)       | $D(X^2) - [D(X)]^2$  | г) $D(X^2) + D(X^2)$                                      |            |           |          |           |          |            |            |            |
| 8.       | <b>Квадратный корень из дисперсии называют</b>   |   |            |           |          |           |          |            |            |            |
| а)       | биномиальным распределением  | в) математическим ожиданием дискретной случайной величины |            |           |          |           |          |            |            |            |
| б)       | средним квадратическим отклонением случайной величины  | г) отклонением  |            |           |          |           |          |            |            |            |
| 9.       | <b>Найти математическое ожидание дискретной случайной величины <math>X</math>, заданной законом распределения</b>  |   |            |           |          |           |          |            |            |            |
|          | <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td><b>X</b></td> <td><b>-4</b></td> <td><b>6</b></td> <td><b>10</b></td> </tr> <tr> <td><b>p</b></td> <td><b>0,2</b></td> <td><b>0,3</b></td> <td><b>0,5</b></td> </tr> </table> |   | <b>X</b>   | <b>-4</b> | <b>6</b> | <b>10</b> | <b>p</b> | <b>0,2</b> | <b>0,3</b> | <b>0,5</b> |
| <b>X</b> | <b>-4</b>  | <b>6</b>  | <b>10</b>  |           |          |           |          |            |            |            |
| <b>p</b> | <b>0,2</b>   | <b>0,3</b>  | <b>0,5</b> |           |          |           |          |            |            |            |
| а)       | -6   | в) 0,6  |            |           |          |           |          |            |            |            |
| б)       | 6  | г) 1,2  |            |           |          |           |          |            |            |            |
| 10       | <b>Найти дисперсию дискретной случайной величины <math>X</math>, заданной законом распределения</b>  |   |            |           |          |           |          |            |            |            |
|          | <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td><b>X</b></td> <td><b>-4</b></td> <td><b>6</b></td> <td><b>10</b></td> </tr> <tr> <td><b>p</b></td> <td><b>0,2</b></td> <td><b>0,3</b></td> <td><b>0,5</b></td> </tr> </table> |   | <b>X</b>   | <b>-4</b> | <b>6</b> | <b>10</b> | <b>p</b> | <b>0,2</b> | <b>0,3</b> | <b>0,5</b> |
| <b>X</b> | <b>-4</b>  | <b>6</b>  | <b>10</b>  |           |          |           |          |            |            |            |
| <b>p</b> | <b>0,2</b>   | <b>0,3</b>  | <b>0,5</b> |           |          |           |          |            |            |            |
| а)       | 28   | в) 15   |            |           |          |           |          |            |            |            |
| б)       | 40   | г) 35   |            |           |          |           |          |            |            |            |

## 2 ВАРИАНТ

|    |   |                |
|----|---|----------------|
| 1. | <b>Случайную величину, которая может принимать все значения из некоторого конечного или бесконечного промежутка, называют</b> |                |
| а) | дискретной  | в) непрерывной |
| б) | переменной  | г) числовой    |

|   |  |     |     |   |   |     |     |     |     |
|---|--|-----|-----|---|---|-----|-----|-----|-----|
| 2. Математическое ожидание произведения двух независимых случайных величин $M(XY)$ равно  |  |     |     |   |   |     |     |     |     |
| а) сумме их математических ожиданий<br>$M(X)+M(Y)$  | в) частному их математических ожиданий<br>$M(X)/M(Y)$        |     |     |   |   |     |     |     |     |
| б) разности их математических ожиданий<br>$M(X)-M(Y)$   | г) произведению их математических ожиданий $M(X) \cdot M(Y)$ |     |     |   |   |     |     |     |     |
| 3. Разность между случайной величиной и ее математическим ожиданием называют  |  |     |     |   |   |     |     |     |     |
| а) биномиальным распределением  | в) математическим ожиданием                                  |     |     |   |   |     |     |     |     |
| б) дисперсией   | г) отклонением   |     |     |   |   |     |     |     |     |
| 4. Дисперсия $D(C)$ постоянной величины $C$ равна   |  |     |     |   |   |     |     |     |     |
| а) 0  | в) -1  |     |     |   |   |     |     |     |     |
| б) 1  | г) $\infty$  |     |     |   |   |     |     |     |     |
| 5. Соответствие между возможными количествами повторения события $A$ в $n$ испытаниях и их вероятностями, вычисленными по формуле Бернулли, называют  |  |     |     |   |   |     |     |     |     |
| а) биномиальным распределением  | в) дисперсией  |     |     |   |   |     |     |     |     |
| б) законом распределения дискретной случайной величины  | г) математическим ожиданием дискретной случайной величины    |     |     |   |   |     |     |     |     |
| 6. Математическое ожидание $M(C)$ постоянной величины $C$ равно   |  |     |     |   |   |     |     |     |     |
| а) $+\infty$  | в) 0   |     |     |   |   |     |     |     |     |
| б) 1  | г) $C$   |     |     |   |   |     |     |     |     |
| 7. Математическое ожидание отклонения равно   |  |     |     |   |   |     |     |     |     |
| а) 0  | в) -1  |     |     |   |   |     |     |     |     |
| б) 1  | г) $+\infty$   |     |     |   |   |     |     |     |     |
| 8. Квадратный корень из дисперсии называют  |  |     |     |   |   |     |     |     |     |
| а) средним квадратическим отклонением случайной величины  | в) математическим ожиданием дискретной случайной величины    |     |     |   |   |     |     |     |     |
| б) биномиальным распределением  | г) отклонением   |     |     |   |   |     |     |     |     |
| 9. Найти математическое ожидание дискретной случайной величины $X$ , заданной законом распределения   |  |     |     |   |   |     |     |     |     |
| <table border="1" style="margin: auto;"> <tbody> <tr> <td><math>X</math></td> <td>-2</td> <td>3</td> <td>5</td> </tr> <tr> <td><math>p</math></td> <td>0,1</td> <td>0,3</td> <td>0,5</td> </tr> </tbody> </table> |  | $X$ | -2  | 3 | 5 | $p$ | 0,1 | 0,3 | 0,5 |
| $X$   | -2   | 3   | 5   |   |   |     |     |     |     |
| $p$   | 0,1  | 0,3 | 0,5 |   |   |     |     |     |     |
| а) -3,2   | в) 0,3   |     |     |   |   |     |     |     |     |
| б) 3,2  | г) 1,3   |     |     |   |   |     |     |     |     |
| 10. Найти дисперсию дискретной случайной величины $X$ , заданной законом распределения  |  |     |     |   |   |     |     |     |     |
| <table border="1" style="margin: auto;"> <tbody> <tr> <td><math>X</math></td> <td>-2</td> <td>3</td> <td>5</td> </tr> <tr> <td><math>p</math></td> <td>0,1</td> <td>0,3</td> <td>0,5</td> </tr> </tbody> </table> |  | $X$ | -2  | 3 | 5 | $p$ | 0,1 | 0,3 | 0,5 |
| $X$   | -2   | 3   | 5   |   |   |     |     |     |     |
| $p$   | 0,1  | 0,3 | 0,5 |   |   |     |     |     |     |

а) 5,36

в) 56

б) 32

г) 41,5

### Задания для проведения промежуточной аттестации (дифференцированный зачет)

#### Осваиваемые знания, умения, компетенции:

##### уметь:

- применять стандартные методы и модели к решению вероятностных и статистических задач;
- пользоваться расчетными формулами, таблицами, графиками при решении статистических задач;
- применять современные пакеты прикладных программ многомерного статистического анализа.

##### знать:

- элементы комбинаторики;
- понятие случайного события, классическое определение вероятности, вычисление вероятностей событий с использованием элементов комбинаторики, геометрическую вероятность;
- алгебру событий, теоремы умножения и сложения вероятностей, формулу полной вероятности;
- схему и формулу Бернулли, приближенные формулы в схеме Бернулли;
- формулу(теорему) Байеса;
- понятия случайной величины, дискретной случайной величины, ее распределение и характеристики, непрерывной случайной величины, ее распределение и характеристики;
- законы распределения непрерывных случайных величин;
- центральную предельную теорему;
- выборочный метод математической статистики, характеристики выборки;
- понятие вероятности и частот.

ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 09, ПК 2.2, ПК 2.3

### Контрольная работа

#### 1 вариант

1. Найти среднее квадратичное отклонение случайной величины  $X$ , зная закон ее распределения:

|     |     |     |      |      |
|-----|-----|-----|------|------|
| $X$ | 0,1 | 4   | 6    | 8    |
| $P$ | 0,3 | 0,3 | 0,15 | 0,25 |

2. Задан закон распределения ДСВ. Доказать, что  $M[X - M(x)] = 0$ .

|     |     |     |     |     |
|-----|-----|-----|-----|-----|
| $X$ | 2   | 3   | 4   | 5   |
| $P$ | 0,2 | 0,3 | 0,1 | 0,4 |

3. Выборка задана в виде распределения частот:

|       |   |   |    |    |
|-------|---|---|----|----|
| $x_i$ | 7 | 4 | 10 | 10 |
| $n_i$ | 7 | 3 | 5  | 5  |

Найти распределение относительных частот.

## 2 вариант

1. Найти среднее квадратичное отклонение случайной величины  $X$ , зная закон ее распределения:

|   |     |     |      |      |
|---|-----|-----|------|------|
| X | 1   | 2   | 8    | 10   |
| P | 0,4 | 0,2 | 0,15 | 0,25 |

2. Задан закон распределения ДСВ. Доказать, что  $M [X-M(x)]=0$ .

|   |     |     |     |     |
|---|-----|-----|-----|-----|
| X | 0,2 | 4   | 5   | 0,1 |
| P | 0,1 | 0,4 | 0,2 | 0,3 |

3. Выборка задана в виде распределения частот:

|       |   |   |   |    |
|-------|---|---|---|----|
| $x_i$ | 6 | 5 | 8 | 12 |
| $n_i$ | 8 | 4 | 4 | 4  |

Найти распределение относительных частот.

### Основные источники:

1. Карасев В.А. Теория вероятностей и математическая статистика: математическая статистика [Электронный ресурс] - М. : МИСиС, 2016. - <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785906846013.html>
2. Алпатов А.В. Математика [Электронный ресурс]: учебное пособие для СПО - Электрон. текстовые данные - Саратов: Профобразование, 2017.— 96 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/65731.html> — ЭБС «IPRbooks».
3. Шапкин А.С., Шапкин В.А. Задачи с решениями по высшей математике, теории вероятностей, математической статистике, математическому программированию [Электронный ресурс]: учебное пособие для бакалавров - Электрон. текстовые данные – М.: Дашков и К, 2015. – 432с. – Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/5103.html> — ЭБС «IPRbooks».

### Дополнительные источники:

1. Гмурман В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика. – М.: Высшая школа, 2009.
2. Гмурман В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике. – М.: Высшая школа, 2004.
3. Белько И.В., Свирид Г.П. Теория вероятностей и математическая статистика. Примеры и задачи. - Минск: Новое знание 2007.

4. Кочетков Е.С., Смерчинская С.О. Теория вероятностей в задачах и упражнениях. - М.: Форум, 2008.
5. Куликов Г.М., Косенкова И.В., Нахман А.Д., Теория вероятностей и математическая статистика, Издательство ГОУ ВПО ТГТУ, 2010г. <http://window.edu.ru>
6. Прохоров Ю.В., Пономаренко Л.С., Лекции по теории вероятностей и математической статистике: Учебник, Издательство МГУ, 2012 г. <http://www.knigafund.ru>
7. Яковлев В.П., Теория вероятностей и математическая статистика: Учебное пособие, Дашков и К, 2011г. <http://www.knigafund.ru>
8. Балдин К.В., Рукосуев А.В., Башлыков В.Н., Теория вероятностей и математическая статистика: Учебник, Издательство: Дашков и К, 2010 г.
9. Бочаров П.П., Печинкин А.В., Теория вероятностей и математическая статистика: учебное пособие, Издательство: ФИЗМАТЛИТ, 2005 г.

#### **Интернет – ресурсы:**

1. Электронная библиотека: <http://window.edu.ru/>
2. Библиотека электронных учебников и пособий: <http://window.edu.ru/>
3. Электронно-библиотечная система: <http://e.lanbook.com/>
4. Электронная библиотека: <http://lib.kbsu.ru/>
5. Интернет библиотека: <http://ilib.mccme.ru/>